MA3705 - Algoritmos Combinatoriales

Profesora: Maya Stein

Auxiliar: Tomás Martínez M.

Fecha Auxiliar: 5 de Noviembre, 2018



Tarea 6: Matchings

Importante: La P2 la debe entregar escrita.

- P1. Eres un mago trabajando con un mazo inglés de cartas (52 cartas divididas en cuatro pintas, cada una de ellas con números del 1 al 13). Para el primer número de tu show, un voluntário del público divide el mazo en 13 pilas de 4 cartas cada uno. Muestre que es posible asombrar al público seleccionando exactamente 1 carta de cada pila de tal modo que las 13 cartas seleccionadas contengan exactamente una carta de cada número del 1 al 13.
- **P2.** Considere el siguiente juego en un grafo conexo: dos jugadores seleccionan alternadamente vértices v_1, v_2, \ldots de un grafo G, donde v_{i+1} tiene que ser adyacente a v_i para todo i > 1. El último jugador que puede seleccionar un vértice gana el juego. Dicho de otro modo, si un jugador no tiene vértices disponibles para seleccionar entonces pierde. Un matching perfecto de G es un matching M con V(M) = V(G).
 - a) Demuestre que si G tiene un matching perfecto, entonces el jugador 2 tiene estrategia ganadora.
 - b) Decimos que un nodo $u \in V$ es no-esencial si existe un matching máximo M de G que no cubre a u. Demuestre que si el jugador 1 tiene estrategia ganadora que parte eligiendo algún vértice u no-esencial.