

## Auxiliar 21

## Profesor: Gonzalo Palma

Auxiliares: Eduardo Droguett, Javier Huenupi Ayudante: Thiare González, Lukas Philippi, Claudia San Martín

P1.-

Considere una caja de base rectangular (lados  $2l_0$  y  $4l_0$ ) que rota con velocidad angular constante, desconocida, respecto de un eje vertical que pasa por su vértice A como muestra la figura. Por el interior de la caja, una partícula de masa m está ligada al vértice B, mediante un resorte ideal de constante elástica k y largo natural  $l_0$ . Se desprecia cualquier roce.

- a) Calcule la velocidad angular de la caja  $\Omega_0$  tal que la partícula tenga un punto de equilibrio estable en el punto D (ver figura), además determine el periodo de pequeñas oscilaciones con respecto a este punto.
- b) Considere el valor de  $\Omega_0$  que acaba de calcular y que la masa es soltada desde el reposo (relativo a la caja que gira) en el vértice C, calcule a que distancia de B la masa se separa de la pared BC.

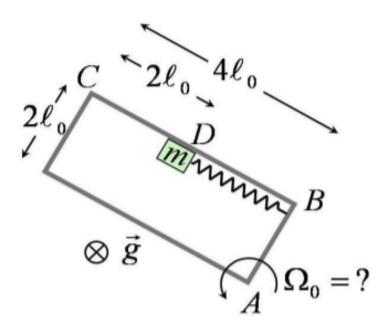


Figura 1: Caja giratoria con respecto al vértice A.

Auxiliar 21

Una cuña de ángulo  $\alpha$  respecto de la horizontal se ubica sobre una plataforma que rota con velocidad angular constante  $\Omega$  respecto de un eje vertical que pasa por un punto P, como muestra la figura. Una partícula de masa m es liberada sobre la cuña partiendo su movimiento desde el reposo relativo a la cuña y su movimiento es descrito con respecto al sistema móvil  $S' = \{\hat{x}', \hat{y}', \hat{z}'\}$  indicado en la figura, cuyo origen se ubica en la posición inicial de la partícula sobre la cuña. Considere en este problema que pueden despreciarse todas las fuerza inerciales **excepto la fuerza de Coriolis**. Se pide:

- a) Escribir la ecuación de movimiento de la partícula en sus 3-componentes x', y', z' del sistema de referencia móvil S'
- b) Resolver las ecuaciones, encontrando x'(t) e y'(t). Ver indicación de más abajo
- c) Esquematizar la trayectoria de la partícula sobre la cuña. Determinar el máximo descenso y la máxima rapidez (relativa) de la partícula en su movimiento

**Indicación**: La ecuación diferencial  $\ddot{u} = A - \omega_0^2 \dot{u}$ , con A y  $\omega_0$  constantes, tiene por solución general:

$$u(t) = \frac{A}{\omega_0^2} t + C_1 \cos(\omega_0 t) + C_2 \sin(\omega_0 t) + C_3,$$

donde las constantes  $C_i$  se determinan según condiciones iniciales u(0),  $\dot{u}(0)$ ,  $\ddot{u}(0)$ 

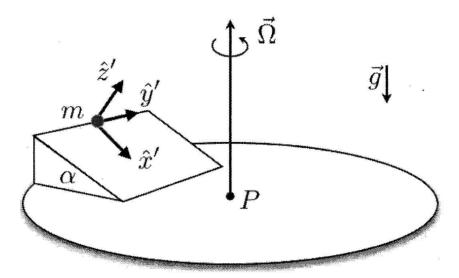


Figura 2: Plataforma giratoria

Auxiliar 21 2

## Formulario

## Sistemas de referencia no inerciales

La ecuación de movimiento para el SRNI S' es

$$m\ddot{\vec{r}}' = \underbrace{\vec{F}}_{\text{reales traslacional}} \underbrace{-m\vec{\Omega} \times (\vec{\Omega} \times \vec{r}')}_{\text{centrifuga}} \underbrace{-2m\vec{\Omega} \times \dot{\vec{r}}'}_{\text{Coriolis}} \underbrace{-m\dot{\vec{\Omega}} \times \vec{r}'}_{\text{azimutal}},$$

donde

- $\vec{F}$  es la suma de las fuerzas **reales** aplicadas sobre la partícula;
- $\vec{R}$  vector que va desde el origen de S al origen de S';
- $\vec{\Omega}$  velocidad angular con la que giran los ejes **cartesianos** de S' c/r a los de S y
- $\vec{r}'$  vector que va desde el origen de S' hasta la partícula.

Auxiliar 21