

MA1101-10 Introducción al Cálculo

Profesor: Pedro Pérez.

Auxiliar: Patricio Yáñez A.

Consultas: pyanez@dim.uchile.cl



Auxiliar 7: Trigonometría

Resumen Clase

- | | |
|---|---|
| <ul style="list-style-type: none"> ■ Seno: Asocia a cada ángulo la ordenada del punto correspondiente en el círculo unitario. Sus propiedades son: <ol style="list-style-type: none"> 1. Es 2π periódica 2. Es impar 3. Sus ceros son de la forma $x = k\pi$, con $k \in (\mathbb{Z})$ ■ Coseno: Asocia a cada ángulo la abscisa del punto correspondiente en el círculo unitario. <ol style="list-style-type: none"> 1. Es 2π periódica 2. Es par | <ul style="list-style-type: none"> 3. Sus ceros son de la forma $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$, con $k \in (\mathbb{Z})$ ■ Tangente: Se define como $\tan(x) = \frac{\text{sen}(x)}{\text{cos}(x)}$ ■ Identidades básicas: $\text{sen}^2(x) + \text{cos}^2(x) = 1$ $\text{cos}(\alpha \pm \beta) = \text{cos}(\alpha)\text{cos}(\beta) \mp \text{sen}(\alpha)\text{sen}(\beta)$ $\text{sen}(\alpha \pm \beta) = \text{sen}(\alpha)\text{cos}(\beta) \pm \text{cos}(\alpha)\text{sen}(\beta)$ |
|---|---|

P1. Considere la función trigonométrica $f(x) = A \cos(nx + h) + k$. Determine dominio, recorrido, periodo, intervalo de biyectividad y el gráfico correspondiente en los siguientes casos:

- a) $A = 1, n = 1, k = 0, h = -\frac{\pi}{2}$
- b) $A = 2, n = 2, k = -2, h = -\frac{\pi}{4}$
- c) $A = -3, n = \frac{1}{2}, k = 1, h = \frac{\pi}{2}$

P2. Grafique las siguientes funciones:

- a) $f(x) = \cos^2(x)$
- b) $g(x) = \frac{1 + \cos(2x)}{2}$
- c) Concluya

P3. Demuestre la siguiente propiedad.

$$\frac{1}{2} \cdot \sin(x) \cdot \sec^2\left(\frac{x}{2}\right) + \cos(x) \cdot \tan\left(\frac{x}{2}\right) - \sin(x) = 0$$

P4. Considere la función $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida por

$$f(x) = \frac{1 + \text{sen}(x)}{1 - \text{cos}(x)}$$

Encuentre dominio, ceros, paridad, signos, periodicidad e inyectividad.

P5. Nicolás se encuentra perdido en una montaña de altura h , su amigo Cristian se encuentra en B , la base de una colina triangular con un ángulo de inclinación de 45 grados, que en su cima C está a la misma altura que la montaña. En la simetral de los puntos más altos, se encuentra anclada una liana en un punto O , la recta OC forma un ángulo α con la vertical. Cristian ha escuchado por ahí, que el ángulo x que forman OB y BC satisface:

$$\frac{\operatorname{sen}(x) + \operatorname{cos}(x)}{\operatorname{cos}(x) - \operatorname{sen}(x)} = r$$

Donde r es una proporcionalidad conocida.

- Determine el largo mínimo de la liana l , tal que Cristian pueda rescatar a Nicolás. Puede ser útil amplificar la fracción por $\frac{1}{\sqrt{2}}$.
- Si $r = \frac{\sqrt{3} + 1}{\sqrt{3} - 1}$, determine x .
- Para el mismo valor de r , obtenga cotas para α .



WIGHT *Que las fuerza los acompañe.*