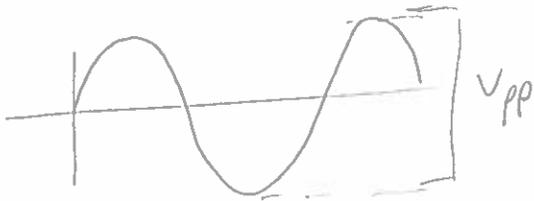


# Corriente alterna



$$V_{\text{rms}} = \sqrt{\overline{V^2}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} V(t)^2 dt}$$

Importante:  $V_{\text{rms}} = \frac{A}{\sqrt{2}}$  solo si es sinusoidal!

Fase: Suponemos  $V = V_0 \cos(\omega t + \phi) = \text{Re}(V_0 e^{i(\omega t + \phi)})$

Definimos impedancia como la relación entre  $V/I = Z$  de los componentes.

- Resistencia:  $V = IR \rightarrow \boxed{Z = R}$

- Condensadores:  $I_C = C \cdot \frac{dV_C}{dt} = C \frac{d}{dt} (V_0 e^{i\omega t + \phi i}) = C i\omega V_0 e^{i(\omega t + \phi)}$   
 $\underbrace{V_0 e^{i(\omega t + \phi)}}_{V(t)}$   
 $\rightarrow \boxed{Z_C = \frac{1}{i\omega C}}$

- Inductancia:  $V_L = L \cdot \frac{dI_L}{dt} \rightarrow \int V_L dt = L I_L \rightarrow \boxed{Z_L = L i\omega}$

\* Para la resolución de mallas normalmente se usa  $j$  en vez de  $i$  para el n° imaginario (Para que no se confunda con las corriente)

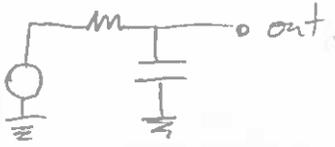
	$Z_C$	$Z_L$
$\omega \rightarrow 0$	Abierto	Corto
$\omega \rightarrow \infty$	Corto	Abierto

—••— Circ. abierto (No para corriente)

———— Cortocircuito (fluye la corriente)

Las impedancias tiene reglas de asociación idénticas a la de las resistencias. Osea  $Z_{serie} = \sum Z_i$  y  $Z_{paralelo} = \left(\sum \frac{1}{Z_i}\right)^{-1}$

### Filtros RC



$$V = IR + \frac{I}{j\omega C} = I \left( R + \frac{1}{j\omega C} \right)$$

$$V_c = I \cdot Z_c = \frac{V \cdot Z_c}{Z_{eq}} = \frac{V_{in}}{R + j\omega C + 1}$$

\* Si se acuerdan  $V = V_{in} e^{j\omega t}$ , cuando calculamos un voltaje en otro componente suponemos que también está oscilando con frec  $\omega$ , osea que el voltaje que se encuentra en el condensador en función del tiempo es  $V_c \cdot e^{j\omega t}$  y como  $V_c$  tiene parte imaginaria y otra real se puede escribir también como  $V_c = r e^{j\phi}$  así que el voltaje en el condensador en el tiempo es  $r e^{j(\omega t + \phi)}$

Definimos la función transferencia como

$$H = \frac{V_{out}}{V_{in}}$$

$$\rightarrow H_{RC} = \frac{1}{1 + j\omega RC} \quad ; \quad |H| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega RC)^2}}$$



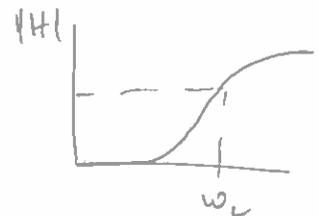
$\omega_c =$  frec. de corte, es donde se pierde el 50% de potencia, o en voltaje se tiene el 70,7% del máximo.

