MA1102-4 Álgebra lineal

Profesor: Alejandro Maass Auxiliar: Juan Pablo Sepúlveda



Auxiliar 11: Más valores/vectores propios y ortogonalidad 10 de diciembre de 2020

P1. El que logre ortogonalizarla buen ortogonalizador será Sea la siguiente base de \mathbb{R}^4 :

$$B = \left\{ \begin{pmatrix} 1\\0\\0\\0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2\\2\\0\\0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3\\3\\3\\0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4\\4\\4\\4 \end{pmatrix} \right\}$$

Aplique el proceso de Gram-Schmidt sobre B para obtener una base ortonormal de \mathbb{R}^4

P2. La simetría nos da fuerzas Sea la matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & -1 \\ 2 & -1 & 2 \\ -1 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

Se sabe que $\lambda = 3$ es valor propio de A.

- a) De una base de W_3 .
- b) Calcule los valores propios faltantes y sus espacios de vectores propios asociados.
- c) Dé una base ortonormal de vectores propios de A.

P3. Sin matriz? Fasil: El regreso Sea A matriz simétrica real de 3×3 con polinomio característico $P(\lambda) = (1 - \lambda)^2 (3 - \lambda)$. Si además tenemos que:

$$u = \begin{pmatrix} 2\\1\\2 \end{pmatrix} \qquad v = \begin{pmatrix} 3\\1\\1 \end{pmatrix}$$

son vectores propios de A, entonces:

- a) [Hecho la aux pasada] Encuentre las multiplicidades algebráicas y geométricas de los valores propios $\lambda_1 = 1$ y $\lambda_2 = 3$.
- b) Muestre que tanto u como v son vectores propios asociados al valor propio 1.
- c) Encuentre un vector propio w asociado al valor propio 3.