

# Auxiliar 6

## Dinámica

Universidad de Chile  
Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas  
Departamento de Física  
FI1000-06 - Introducción a la Física Clásica

Profesor: Marcos Flores  
Auxiliares: Isidora Berrios, Kevin Vásquez  
Ayudantes: Valentina Cortés, José Lepe

## 1 Resumen

### Primera ley de Newton: Principio de inercia

Cada cuerpo material persiste en su estado de reposo o de movimiento uniforme en línea recta, a menos que una fuerza, que actúa sobre el cuerpo, lo obligue a cambiar de estado.

### Segunda ley de Newton: La dinámica

El cambio de momentum  $\Delta\vec{p}$  de una partícula es proporcional a la fuerza neta que actúa sobre el cuerpo, como también al intervalo  $\Delta t$  durante el cual ella se aplica:

$$\Delta\vec{p} = \vec{F}\Delta t$$

donde:

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

y con masa constante:

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

Si hay varias fuerzas actuando:

$$\vec{F}_N = \sum_i \vec{F}_i = m\vec{a}$$

### Tercera ley de Newton: Ley de acción y reacción

Si un cuerpo A ejerce una fuerza sobre otro B, entonces B ejerce sobre A una fuerza de igual magnitud y dirección, pero sentido opuesto.

## Fuerza gravitacional y peso

$$\vec{F}_g = m\vec{g}$$

El peso es  $mg$ .

## Fuerza Normal

$$\vec{F}_N = \vec{N}$$

## Fuerza de Tensión

$$\vec{F}_T = \vec{T}$$

## Ley de Hooke en resortes

$$\vec{F}_h = -k\Delta\vec{x} = -k(l_f - l_0)$$

## Fuerza de roce

- Roce cinético:  $\vec{F}_c = \mu_c \vec{N}$
- Roce estático:  $F_e^{\max} = \mu_e \vec{N}$

con  $\mu_c < \mu_e$ .

## Fuerzas en movimiento circular uniforme

$$\vec{F}_c = m \frac{v_t^2}{R} = m\omega^2 R$$

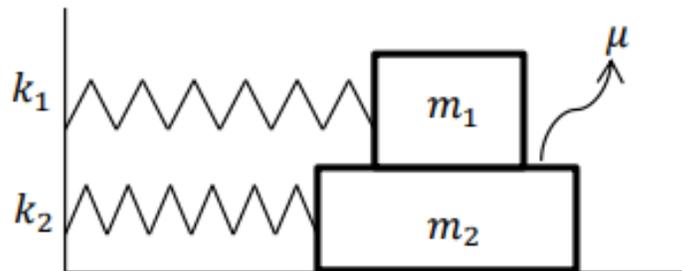
## Fuerzas en movimiento circular no uniforme

$$\vec{F} = \vec{F}_c + \vec{F}_T$$

## 2 Problemas

### P1. Dos bloques conectados por resortes y roce entre ellos

Dos bloques de masas  $m_1$  y  $m_2$  se conectan a la pared por medio de resortes de constantes elásticas  $k_1$  y  $k_2$  respectivamente. El bloque  $m_2$  desliza sin roce con el piso, pero entre los bloques existe un coeficiente de roce  $\mu$ . Los resortes se encuentran en su largo natural cuando los bloques están inmóviles. Determine la amplitud máxima del movimiento que mantiene a los bloques en reposo relativo.

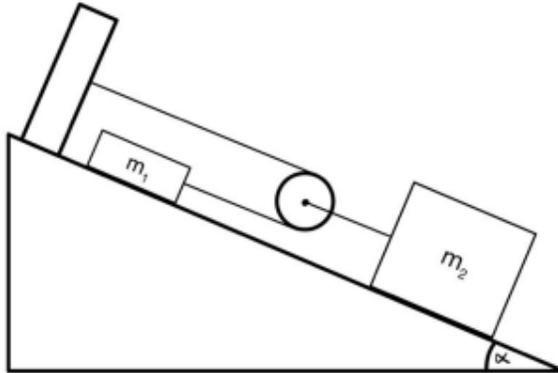


**Respuesta esperada:**

$$\delta = -\mu g \left( \frac{m_2 + m_1}{m_2} \right) \left( \frac{m_1 m_2}{k_1 m_2 - k_2 m_1} \right) = \frac{m_1 \mu g (m_2 + m_1)}{k_2 m_1 - k_1 m_2}$$

### **P2. Plano inclinado, roce y polea móvil**

Para el sistema mostrado a continuación, formado por una polea móvil y dos bloques sobre una cuña inclinada  $\alpha$ , determine el módulo de la aceleración de  $m_2$  si existe roce caracterizado por  $\mu_c$ .



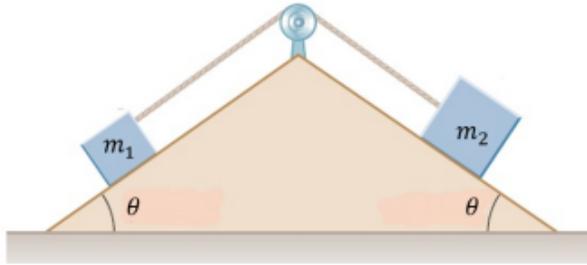
**Respuesta esperada:**

$$a = \frac{(2m_1 + m_2)g(\sin(\alpha) - \mu_c \cos(\alpha))}{4m_1 + m_2}$$

### **P3. Plano inclinado y polea fija**

Dos bloques de masa  $m_1$  y  $m_2$  (con  $m_2 > m_1$ ) están conectados mediante una cuerda sin masa que pasa por una polea sin fricción. El sistema acelera con magnitud  $a$ . El coeficiente de fricción cinética  $\mu_c$  entre las masas y el plano inclinado es el mismo para ambos. Encuentre:

- El coeficiente de fricción cinética.
- La tensión en la cuerda.



**Respuestas esperadas:**

(a) Coeficiente de fricción cinética:

$$\mu_c = \frac{(m_2 - m_1)g \sin \theta - (m_1 + m_2)a}{(m_1 + m_2)g \cos \theta}$$

(b) Tensión en la cuerda:

$$T = m_1 [a + g(\sin \theta + \mu_c \cos \theta)]$$