Para filtros RC  $\omega_c = \frac{1}{RC}$

Para CR es idem y se obtiene



$$|H_{CR}| = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{(\omega RC)^2}}}$$

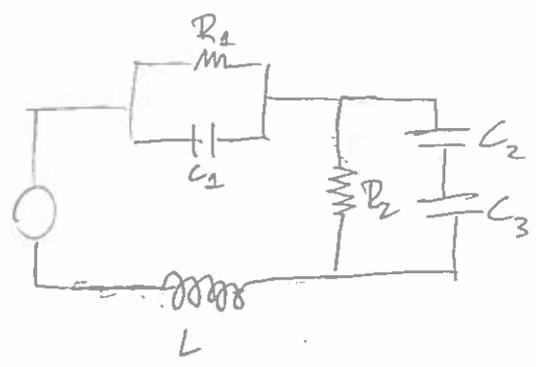


Para acordarse:

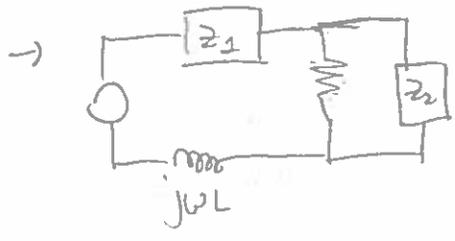
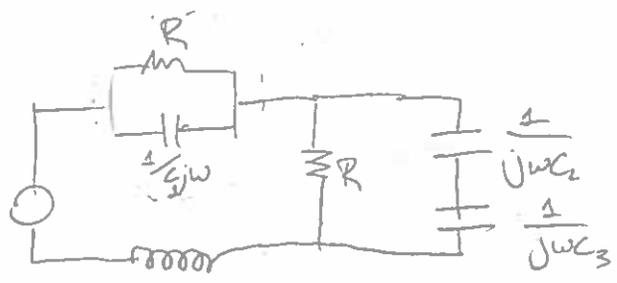
Para bajos: deja pasar freq. bajas  $RC \rightarrow R$  e Chico o Roberto Carlos.

Para altos: deja pasar freq. altas  $CR \rightarrow C$  e Cristiano Ronaldo  
 o alto.

$P_1$



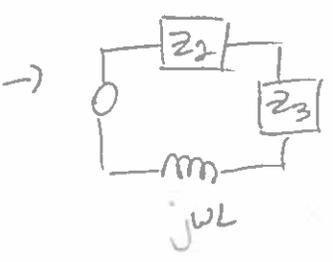
Para  $Z \rightarrow$



$Z_1 \rightarrow$  paralelo de R con C  $\Rightarrow \frac{1}{Z_1} = \frac{1}{R} + j\omega C$

$$Z_1 = \frac{R}{1 + j\omega C R}$$

$Z_2 \rightarrow$  Serie  $C_2, C_3 \rightarrow Z_2 = \frac{1}{j\omega C_2} + \frac{1}{j\omega C_3} = \frac{C_2 + C_3}{j\omega C_2 C_3} = Z_2$



$Z_3 = R \parallel Z_2$

$$Z_3 = \frac{(C_2 + C_3)R}{j\omega C_2 C_3 R + C_2 + C_3}$$

Simbolo que denota una suma en paralelo de componentes.

$$V = I(Z_1 + Z_3 + j\omega L) \rightarrow Z_{eq} = Z_1 + Z_3 + j\omega L$$

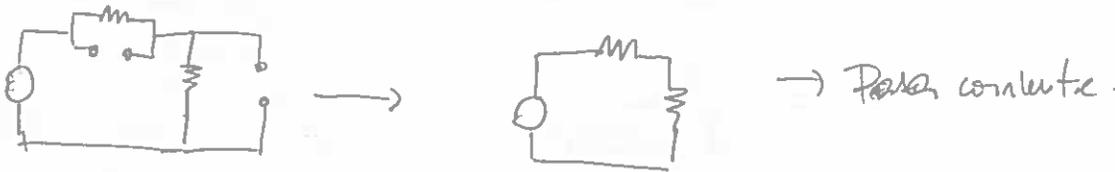
2.- El voltaje en  $Z_1$  es el mismo que hay en  $R_1$  ( $Z_1$  es el paralelo de  $R$  con  $C$ ).

