FI2001-4 Mecánica. Profesor: Marcel Clerc.

Auxiliares: Roberto Gajardo, Lucciano Letelier.



## Auxiliar 7: Centro de masa.

14 de Abril del 2022

## P1. Filtro separador:

Se tiene un filtro especial que separa sustancias en una mezcla contenida en un cilindro de radio R y altura H. Este filtro funciona de tal forma que las sustancias menos densas escapan antes que las más densas, lo cual se modela a través de las siguientes expresiones para la densidad y la altura en función del tiempo:

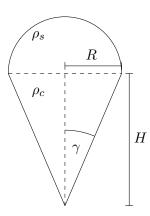
$$\rho(z) = \rho_0 \left( 1 - \left( \frac{z}{H} \right)^2 \right) \quad ; \quad z(t) = H \left( 1 - \frac{t}{T} \right)$$

Estas expresiones son válidas asumiendo que el cilindro parte lleno de mezcla, y demora un tiempo T en vaciarse completamente.

- a) Encuentre el centro de masa  $\vec{R}_{\rm cm}$  de la mezcla en función del tiempo.
- b) Encuentre la velocidad  $\vec{V}_{\rm cm}$ . Grafique y comente.

## P2. Centro de masa de un cono de helado:

Considere un cono de helado simple, el cual puede modelarse como un cono de densidad de masa uniforme  $\rho_c$ , ángulo  $\gamma$  y altura H, al cual se le adhiere una semiesfera de densidad de masa  $\rho_s$  y radio R, tal como se muestra en la siguiente figura:



Encuentre el centro de masa del cono de helado.