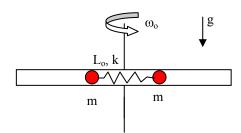
Profesor: P.Aceituno Duración: 3:00 h.

**P.1** Considere un tubo que gira alrededor de un eje vertical, con velocidad angular constante  $\omega_o$  En el interior del tubo se encuentra en reposo, relativo a el, un sistema formado por dos partículas de masa m cada una, unidas entre sí por un resorte de constante elástica k y largo natural  $L_o$ . No hay roce entre las partículas y las paredes del tubo.

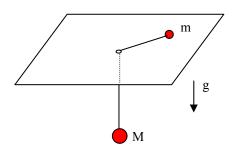
a) Determine el largo L del resorte en esa condición.

Suponga que en un cierto instante a una de las partículas se le da una velocidad  $v_{\circ}$  relativa al tubo, en dirección alejándose del eje de rotación.

b) Determine una ecuación de movimiento para la distancia L entre las dos partículas e interprete como debería variar (L) en función del tiempo mientras que ambas partículas se mantienen en el interior del tubo. (no se pide que resuelva la ecuación necesariamente).



- c) Determine una ecuación de movimiento para el centro de masa de las dos partículas (en su movimiento relativo al tubo), e interprete su variación en función del tiempo.
- **P.2** Sobre una superficie horizontal lisa (roce despreciable), desliza una partícula de masa m, la cual está atada mediante una cuerda de largo L a otra partícula de masa M que cuelga debajo de la superficie (ver figura). Considere que no hay roce entre la cuerda y las paredes de orificio.
- a) Si la partícula de masa m se encuentra originalmente a una distancia  $\rho_o$  del orificio, determine la velocidad tangencial que hay que darle para que describa una órbita circular.
- b) Suponga ahora que, teniendo el sistema en la condición descrita en a) se le da un pequeño impulso vertical hacia abajo a la partícula de masa M. Demuestre que ésta queda oscilando y calcule el periodo de las pequeñas oscilaciones.
- c) En el caso en que M = 2m, compare la frecuencia orbital de la masa m con la frecuencia de pequeñas oscilaciones radiales. Haga un bosquejo de la trayectoria de la partícula de masa m.



- **P.3** Considere una esfera de radio R/2 y masa M, que se mueve en el interior de un cilindro de radio R. La esfera se libera desde el reposo en una posición donde la línea entre su centro y el centro del cilindro forma un ángulo  $\theta_o = \pi/4$  con la vertical. El coeficiente de roce estático entre la esfera y la superficie del cilindro es  $\mu$ .
- a) Escriba las ecuaciones de movimiento para el centro de la esfera y para la rotación de ésta alrededor de su centro.
- b) Determine el valor mínimo del coeficiente de roce entre el cilindro y la esfera para que en el momento que ésta se libera desde el reposo (en  $\theta_o = \pi/4$ ) no se produzca deslizamiento en la superficie de contacto.
- c) Determine la velocidad del centro de la esfera cuando pasa por el punto más bajo de su trayectoria

