

## Auxiliar Extra - Control 2

Profesores: Jeremy Barbay  
Patricio Poblete  
Auxiliares: Daniela Campos, Cristóbal Muñoz  
Sven Reisenegger, Bernardo Subercaseaux

### P1. *P3 2017-1*

El algoritmo usual de inserción en un árbol de búsqueda binaria (ABB) deja al nuevo elemento en el borde inferior del árbol. En este problema vamos a programar un algoritmo alternativo que deja al nuevo elemento como raíz del árbol resultante. Para esto, se compara el nuevo elemento con la raíz del árbol y, dependiendo de si es menor o mayor que ella, se inserta (recursivamente) en el subárbol izquierdo o derecho, respectivamente. Observando que después de esto el nuevo elemento debe estar como hijo directo de la raíz, se hace una rotación simple para dejarlo como raíz.

Escriba un método en Java con encabezamiento “Nodo insertarRaiz(int x, Nodo r)” que inserte un nuevo elemento x en un árbol cuya raíz es r, y que retorne un puntero a la raíz del árbol resultante. Suponga que la llave x es distinta de todas las que están en el árbol.

### P2. *P1a 2017-1* Considere el siguiente heap:

95	82	75	70	80	64	56	45	60	72	40	30	27	50	36	20	31	44	50	26
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20

Dibuje el árbol correspondiente a este heap. Luego modifique el elemento del casillero 10, cambiando su valor de 72 a 85, indique las operaciones necesarias para preservar la condición de heap y muestre el heap (arreglo) resultante.

### P3. *P4 2016-1*

Considere una tabla de hashing A con Linear Probing, de tamaño m, con n elementos almacenados y suponga que la función h está dada. Suponga que las llaves son enteros positivos y que una llave en cero indica que la celda respectiva está desocupada. Programe un algoritmo que, dado un subíndice k, elimine la llave almacenada en A[k]. Puede suponer que en ese lugar hay una llave distinta de cero (no necesita chequearlo).

**P4.** *P2 2017-1* En clases vimos que es fácil mezclar (“merge”) dos secuencias ordenadas, cada una de largo  $n$ , si se dispone de un área de salida de largo  $2n$ . En este problema veremos que el “merge” se puede hacer incluso si sólo tenemos  $n$  celdas auxiliares disponibles, en lugar de  $2n$ . Para esto, considere que se tiene un arreglo  $a$  de tamaño  $3n$ , el que imaginaremos dividido en tres segmentos, cada uno de largo  $n$  (correspondientes a los casilleros  $0..(n - 1)$ ,  $n..(2n - 1)$  y  $2n..(3n - 1)$ , respectivamente). Suponga que el segundo y el tercer segmento contienen cada uno secuencias de elementos ordenadas ascendentemente. El objetivo de este problema es mezclar estos dos segmentos, dejando el resultado ocupando los  $2n$  primeros casilleros del arreglo. Por ejemplo, si el arreglo inicial es (con  $n = 5$ ):

					21	36	40	61	80	10	50	70	74	95
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

entonces el arreglo resultante debería contener:

10	21	36	40	50	61	70	74	80	95					
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

(Los casilleros que aparecen como vacíos podrían contener información, pero ésta no es relevante para el algoritmo). Excepto por algunas variables auxiliares, no se puede usar memoria extra y el algoritmo debe funcionar en tiempo  $\theta(n)$ .

- (a) Programe en Java un método de encabezamiento “void mezclar(int[] a, int n)” que realice la tarea descrita. Indique claramente el invariante de su proceso.
- (b) Demuestre que en el curso del merge, el algoritmo nunca sobrescribe un dato útil (“nunca se pisa la cola”).