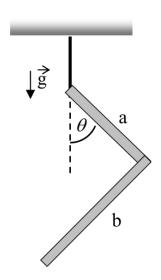


# Auxiliar $\infty$ - Preparando el Control 1

Auxiliares: José M. González C. Lucciano Letelier C. Edgardo Rosas C. 07-11-2018

P1. En una demostración física, un profesor "pone a competir" diversos cuerpos rígidos redondos. Esto lo hace soltándoles del reposo al mismo tiempo desde la parte superior de un plano inclinado. Suponiendo que los cuerpos ruedan sin resbalar y una ausencia de roce viscoso asociado al aire. ¿Cuál cuerpo llega a la base primero y "gana la carrera"?





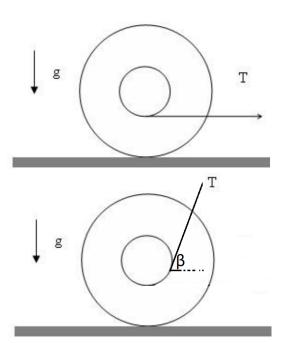
- **P2.** Considere una escuadra formada por dos barras uniformes de igual densidad de masa  $\rho$  y de largos a y b, respectivamente, unidas de modo que forman un ángulo recto entre sí y que cuelgan con un hilo desde el cielo, como se indica en la figura 2. Las longitudes de la escuadra satisfacen la relación  $b^2 = a^2 + 2ab$ 
  - Calcule el ángulo  $\theta$  cuando el sistema está en equilibrio.
  - Determine la posición horizontal del centro de masa con respecto a la cuerda.
  - Calcule y haga un gráfico de la energía potencial ¿Qué valor toma la energía potencial cuando está en equilibrio?
- P3. Un péndulo con roce se describe por la ecuación de movimiento:

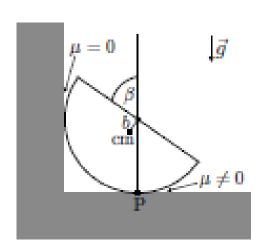
$$\ddot{\phi} = \frac{g}{L}sin(\phi) - \gamma\dot{\phi}$$

donde L es el largo del péndulo y el coeficiente de roce. A partir de la ecuación de movimiento, escriba la discretización de Verlet que permitiría calcular la posición en función del tiempo para una desratización temporal dada.



P4. Un carrete consiste en 2 discos de radio R unidos por un cilindro de radio r que enrolla una cuerda ideal de largo  $\infty$  y R > r. Suponga que un carrete de esas características tiene un momento de inercia  $I_{CM}$  con respecto a su centro de masa. Se le pide que para una configuración inicial, en dónde el hilo se encuentra enrollado como indica la figura, y además es tensionado por una fuerza T, prediga la dirección del movimiento del carrete. Si se cambia la inclinación de la fuerza T en un ángulo  $\beta$ , calcule la aceleración angular del carrete. Considere la aceleración de gravedad.





- P5. [propuesto] Considere una semi-esfera de radio R, hecha de un material de densidad  $p_0$ , que se encuentra sobre una superficie horizontal y apoyada contra una pared tal como se muestra en la figura adjunta. El centro de masas de una semi-esfera homogénea queda sobre el eje de simetría y a una distancia b=3R/8 de la base. Suponga que entre la semi-esfera y el suelo el coeficiente de roce estático es  $\mu=3/16$ , mientras que entre la pared y la semi-esfera el roce es nulo.
  - (a) Haga un diagrama de cuerpo libre para la semi-esfera .
  - (b) Encuentra la magnitud y dirección del torque, respecto al punto de apoyo P, ejercido por la fuerza de gravedad cuando la semi-esfera está ladeada en un ángulo.
  - (c) Encuentre la fuerza de roce entre la semiesfera y el suelo .



## Resumen

Auxiliares: José M. González C. Lucciano Letelier C. Edgardo Rosas C.

07-11-2018

# 1 Torque

### 1.1 Definición

El torque  $\vec{\tau}_o$  producido por una fuerza  $\vec{F}$  en la posición  $\vec{r}$  respecto del sistema de referencia con origen en O se define como

$$\vec{\tau}_O = \vec{r} \times \vec{F}$$

## 1.2 Torque neto

$$\sum_i ec{ au_i} = \sum_i ec{r_i} imes ec{F_i}$$

## 2 Momento angular

#### 2.1 Definición

El momento angular  $\vec{L}_O$  de un sistema, medido desde un sistema de referencia con origen en O se define como

$$\vec{L}_O = \vec{r} \times \vec{p}$$

# 2.2 Momento angular en un solido rígido

$$\vec{L} = I\vec{\omega}$$

## 3 Cantidad conservada

Una cantidad física H, vectorial o escalar, será una cantidad conservada en el tiempo si y solo si

$$\frac{dH}{dt} = 0$$

## 4 Identidades

4.1 Ecuación de torque general.

$$\sum_{i} \vec{\tau_i} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$

# 5 Rodadura pura

5.1 Condición escalar de rodar sin resbalar

$$R\omega = V_{CM}$$

5.2 Condición vectorial rodar sin resbalar

$$\vec{r}_p imes \vec{\omega} = \vec{V}_{CM}$$