

Fuerza de Roce

hecho con cariño por Amparo Guevara

I Hay dos tipos:

1) Fuerza de roce cinético (\vec{F}_{rc}) 

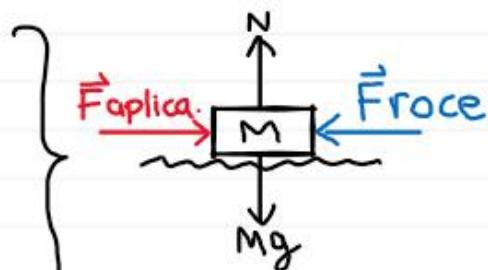
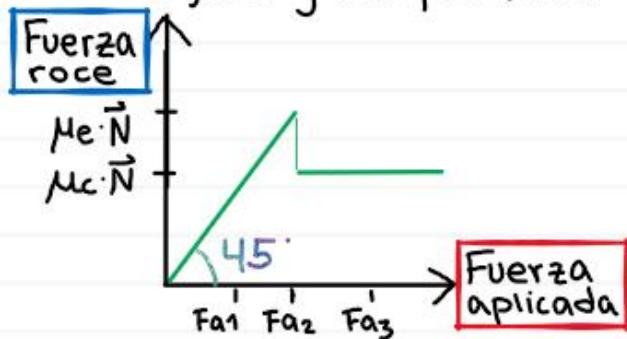
Ocurre cuando un objeto se move sobre una superficie rugosa.

2) Fuerza de roce estático (\vec{F}_{re}) 

Ocurre cuando un objeto no se move debido a que se encuentra sobre una superficie rugosa.

II ¿Qué es μ_e y μ_c ?

Son constantes que indican el nivel de rugosidad entre el objeto y la superficie.



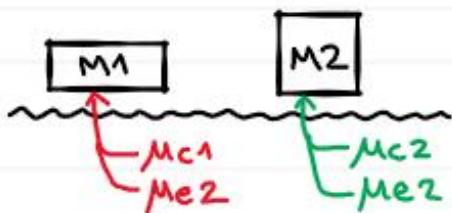
Del gráfico de arriba se lee lo siguiente:

- Si la fuerza aplicada es pequeña, la fuerza de roce estático tomará ese valor
$$\vec{F}_{a_1} = \vec{F}_{re} < \mu_e \cdot \vec{N}$$
- Esa relación se mantendrá hasta un valor máximo, justo antes de moverse
$$\vec{F}_{a_2} = \vec{F}_{re\ max} = \mu_e \cdot \vec{N}$$
- Si el valor de la fuerza aplicada aumenta, el objeto comienza a moverse y la fuerza de roce ahora es cte.
$$\vec{F}_{a_3} > \vec{F}_{rc} = \mu_c \cdot \vec{N}$$

¡es constante!

III Datos varios:

- $\mu_e > \mu_c$
- Unidades $[\mu] = 1$, es decir, no tiene unidad!
- Entre diferentes superficies, distintos μ_c y μ_e



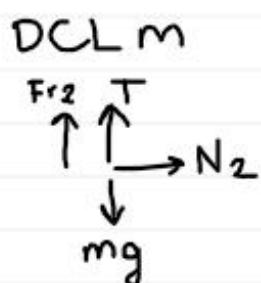
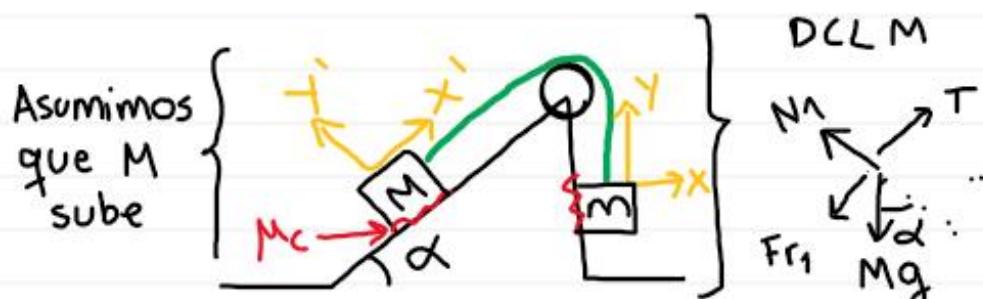
• Como N siempre es una incógnita, también lo será Fr.

- La fuerza de roce va paralela a la superficie de contacto. En circunferencias se considera tangente.



