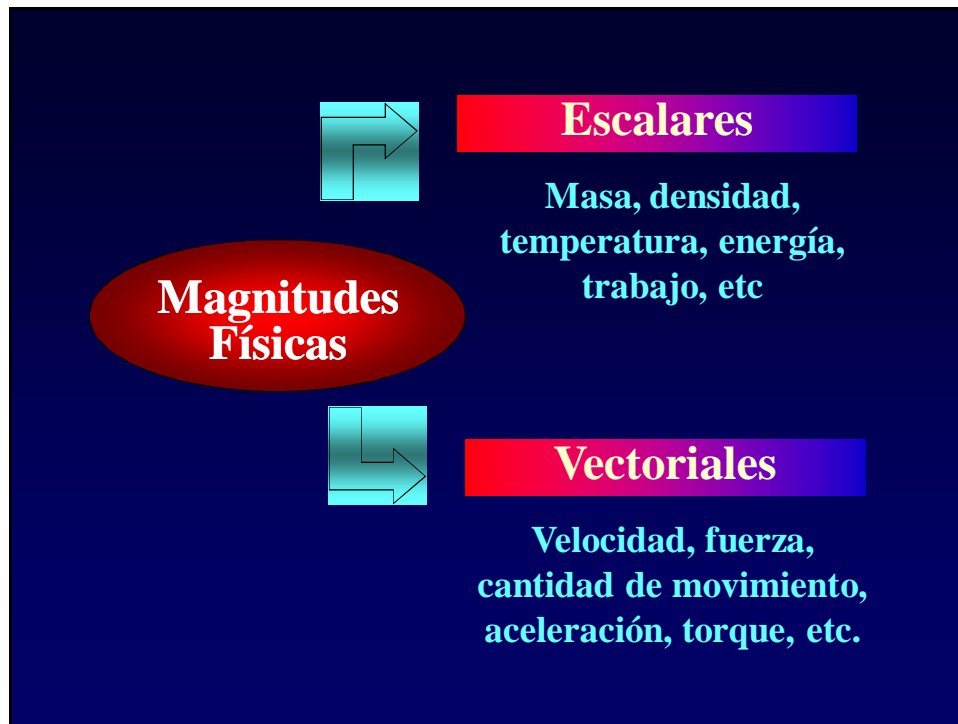


Magnitudes Físicas

Escalares: Son magnitudes Física que se caracterizan a través de una cantidad

Vectores: Son magnitudes Física que tienen Magnitud, Sentido y Dirección

**Magnitud:**

Se define usando el módulo como la raíz cuadrada de la suma de cada componente al cuadrado.

Por ejemplo: $A(x, y, z)$

$$|\vec{A}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

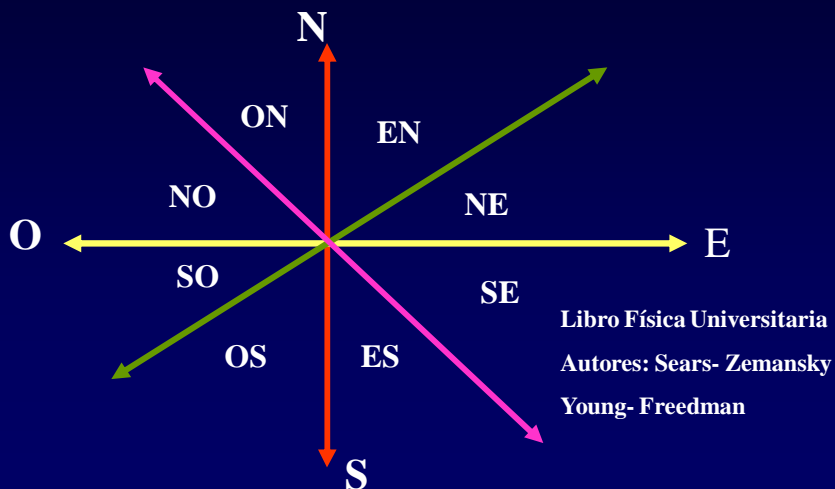
Ejemplo:

$$\vec{A} = (-2, 5, -7)$$

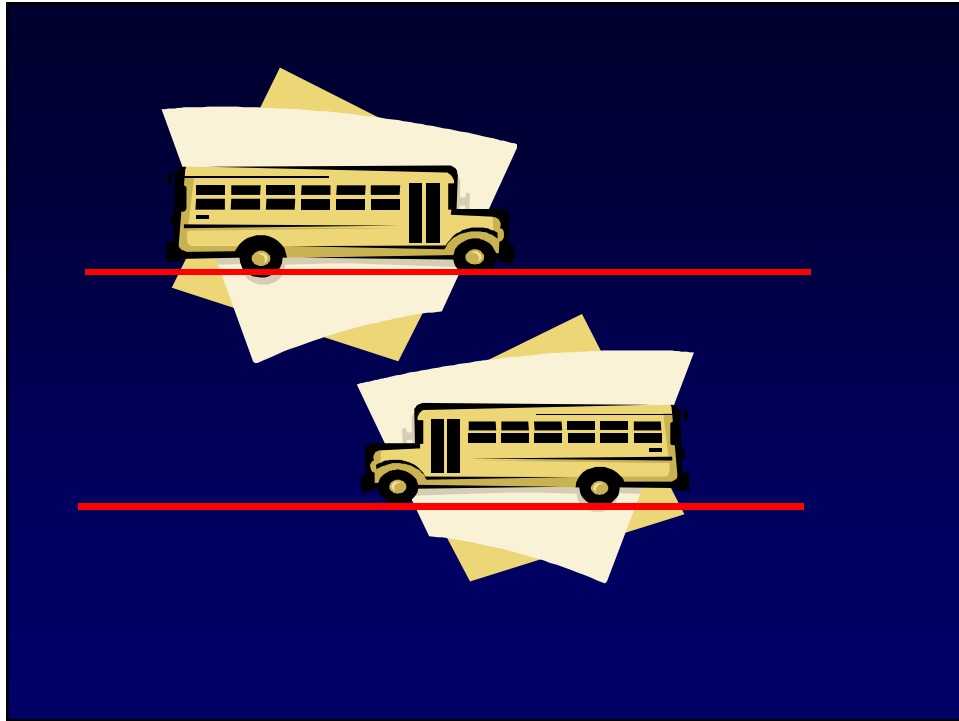
$$|\vec{A}| = \sqrt{(-2)^2 + (5)^2 + (-7)^2} = 8,83$$

