

FI1000-7 Introducción a la Física Clásica

Profesor: Andrés Meza

Auxiliares: Constanza Espinoza Dupouy y Javiera Toro Grey

Ayudante: Salvador Santelices R.

**Resumen Trigonometría**

16 de marzo de 2025

1) Relaciones trigonométricas

A partir de un triángulo rectángulo se obtienen las siguientes relaciones:

$$\begin{array}{lll} \bullet \sin(\alpha) = \frac{a}{c} & \bullet \cos(\alpha) = \frac{b}{c} & \bullet \tan(\alpha) = \frac{a}{b} \\ \bullet \csc(\alpha) = \frac{1}{\sin(\alpha)} = \frac{c}{a} & \bullet \sec(\alpha) = \frac{1}{\cos(\alpha)} = \frac{c}{b} & \bullet \cot(\alpha) = \frac{1}{\tan(\alpha)} = \frac{b}{a} \end{array}$$

2) Identidades trigonométricas:

$$\bullet \sin^2(\alpha) + \cos^2(\alpha) = 1$$

$$\bullet \sin(\alpha \pm \beta) = \sin(\alpha)\cos(\beta) \pm \sin(\beta)\cos(\alpha)$$

$$\bullet \cos(\alpha \pm \beta) = \sin(\alpha)\sin(\beta) \mp \cos(\alpha)\cos(\beta)$$

$$\bullet \sin(2\theta) = 2\sin(\theta)\cos(\theta)$$

$$\bullet \cos(2\theta) = 1 - 2\sin^2(\theta)$$

3) Teorema del seno

Nota: A diferencia de las relaciones trigonométricas, el teorema del seno y del coseno se cumplen para cualquier triángulo.

$$\bullet \frac{\operatorname{sen}(\alpha)}{a} = \frac{\operatorname{sen}(\beta)}{b} = \frac{\operatorname{sen}(\gamma)}{c}$$

4) Teorema del coseno

- $a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos(\alpha)$
- $b^2 = a^2 + c^2 - 2 \cdot a \cdot c \cdot \cos(\beta)$
- $c^2 = a^2 + b^2 - 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos(\gamma)$