

## Auxiliar 11

Profesor: Patricio Aceituno Auxiliares: Nicolas Guerra, Mauricio Rojas y Edgardo Rosas

## 11 de mayo de 2020

P1. Un anillo A de masa m desliza en presencia de gravedad a lo largo de un alambre circular de radio R centrado en O. El anillo esta unido a un punto fijo P a través de un resorte de constante elástica k y de largo natural  $\alpha R$ , con  $\alpha$  un valor desconocido. El punto fijo P está a la derecha de O a una distancia  $\sqrt{2}R$ , tal como se muestra en la siguiente figura:

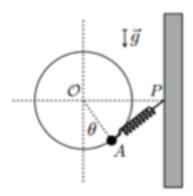


Figura 1: Caption

- a) Determine la forma del potencial total U del sistema como función del angulo  $\theta$  (suponga para esta parte que conoce  $\alpha$ ).
- b) Para  $\alpha = 1$  y g = 0 determine la posición y naturaleza de todos los puntos de equilibrio del sistema.
- c) Vuelva a considerar  $g \neq 0$ . Determine el valor de  $\alpha$  para que el punto  $\theta = \frac{\pi}{4}$ . sea un punto de equilibrio estable.
- d) Para el valor de  $\alpha$  encontrado en la parte anterior, encuentre la frecuencia de pequeñasosilaciones en torno al punto  $\theta = \frac{\pi}{4}$ .

P2. Encuentre el punto de equilibrio y la frecuencia de pequenas oscilaciones entorno al punto de quilibrio para una particula P de mas m que puede moverse solo a lo largo de la recta L. P esta sometida a la fuerza de dos resortes, uno fijo al punto A y el otro al punto B. Los puntos A y B estan a ambos lados de la recta L sobre una misma recta perpendicular a L y a distancia d como indica la figura. Estos dos resortes de contantes elastica  $k_A = 2k$  y  $k_B = k$  tienen largos naturales 3d y 2d respectivamente.