Sentido:

El sentido del vector puede ser con relación a los puntos cardinales, o bien, a la izquierda, derecha, arriba o abajo

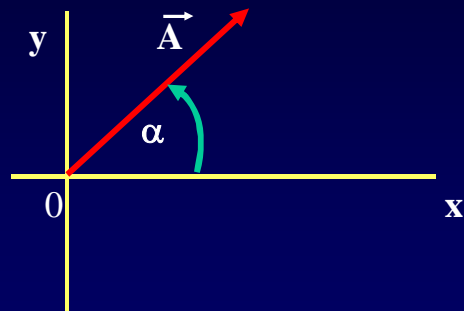


Libro Física Universitaria
Autores: Sears- Zemansky
Young- Freedman

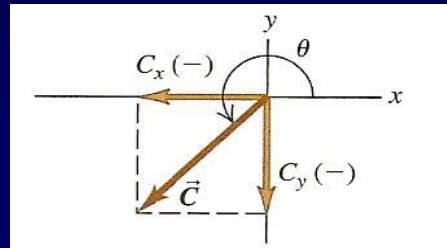
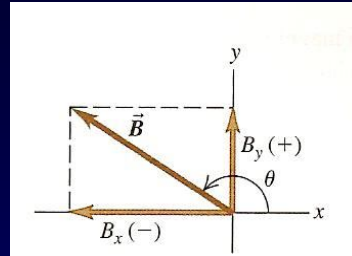
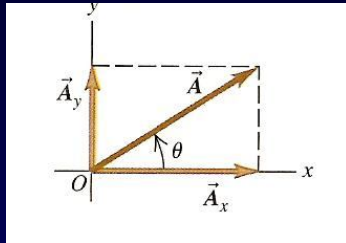


Dirección:

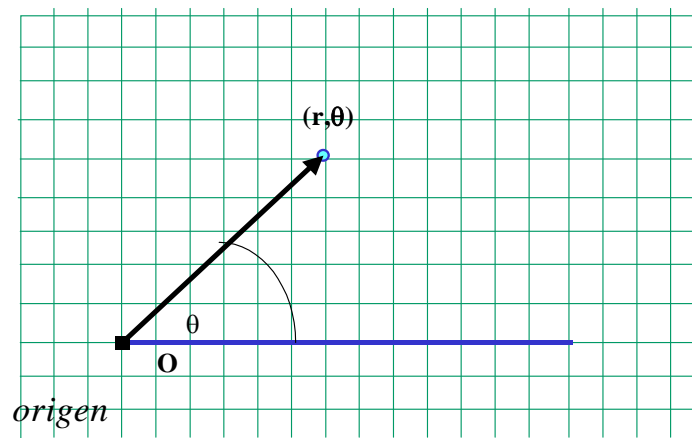
La dirección esta con relación al ángulo. Recuerde que los ángulo se mide en sentido contrario a los punteros del reloj

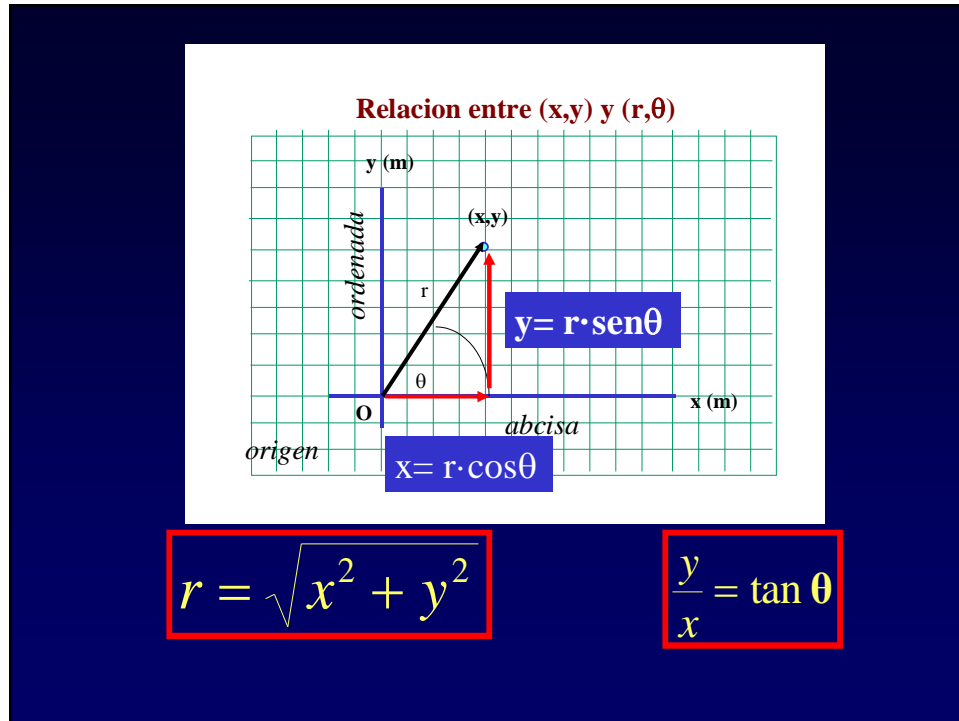


Dirección de un Vector



Coordenadas Polares





SISTEMAS DE COORDENADAS

Se utilizan para describir un punto en el espacio.
Un sistema de coordenadas consiste en un punto de referencia que llamaremos origen