IV

El sentido de Fr es contra el movimiento, pero si no saben hacia dónde se mueve, se puede colocar hacia la izquierda o derecha, después las ecuaciones indicarán el signo.



$$\left. \begin{array}{l} T - \mu_c N_1 - Mg \cdot \sin\alpha = M \cdot a_x' \\ N_1 - Mg \cdot \cos\alpha = 0 \end{array} \right\} M$$

$$\left. \begin{array}{l} T + \cancel{\mu_c \cdot N_2}^{\rightarrow 0} - mg = m a_y \\ N_2 = 0 \end{array} \right\} m$$

Como están unidas por la cuerda,
 $a_x' = -a_y$

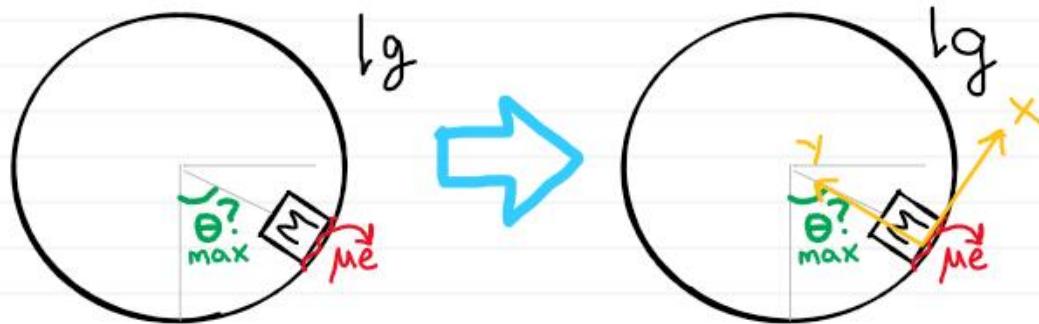
$$\begin{aligned} \rightarrow a_x' &= \frac{T}{M} - \mu_c \cdot g \cos\alpha - g \sin\alpha \\ &= \frac{M}{M} (a_y + g) - g (\mu_c \cos\alpha + \sin\alpha) \end{aligned}$$

$$a_x' \left(1 + \frac{m}{M}\right) = g \left(-\mu_c \cos\alpha - \sin\alpha + \frac{m}{M}\right)$$

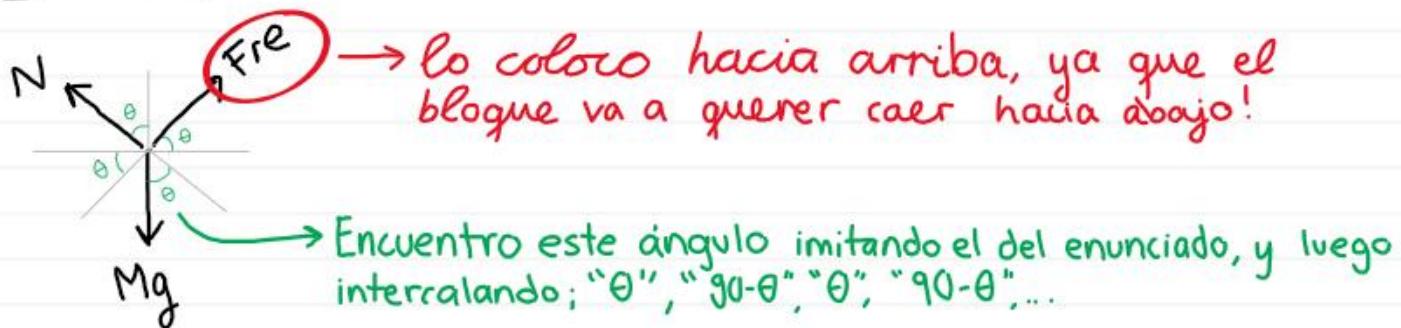
$$a_x' = g \left(\frac{\mu_c \cos\alpha + \sin\alpha + \frac{m}{M}}{1 + \frac{m}{M}} \right)$$

Si $\mu_c \cos\alpha + \sin\alpha > \frac{m}{M}$ el signo de la aceleración se cambia solo.

V Ejemplo roce estático



DCL M



$$\sum F_x = Fre - Mg \cdot \sin\theta = 0 \rightarrow \sin\theta = \frac{Fre}{Mg}$$

$$\sum F_y = N - Mg \cdot \cos\theta = 0 \rightarrow \cos\theta = \frac{N}{Mg}$$

⚠ Como estamos en un caso crítico, podemos asumir que!
 $Fre = \mu_e \cdot N$

$$\frac{\sin\theta}{\cos\theta} = \frac{\mu_e \cdot N / Mg}{N / Mg} = \mu_e$$

$$\arctan(\tan(\theta)) = \arctan(\mu_e)$$

$$\theta_{\max} = \arctan(\mu_e)$$