

Formulario Electromagnetismo.

Profesor: Domenico Sapone
Auxiliares: Camila M., Bianca Z.

1. Formulario Matemático

(1) **Sistemas de Coordenadas Cilíndricas.**

C. Cilíndricas

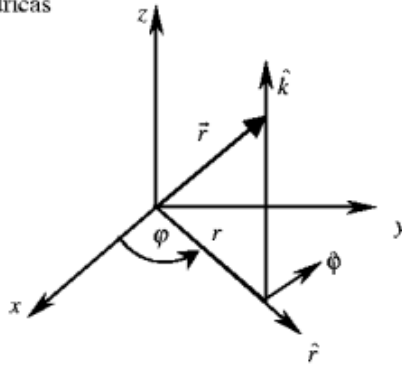


Figura 1: Coordenadas Cilíndricas

$$\begin{aligned}\vec{r} &= r\hat{r} + z\hat{k} \\ x &= r\cos(\varphi) \\ y &= r\sin(\varphi) \\ z &= z\end{aligned}$$

(2) **Sistemas de Coordenadas Esféricas.**

C. Esféricas

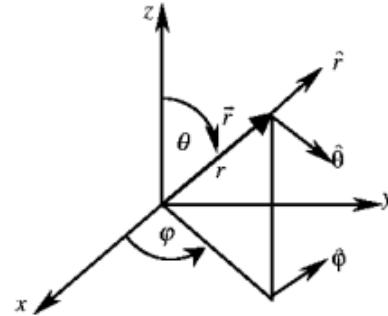


Figura 2: Coordenadas Esféricas.

$$\begin{aligned}\vec{r} &= r\hat{r} \\ x &= r\sin(\theta)\cos(\varphi) \\ y &= r\sin(\theta)\sin(\varphi) \\ z &= r\cos(\theta)\end{aligned}$$

1.1. Gradientes.

(1) **Cartesianas.**

$$\nabla\phi = \frac{\partial\phi}{\partial x}\hat{i} + \frac{\partial\phi}{\partial y}\hat{j} + \frac{\partial\phi}{\partial z}\hat{k}$$

(2) **Cilíndricas.**

$$\nabla\phi = \frac{\partial\phi}{\partial r}\hat{r} + \frac{1}{r}\frac{\partial\phi}{\partial\varphi}\hat{\varphi} + \frac{\partial\phi}{\partial z}\hat{k}$$

(3) **Esféricas.**

$$\nabla\phi = \frac{\partial\phi}{\partial r}\hat{r} + \frac{1}{r}\frac{\partial\phi}{\partial\theta}\hat{\theta} + \frac{1}{r\sin(\theta)}\frac{\partial\phi}{\partial\varphi}\hat{\varphi}$$

1.2. Divergencias.

(1) **Cartesianas.**

$$\nabla \cdot \vec{A} = \frac{\partial A_x}{\partial x} + \frac{\partial A_y}{\partial y} + \frac{\partial A_z}{\partial z}$$

(2) **Cilíndricas.**

$$\nabla \cdot \vec{A} = \frac{1}{r} \frac{\partial(rA_r)}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial A_\varphi}{\partial \varphi} + \frac{\partial A_z}{\partial z}$$

(3) **Esféricas.**

$$\nabla \cdot \vec{A} = \frac{1}{r^2} \frac{\partial(r^2 A_r)}{\partial r} + \frac{1}{r \sin(\theta)} \frac{\partial(\sin(\theta) A_\theta)}{\partial \theta} + \frac{1}{r \sin(\theta)} \frac{\partial A_\varphi}{\partial \varphi}$$

1.3. Elementos Diferenciales.

1.3.1. De línea.

(1) **Cartesianas.**

$$d\vec{l} = dx\hat{i} + dy\hat{j} + dz\hat{k}$$

(2) **Cilíndricas.**

$$d\vec{l} = dr\hat{r} + r d\theta\hat{\theta} + dz\hat{k}$$

(3) **Esféricas.**

$$d\vec{l} = dr\hat{r} + r d\theta\hat{\theta} + r \sin(\theta) d\varphi\hat{\varphi}$$