Sistema Unidimensional: Un sólo eje

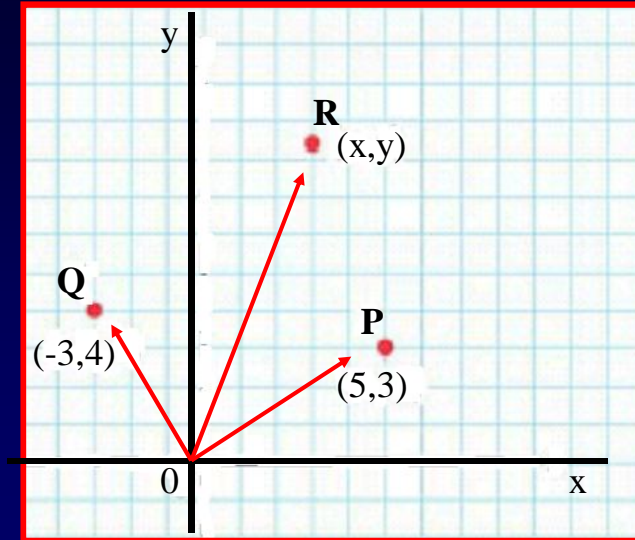


Eje "Horizontal"

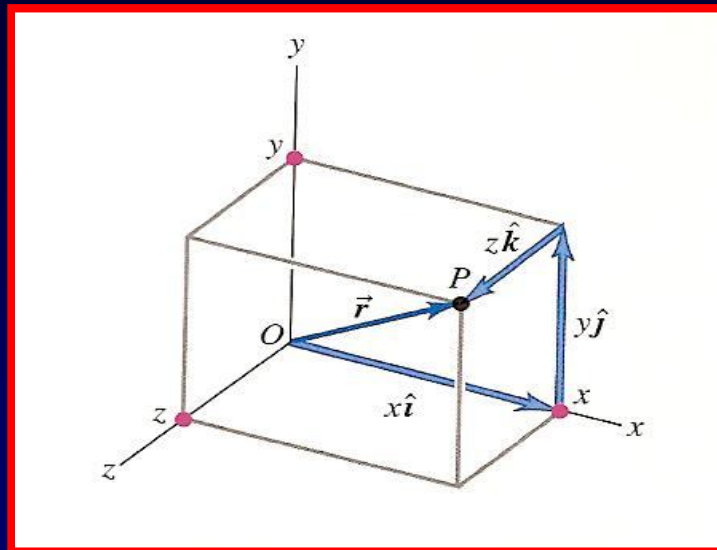


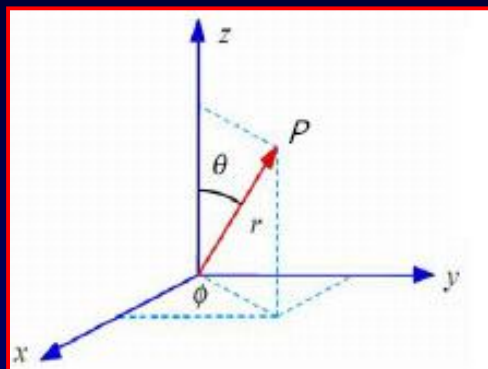
Eje "Vertical"

Sistema Bidimensional: dos ejes, es decir, un plano



Sistema Tridimensional: Tres ejes, espacio





Radio (r): distancia desde el origen hasta el punto P.

Ángulo (θ): ángulo entre el vector de posición y el eje z (como la latitud)

Ángulo azimutal (ϕ): ángulo entre la proyección del vector de posición de P y el eje x (como la longitud)

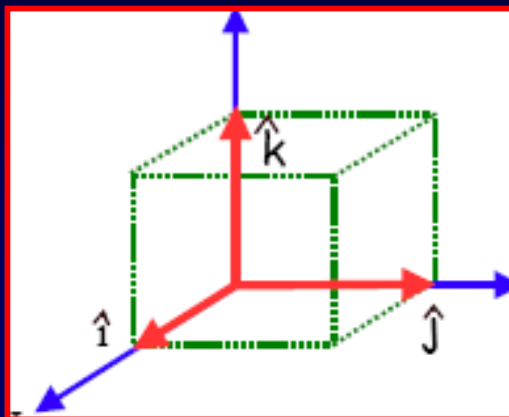
Vectores Unitarios

Un vector unitario es un vector sin unidades, cuyo módulo es exactamente la unidad. Se utilizan para especificar dirección y sentido.

