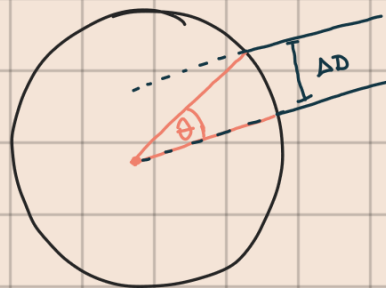


Ayuda para lab 1:

En un experimento de laboratorio, se modela la medición del radio de un planeta utilizando una esfera de plumavit y una fuente de luz. Se colocan dos varillas en la esfera a una distancia medida de $18.5 \text{ cm} \pm 0.3 \text{ cm}$, y se mide el ángulo formado entre ellas utilizando un transportador, obteniendo $7.5^\circ \pm 0.2^\circ$.

Determinar el radio de la esfera usando el método de Eratóstenes y aplicar **propagación de errores** y **cifras significativas**.

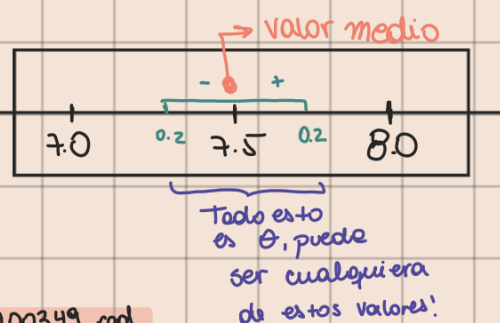


El problema consiste en lo siguiente, buscamos encontrar el radio de la esfera a partir de dos varillas separadas a una distancia conocida. Y la proyección de ellas al centro de la esfera genera un ángulo θ conocido. Esta es la base del método de Eratóstenes, que dice que el radio es $R = \frac{AD}{\theta}$.

Conocemos ambas cosas pero la fórmula nos pide el ángulo en radianes. Entonces, usaremos que

$$1^\circ = \frac{\pi}{180^\circ} \text{ rad}$$

Tenemos que $\theta = 7.5^\circ \pm 0.2^\circ$; es decir visualmente θ es $\rightarrow$ la desviación estándar asociada
 $\downarrow$ El valor medio de la medida



$$\text{Así } \theta = 7.5^\circ \pm 0.2^\circ \rightarrow 7.5^\circ \cdot \frac{\pi}{180^\circ} \text{ rad} \pm 0.2^\circ \cdot \frac{\pi}{180^\circ} \text{ rad} \Rightarrow \theta = 0.1309 \pm 0.00349 \text{ rad}$$

Luego

$R = \frac{AD}{\theta} = \frac{18.5 \text{ cm} \pm 0.3 \text{ cm}}{0.1309 \pm 0.00349 \text{ rad}}$; pero los errores no se pueden dividir simplemente. Aquí entra la propagación de errores

$$\text{Si } A = \bar{A} \pm \delta A \text{ y } B = \bar{B} \pm \delta B, \text{ entonces } \frac{A}{B} = \frac{\bar{A}}{\bar{B}} \pm \frac{\bar{A}}{\bar{B}} \sqrt{\left(\frac{\delta A}{\bar{A}}\right)^2 + \left(\frac{\delta B}{\bar{B}}\right)^2}$$

Así

$$R = \frac{AD}{\theta} = \frac{18.5}{0.1309} \pm \frac{18.5}{0.1309} \sqrt{\left(\frac{0.3}{18.5}\right)^2 + \left(\frac{0.00349}{0.1309}\right)^2} = 141 \pm 4 \text{ cm}$$