

Control 3
CI4242 – Diseño de Sistemas de Transporte
Semestre Primavera 2022

Profesores: Cristián Cortés Carrillo, Sergio Jara Díaz, Alejandro Tirachini Hernández
Profesor Auxiliar: Esteban Muñoz Paulsen

Pregunta 1

- a) (4 pts.) Una familia que vive en una parcela tiene N mascotas y este fin de semana debe planificar visitas al veterinario con todas ellas. Para el transporte cuenta con una camioneta que puede cargar Q kilos en la parte trasera y se sabe que el peso de la mascota i es q_i kilos. Algunas mascotas no pueden ser llevadas juntas al veterinario. Esta información está disponible en el parámetro a_{ij} que tomar valor 1 si la mascota i y la mascota j pueden viajar juntas en la camioneta, y toma el valor 0, si no. Además, si se lleva la mascota i , se puede llevar junto con ella, a lo más, otras r_i mascotas en el mismo viaje.
- Formule un modelo de programación lineal entera que permita agrupar las mascotas de manera de realizar la menor cantidad de viajes al veterinario.
- b) (2 pts.) Respecto del *Service Network Design Problem* (SND) revisado en el último enlace del curso, comente acerca de las variables de optimización utilizadas en las dos formulaciones que se discuten (*path-based vs arc-based*). ¿Cuáles son las diferencias entre ambas formulaciones? ¿cómo cambian las restricciones entre un caso y el otro? Si usted encuentra una solución factible para el SND a partir de la formulación *path-based*, ¿cómo puede recuperar una solución factible consistente pero correspondiente a la formulación *arc-based* del mismo problema SND?

Pregunta 2

- a) Suponga que usted tiene un programa entero (IP) de la forma $z = \max \{cx : Ax \leq b, x \in X \subseteq \mathbb{Z}^n\}$. Sea $z(u) = \max \{cx + u(b - Ax) : x \in X\}$. Demuestre que $z(u)$ es una cota superior de z para todo valor de $u \geq 0$.
- b) Escriba el problema dual asociado al siguiente problema de máximo *matching* en un grafo no dirigido $G = (V, E)$, con variables $x_{ij} \in \{0,1\}$, dependiendo si el arco (i,j) está en la solución final de *matching* o no. El primal resulta ser el siguiente modelo:
 $\max \{ \sum_{(i,j) \in E} x_{ij} \mid \sum_{(i,j) \in E} x_{ij} \leq 1 \forall i \in V, x_{ij} \in \{0,1\} \forall (i,j) \in E \}$.
- c) Respecto de las estrategias *greedy* que se discutieron en clases para el CRP (*Container relocation problem*), aplique la regla Min-Max para extraer el container que corresponde sacar a continuación en el siguiente ejemplo con 7 *stacks* y 3 *tiers*. Los números en las cajas indican el día en que ese container debe ser retirado del patio.

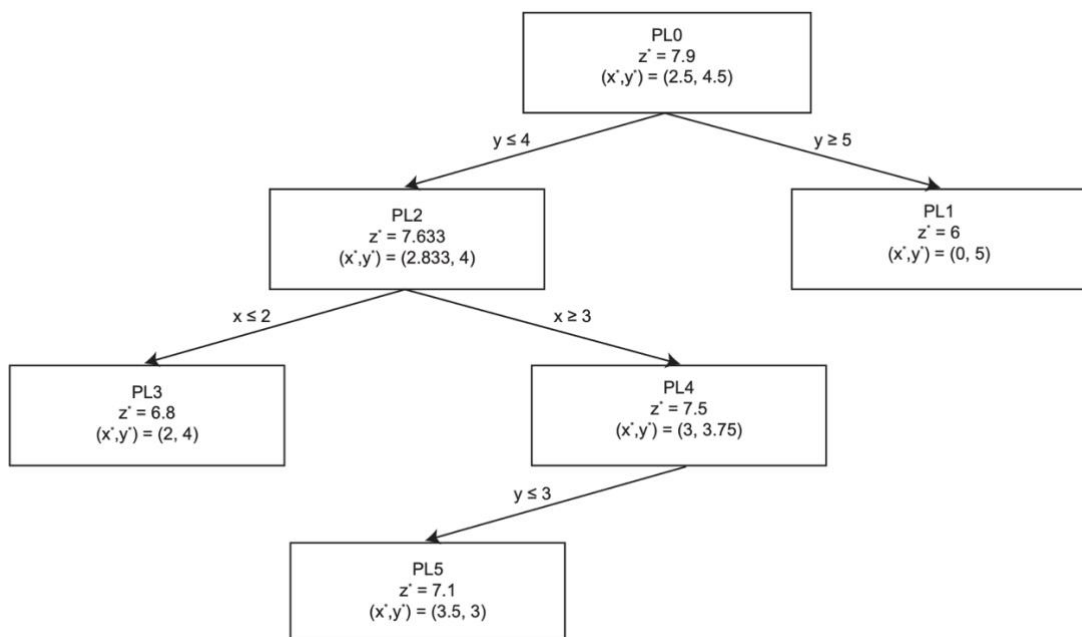
| | s_0 | s_1 | s_2 | s_3 | s_4 | s_5 | s_6 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| t_0 | | | | 9 | | 8 | |
| t_1 | 6 | | 5 | 7 | 13 | 11 | |
| t_2 | 10 | 2 | 1 | 3 | 12 | 4 | 14 |

Pregunta 3

Dado el siguiente problema de Optimización lineal en variables enteras:

$$\begin{aligned} \max z &= x + 1.2y \\ \text{s.a} \\ x + 5y &\leq 25 \\ 9x + 6y &\leq 49.5 \\ x, y &\in \mathbb{Z}_+ \end{aligned}$$

Se utiliza el algoritmo de *Branch and Bound* para resolver este problema, con el cuál después de algunas iteraciones se llega al siguiente árbol parcial:



A partir de la figura anterior, encuentre la solución del problema (PE). Justifique por qué no siguió ramificando en cada nodo de su árbol final.