$$\hat{i} = (1,0,0)$$

$$\hat{j} = (0,1,0)$$

$$\hat{k} = (0,0,1)$$



Los Vectores
se pueden
representar de
3 formas

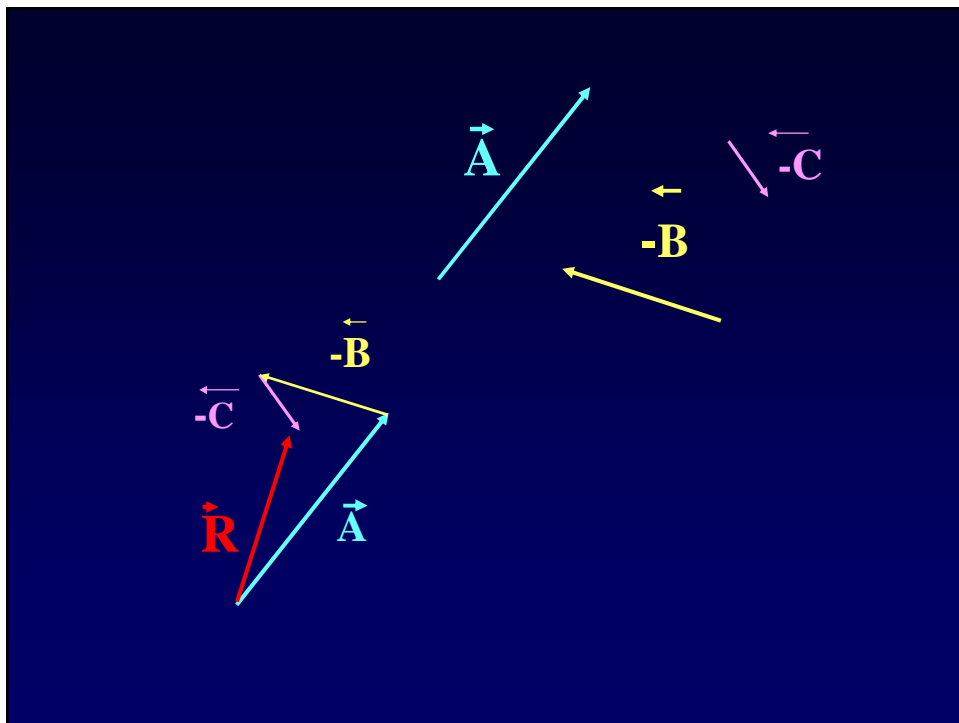
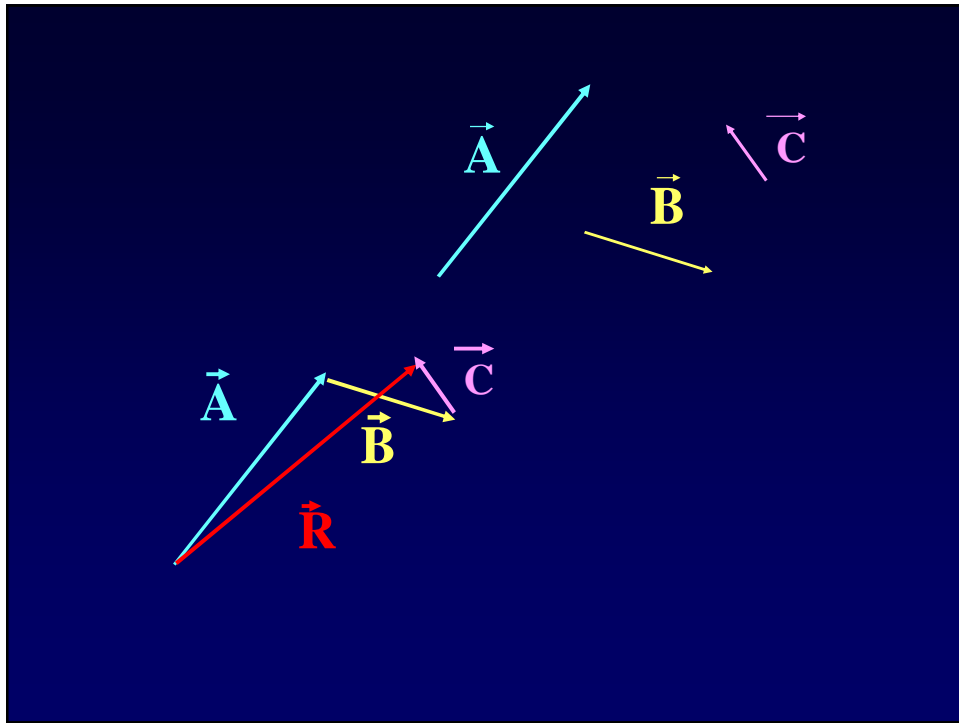
Como pares ordenados o triadas,
es decir, $A(x,y)$ o $A(x,y,z)$

