FI3102-1 Física Moderna Profesor: Simón Riquelme Auxiliar: Nicolás Parra



Auxiliar #12: Última Auxiliar

21 de julio de 2020

P1. Se prepara una partícula de spin 1/2 en un autoestado de S_x con autovalor $\hbar/2$. Se coloca en un campo magnético $\vec{B} = B\hat{z}$, de modo que el Hamiltoniano que describe el sistema es

$$\hat{H} = \mu \ \vec{S} \cdot \vec{B}$$

y se deja a la partícula evolucionar por un tiempo T. En ese instante, se rota muy rápidamente el campo magnético, quedando su dirección en el eje y. Pasado otro intervalo de tiempo T, se realiza una medición de S_x ¿Cuál es la probabilidad de encontrarse con el autovalor $\hbar/2$?

P2. Considere los autoestados del oscilador armónico. Para el autoestado $|n\rangle$, encuentre el valor de expectación de $\hat{X}\hat{P}$ y \hat{X}^4

$$\hat{H} = \frac{\hat{P}^2}{2m} + \frac{m\omega^2 \hat{X}^2}{2}$$

$$\hat{a}^{\dagger} = \frac{1}{\sqrt{2m\omega}} \left(-i\hat{P} + m\omega\hat{X} \right), \quad \hat{a} = \frac{1}{\sqrt{2m\omega}} \left(i\hat{P} + m\omega\hat{X} \right)$$

$$a^{\dagger}a |n\rangle = \hat{N} |n\rangle = n |n\rangle$$

$$a|n\rangle = \sqrt{n}|n-1\rangle$$
 $a^{\dagger}|n\rangle = \sqrt{n+1}|n+1\rangle$