MA1001 Introducción al Cálculo

Profesores: Patricio Felmer.

Auxiliares: Leopoldo Cárdenas, Benjamín Vera.

Problemas Semana 2:

15 de Marzo de 2021

Problemas

P1. Casos casos y más casos

Resuelva la siguiente inecuación, indicando explícitamente el conjunto solución:

$$||x+1| + |x-1|| \ge 2$$

P2. ¿El inverso de la multiplicación no debería ser más fácil?

Usando sólo los axiomas de los números reales y teoremas de unicidad de neutros e inversos, demostrar que si $a, b \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$ y a + b = 1 entonces el inverso multiplicativo de ab es $a^{-1} + b^{-1}$.

P3. Cuando son sólo 2 es fácil, con 3 se complica un poco

Dados $x, y, z \in \mathbb{R}$, utilizando las propiedades de orden de los números reales demuestre la siguiente relación de desigualdad:

$$x^2 + y^2 + z^2 > xy + xz + yz$$