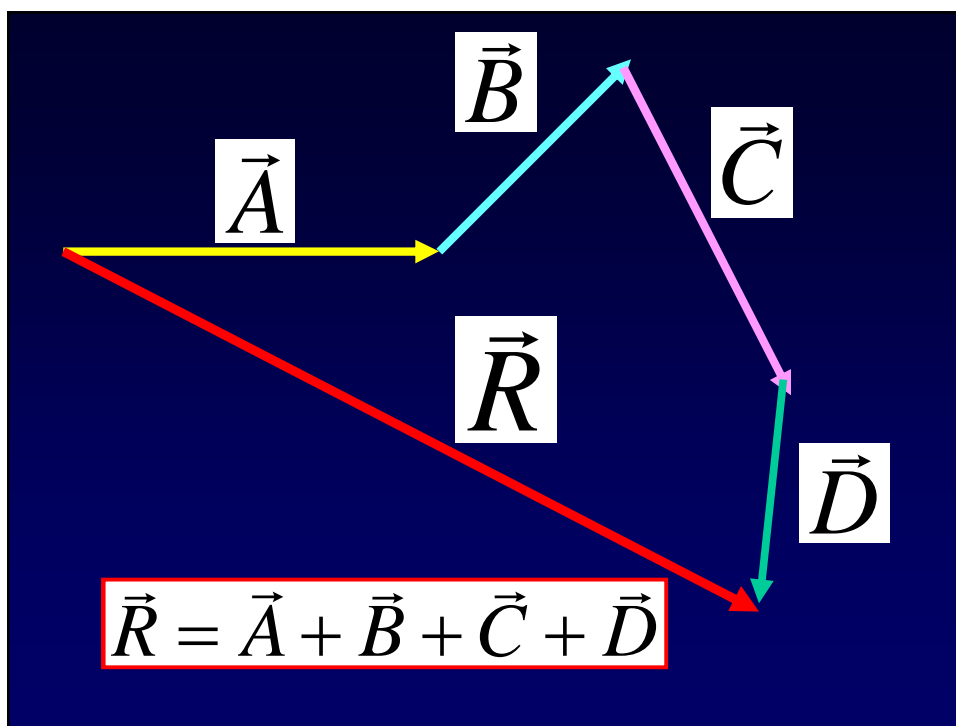
Como una combinación lineal
de los vectores unitarios, es
decir, $\vec{A} = x\hat{i} + y\hat{j} + z\hat{k}$

Como una representación
geométrica, es decir, a través de
flechas



Suma y Diferencias de Vectores Libres





Operadores Vectoriales en forma Analítica

a) Suma y Diferencia

$$\vec{A} = x_1 \hat{i} \pm y_1 \hat{j} \pm z_1 \hat{k}$$

$$\vec{B} = x_2 \hat{i} \pm y_2 \hat{j} \pm z_2 \hat{k}$$

$$\vec{A} \pm \vec{B} = (x_1 \pm x_2) \hat{i} \pm (y_1 \pm y_2) \hat{j} \pm (z_1 \pm z_2) \hat{k}$$

Ejemplo:

$$\vec{A} = 2\hat{i} - 3\hat{j} + 5\hat{k}$$

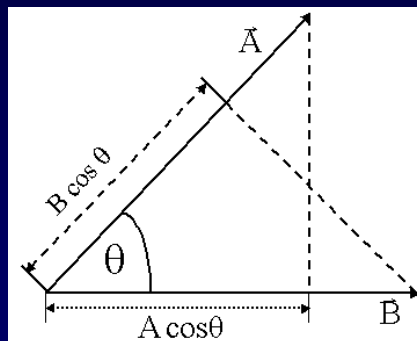
$$\vec{B} = -\hat{i} + 7\hat{j} - 2\hat{k}$$

$$\vec{A} + \vec{B} = (2-1)\hat{i} + (-3+7)\hat{j} + (5-2)\hat{k}$$

$$\vec{A} + \vec{B} = \hat{i} + 4\hat{j} + 3\hat{k}$$

b)

**Producto
escalar de dos
vectores**



Proyección de \vec{A} sobre \vec{B}

$$A_B = A \cos \theta$$

Proyección de \vec{B} sobre \vec{A}

$$B_A = B \cos \theta$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = |A| \cdot |B| \cos \theta$$

$$\hat{i} \cdot \hat{i} = 1$$

$$\hat{j} \cdot \hat{j} = 1$$

$$\hat{k} \cdot \hat{k} = 1$$

$$\hat{i} \cdot \hat{j} = 0$$

$$\hat{i} \cdot \hat{k} = 0$$

$$\hat{j} \cdot \hat{k} = 0$$

Ejemplo

$$\vec{A} = 3\hat{i} - 5\hat{j} - 12\hat{k}$$

$$\vec{B} = -6\hat{i} + 7\hat{j} - 5\hat{k}$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = -18 - 35 + 60$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = 7$$

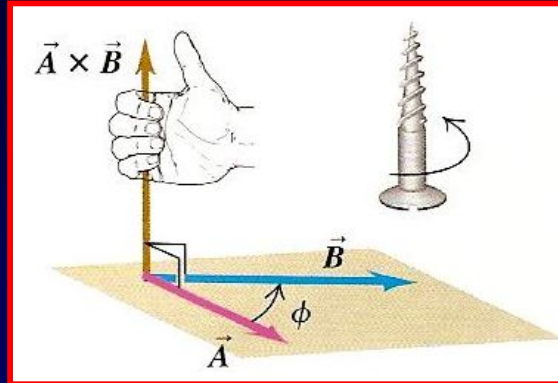
c) Producto Cruz o Vectorial

$$\vec{A} \times \vec{B} = \vec{C}$$

$$\hat{i} \times \hat{j} = \hat{k}$$

$$\hat{j} \times \hat{k} = \hat{i}$$

$$\hat{k} \times \hat{i} = \hat{j}$$

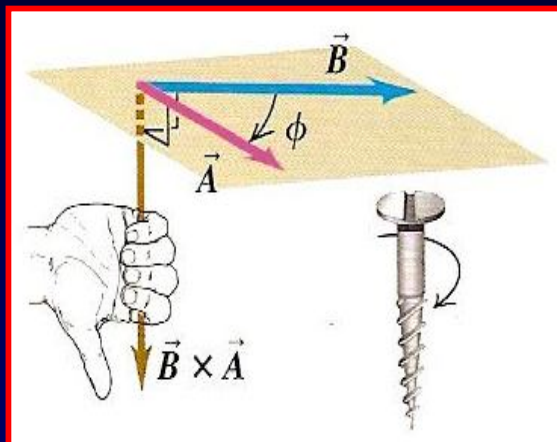


$$|\vec{C}| = |\vec{A} \times \vec{B}| = |\vec{A}| \cdot |\vec{B}| \text{ Sen } \phi$$

$$\hat{j} \times \hat{i} = -\hat{k}$$

$$\hat{i} \times \hat{k} = -\hat{j}$$

$$\hat{k} \times \hat{j} = -\hat{i}$$



Ejemplo:

$$\vec{A} = 3\hat{i} - 5\hat{j} - 12\hat{k}$$

$$\vec{B} = -6\hat{i} + 7\hat{j} - 5\hat{k}$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = 21\hat{k} + 15\hat{j} - 30\hat{k} + 25\hat{i} + 72\hat{j} + 84\hat{i}$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = 109\hat{i} + 87\hat{j} - 9\hat{k}$$

