



a) $X_m = X_{mB} + X_B$

X_{mB} : Posición de m con respecto a la barra.

X_B : Posición de la barra

X_m : Posición de la masa

$$\ddot{X}_m = \ddot{X}_{mB} + \ddot{X}_B$$

$$\ddot{X}_{mB} = \ddot{X}_m - \ddot{X}_B$$

Luego, la ecuación de movimiento

$$M \ddot{X}_m = -K X_{mB}$$

Reemplazando

$$m(\ddot{X}_{MB} + \ddot{X}_B) = -K X_{MB}$$

$$\ddot{X}_B = -Aw^2 \cos(\omega t)$$

$$m\ddot{X}_{MB} - Amw^2 \cos(\omega t) = -K X_{MB}$$

$$\ddot{X}_{MB} + \frac{K}{m} X_{MB} = \underbrace{Amw^2 \cos(\omega t)}_{\text{Forzado}}$$

$$\Rightarrow X_{MB} = X_h + X_p$$

$$X_h = C_1 \cos(\omega t) + C_2 \sin(\omega t)$$

$$X_p = \beta \cos(\omega t)$$

Reemplazando X_p en la ec. de movimiento

$$-\beta w^2 \cos(\omega t) + \omega_0^2 \beta \cos(\omega t) = Aw^2 \cos(\omega t)$$

$$\Rightarrow \beta(\omega_0^2 - \omega^2) = Aw^2 \Rightarrow \beta = \frac{Aw^2}{(\omega_0^2 - \omega^2)}$$

$$X_{mB} = C_1 \cos(\omega_0 t) + C_2 \sin(\omega_0 t) + \frac{A\omega^2}{(\omega_0^2 - \omega^2)} \cos(\omega t)$$

b) Ahora la barra rota con $\Omega = B \cos(\alpha t)$

Entonces el movimiento es:

$$m \ddot{X}_m = -K X_{mB} + \underbrace{m X_m \dot{\Omega}^2}_{\substack{\text{fuerza} \\ \text{cortante}}} + \underbrace{m X_m \dot{\Omega}}_{\substack{\text{fuerza} \\ \text{centrípeta}}} + \underbrace{m X_m \ddot{\Omega}}_{\substack{\text{fuerza} \\ \text{de euler}}}$$

Ω varía

$$m \ddot{X}_m = -K X_m + K X_B + m X_m B^2 \cos^2(\alpha t) + m X_m \cdot B \alpha \cos(\alpha t)$$

$$\frac{d^2\Omega}{dt^2} = \ddot{X}_B, \quad f_{cf} = m X_m \dot{\Omega}^2, \quad f_c = m X_m \dot{\Omega}$$

Se dará prioraje de encontrar las fuerzas, ya que no es posible encontrar el movimiento