1.3.2. De Superficie.

(1) **Cartesianas.**

$$d\vec{S} = dydz\hat{i} + dx dz\hat{j} + dx dy\hat{k}$$

(2) **Cilíndricas.**

$$d\vec{S} = r d\theta dz\hat{r} + dr dz\hat{\theta} + rd\theta dr\hat{k}$$

(3) **Esféricas.**

$$d\vec{S} = r^2 \sin(\theta) d\theta d\varphi\hat{r} + r \sin(\theta) dr d\varphi\hat{\theta} + rd\theta dr\hat{\varphi}$$

1.3.3. De Volumen.

(1) **Cartesianas.**

$$dV = dx dy dz$$

(2) **Cilíndricas.**

$$dV = r dr d\varphi dz$$

(3) **Esféricas.**

$$dV = r^2 \sin(\theta) dr d\varphi d\theta$$

2. Formulario electromagnetismo

$$\text{Carga(s) puntual(es)} : \quad \vec{E} = \frac{Q(\vec{r} - \vec{r}')}{4\pi\epsilon_0 \|\vec{r} - \vec{r}'\|^3} \quad \vec{E} = \sum_{i=1}^m \frac{q_i(\vec{r} - \vec{r}')}{4\pi\epsilon_0 \|\vec{r} - \vec{r}'\|^3}$$

$$\text{Campo por definición: } \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{(\vec{r} - \vec{r}') dq}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|^3}$$

$$\text{Fuerza: } \vec{F} = \int \vec{E} \cdot dq \quad (\text{Distribución continua}) \quad \vec{F} = q \cdot \vec{E} \quad (\text{Cargas discretas})$$

$$\text{Ley de Gauss: } \oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{enc}}{\epsilon_0} \quad \vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

$$V(b) - V(a) = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l} \quad -\nabla V = \vec{E} \quad V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|}$$

$$\text{Trabajo: } W = \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{r} \quad W = -\Delta U \quad (\text{Electroestática}) \quad \Delta U = q \cdot \Delta V$$

$$\oint \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q_{libre} \quad \vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} \quad \vec{D} = \epsilon \vec{E} \quad \epsilon = \kappa \epsilon_0 \quad \kappa = 1 + \chi$$

$$\rho_p = -\vec{\nabla} \cdot \vec{P} \quad \sigma_p = \vec{P} \cdot \hat{n} \big|_{borde}$$

Condiciones de borde:

$$E_{1t} = E_{2t} \quad D_{2n} - D_{1n} = \sigma_L$$

$$C = \frac{Q}{V} \quad C = \frac{\epsilon A}{d} \quad (\text{Capacitor placas paralelas}) \quad U = \frac{1}{2} CV^2 \quad U = \frac{1}{2} \iiint \vec{D} \cdot \vec{E} dV$$

$$I = \iint \vec{J} \cdot d\vec{S} \quad \vec{J} = g\vec{E} \quad V = I \cdot R \quad I = \frac{dQ}{dt} \quad R = \rho \frac{L}{A} \quad \rho = \frac{1}{g}$$

$$\text{Biot-Savart: } \vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \frac{I \cdot d\vec{l} \times (\vec{r} - \vec{r}')}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|^3} \quad \text{Ley de Ampere: } \oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{enc}$$

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I_{encL} \quad \vec{B} = \mu_0(\vec{H} + \vec{M}) \quad \vec{B} = \mu \vec{H}$$

$$\vec{J}_M = \vec{\nabla} \times \vec{M} \quad \vec{K}_M = \vec{M} \times \hat{n} \big|_{borde}$$

$$\phi = \iint \vec{B} \cdot d\vec{S} \quad \epsilon = -\frac{d\phi}{dt}$$

3. Cambios de variables integrales

(1) Trigonométrico

$$\int_a^b \frac{dx}{(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \implies c.v : x = R \cdot \tan(u), \quad dx = R \cdot \sec^2(u)$$

Una identidad trigonométrica útil es:

$$1 + \tan^2(u) = \sec^2(u)$$

(2) Hiperbólico

$$\int_a^b \frac{dx}{(R^2 + x^2)^{\frac{1}{2}}} \implies c.v : x = R \cdot \sinh(u), \quad dx = R \cdot \cosh(u)$$

(3) Integral directa

$$\int_a^b \frac{xdx}{(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} = -(R^2 + x^2)^{-\frac{1}{2}} \big|_a^b$$