Tarea:

Dados los vectores:

$$\vec{A} = 3\hat{i} + 3\hat{j} - 5\hat{k}$$

$$\vec{B} = 4\hat{i} + 5\hat{j} - 3\hat{k}$$

Determine :

- a) La suma y la diferencia entre ellos
- b) El producto escalar entre ellos.
- c) El producto vectorial entre ambos

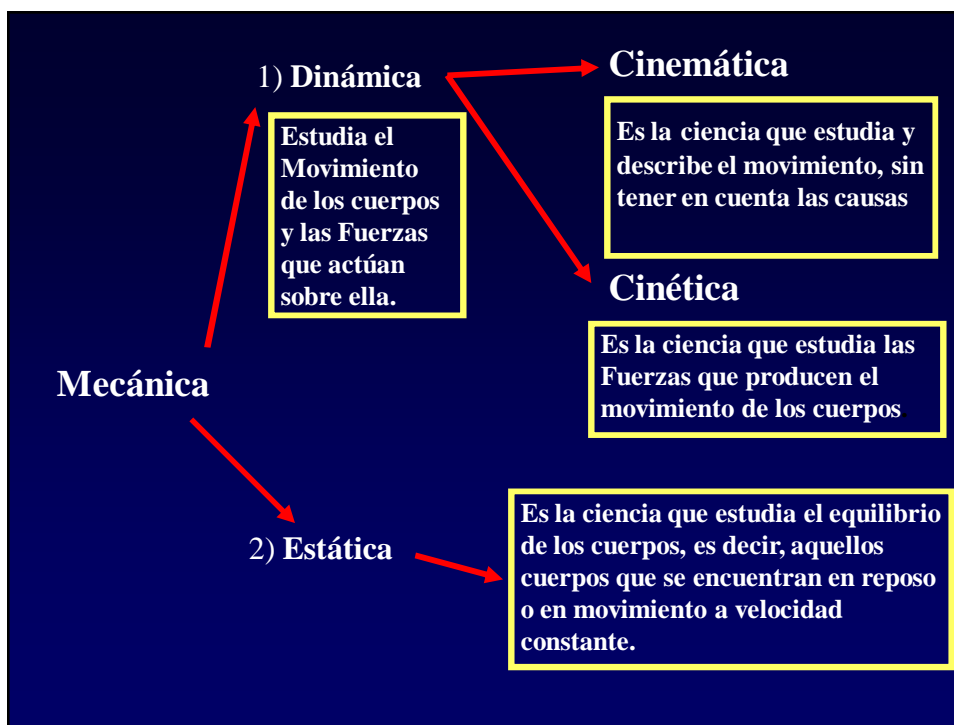
MECÁNICA

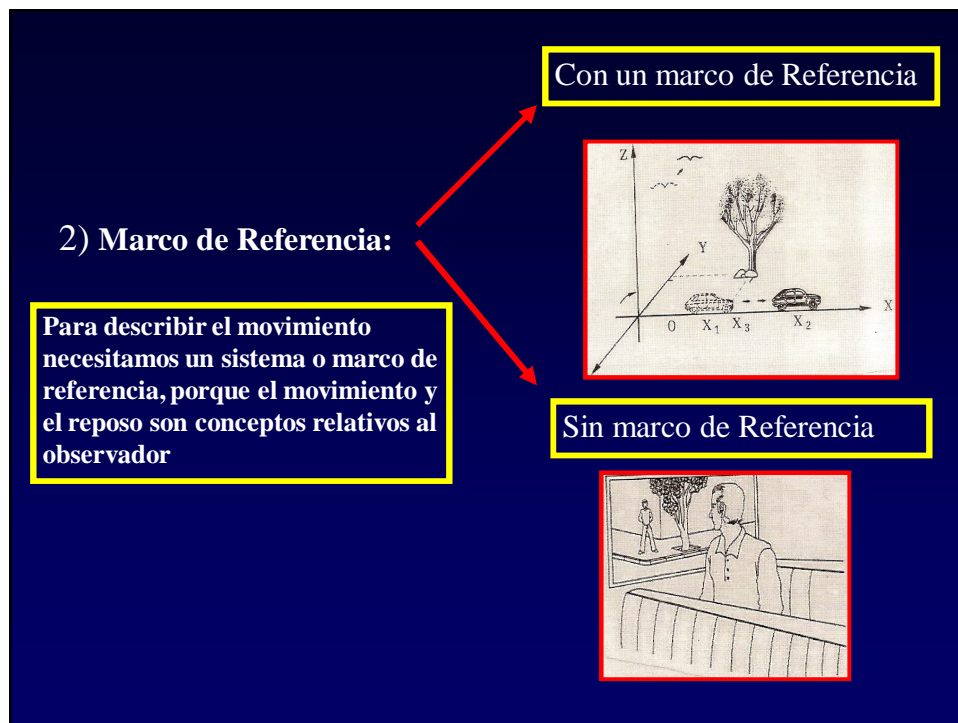
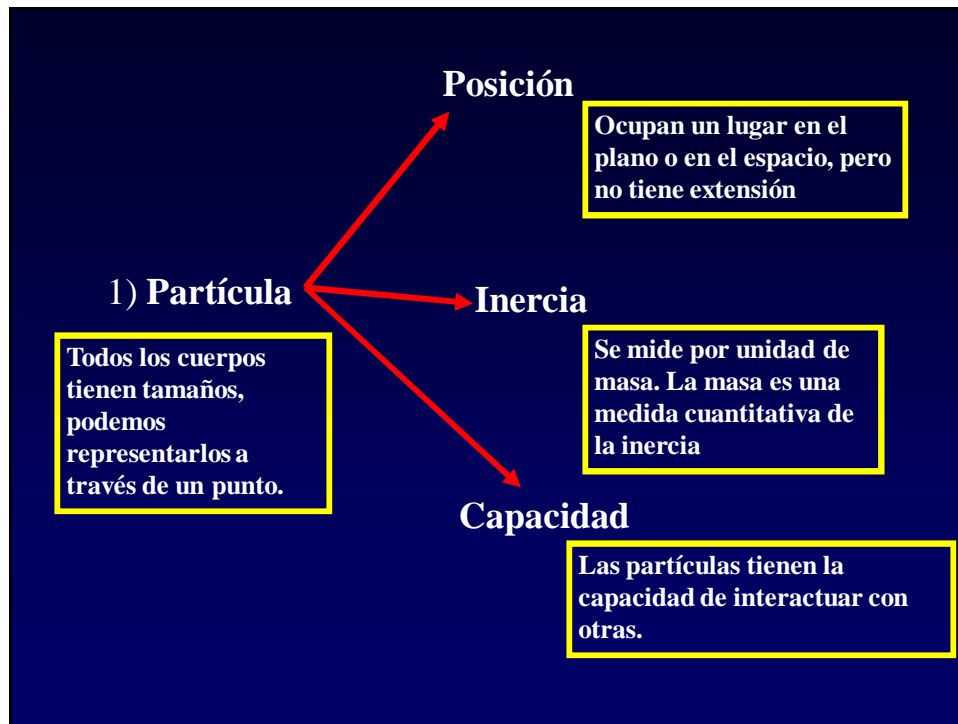
La Mecánica es la rama de la Física que se ocupa de comprender y analizar los distintos cambios de posición de los cuerpos en función del tiempo.

Un cuerpo puede estar en **Movimiento** o en **Reposo**, y que puede cambiar en el transcurso de un determinado periodo.

Para estudiar estos cambios, la mecánica se divide en 2 ramas:

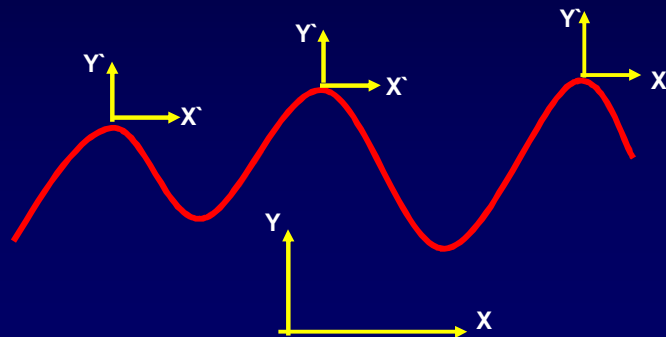
- 1) Dinámica
- 2) Estática





3) Movimiento Traslacional:

Un observador describe este tipo de movimiento, si los ejes de un marco de referencia que permanecen fijos al objeto, entonces X' e y' permanecen siempre paralelo a los ejes de su propio marco de referencia X e Y .



Tipos de Movimientos

Traslación Rectilínea		
Traslación Curvilínea		
Movimiento Angular o Rotatorio		
General		

4) Vector Posición

La posición de una partícula en el espacio para cualquier tiempo “ t ” se puede representar por un vector “ $\vec{r}(t)$ ”

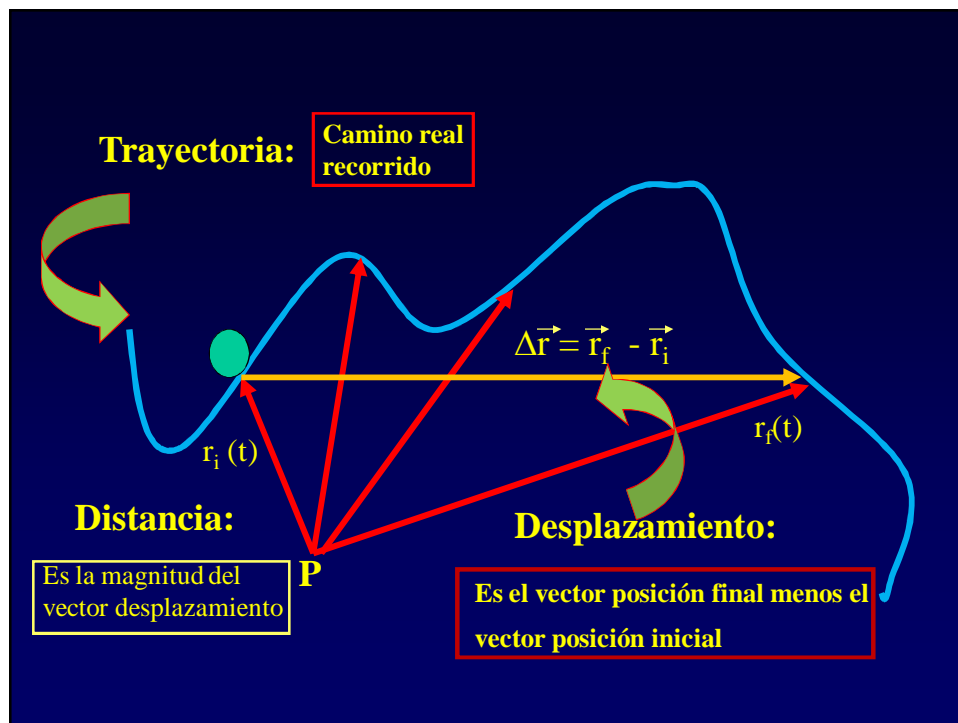
Ejemplo:

$$\vec{r}(t) = (20t - 5t^2)\hat{i}$$

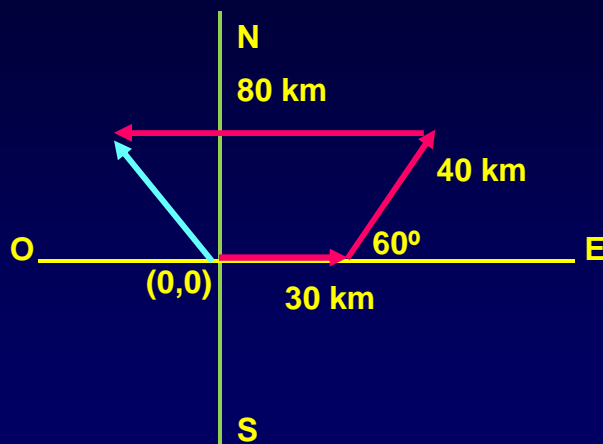
$r(t)$: metros y t : segundos

$$\vec{r}(t) = 2 \cdot t \cdot \hat{i} + 5 \cdot t \cdot \hat{j}$$

$r(t)$: metros y t : segundos



Calcular Trayectoria, Desplazamiento y Distancia



Ejemplos:

- 1) Una persona camina de A a B 25 km. calcule:
a) trayectoria, b) desplazamiento y c) distancia.



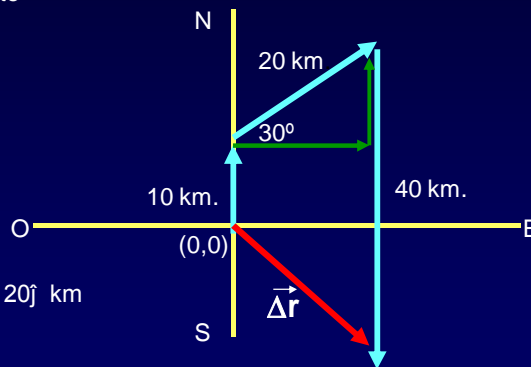
- a) $S = 25 \text{ km.}$
- b) $\Delta \vec{r} = 25\hat{i} \text{ km.}$
- c) $d = 25 \text{ km.}$

Un auto recorre 10 km. al Norte, luego 20 km en dirección 30° al Noreste y finalmente 40 km. al Sur. Calcule:

- Trayectoria
- Desplazamiento
- Distancia

Resp:

- 70 km.
- $\vec{\Delta r} = 17,317,3\hat{i} - 20\hat{j}$ km
- $d = 26,44$ km.



Rapidez Media:

Es un Escalar

$$\bar{V} = \frac{\text{Trayectoria (m)}}{\text{Tiempo (seg)}}$$

Velocidad Media:

Es un Vector

$$\vec{V} = \frac{\text{Desplazamiento (m)}}{\text{Tiempo (seg)}}$$

Ejemplo:

Un Objeto se mueve de "A" a "B" en un tiempo de 4 seg.

Calcular:

- Rapidez Media
- Velocidad Media

Tarea:
 Determine: la rapidez media y la velocidad media cuando el objeto se mueve desde "A" a "C"

Solución:

$$S = \frac{2\pi r}{4} (m)$$

$$S = \pi (m)$$

$$\bar{v} = \frac{\pi}{4} (m/s)$$

$$\vec{r}_i = 2\hat{j} (m)$$

$$\vec{r}_f = 2\hat{i} (m)$$

$$\Delta\vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i (m)$$

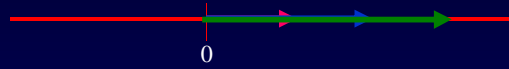
$$\vec{v}_m = \frac{2\hat{i} - 2\hat{j}}{4} (m/s)$$

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t} (m/s)$$

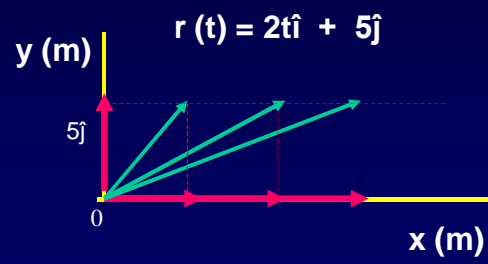
Grafico del vector posición

Ejemplo:

$$r(t) = 2t\hat{i}$$



t	r
0	$0\hat{i}$
1	$2\hat{i}$
2	$4\hat{i}$
3	$6\hat{i}$



t	r
0	$0\hat{i} + 5\hat{j}$
1	$2\hat{i} + 5\hat{j}$
2	$4\hat{i} + 5\hat{j}$
3	$6\hat{i} + 5\hat{j}$