$$V_{R_1} = V_{Z_1} = I_{Z_1} \cdot Z_1 = \frac{V_{Z_1}}{Z_{eq}}$$

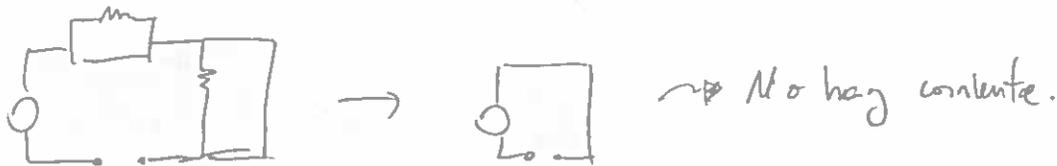
$$y \quad V_{R_1} = I_{R_1} \cdot R_1 \rightarrow \boxed{I_{R_1} = \frac{V_{Z_1}}{Z_{eq} \cdot R_1}}$$

Ojo que aunque  $V_{Z_1} = V_{R_1} = V_{C_1}$ ;  $I_{Z_1} = I_{R_1} + I_{C_1}$ .

3 -  $\omega \rightarrow 0$        $C =$  abierto,  $L =$  corto.



$\omega \rightarrow \infty$        $C =$  corto,  $L =$  abierto.



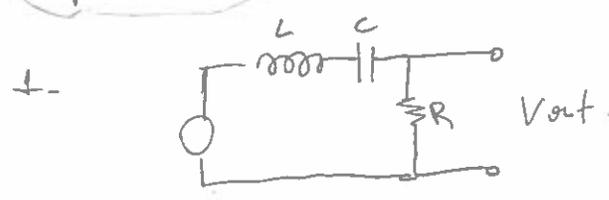
\* Así pueden hacer un análisis rápido del tipo de filtro con el que tratan por ej este deja pasar frecuencias bajas pero no altas, con lo que es un candidato a ser pasa-bajas (igual es poco formal, por ej un pasa-banda para  $\omega \rightarrow 0$  y  $\omega \rightarrow \infty$  no deja pasar corriente, lo más formal es estudiar la f. transferencia).

4-  $V_{z2} = V_{z3} = \frac{V_{in} z_3}{z_{eq}}$   $\rightarrow$   $H = \frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{z_3}{z_{eq}}$

Son paralelos

\* Recomendación: Darse variables como  $z_1, z_2, \dots$  para no andar arrastrando expresiones inmensas. y Reemplazar valores numéricos al final, si es que pueden, así no arrastran tantos errores y es más fácil corregirlos.

P2 \* Siempre pueden unir las tierras con un cable (están al mismo potencial).



$$z_{eq} = j\omega L + \frac{1}{j\omega C} + R$$

$$= R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C} \cdot \frac{j}{j} = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)$$

$$H = \frac{R}{R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)} = \frac{V_{out}}{V_{in}}$$

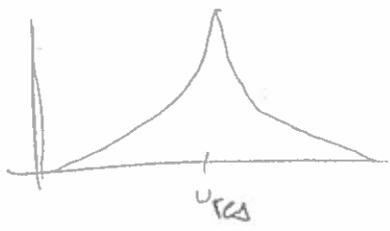
Para maximizar el  $V_{out}$  hay que ver donde el  $z_{eq}$  es mínimo.

$$\rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C} \rightarrow \boxed{\omega_{res} = \frac{1}{\sqrt{LC}}}$$

Para esa freq tenemos  $H = \frac{R}{R} = 1 \rightarrow$  todo lo que entra sale

2- Para convertir de [Hz] a vel angular usamos  $\omega [\text{rad/sec}] = 2\pi f [\text{Hz}]$ .

El circ LC es un filtro pasabandas centrado en  $\omega_{res}$  así que buscaremos valores de  $C$  y  $L$  que concen el intervalo  $(535, 1605) \text{ kHz}$ .



$$535 \cdot 10^3 \cdot 2\pi = \frac{1}{\sqrt{100 \cdot 10^{-6} \cdot C}} \rightarrow C = 8,84 \cdot 10^{-10} \text{ F} = 884 \text{ pF}$$

$$1605 \cdot 10^3 \cdot 2\pi = \frac{1}{\sqrt{100 \cdot 10^{-6} \cdot C}} \rightarrow C = 9,83 \cdot 10^{-11} \text{ F} = 98 \text{ pF}$$

Con eso  $C \in [98, 884] \text{ pF}$ .

3- Lo más fácil es idear 2 filtros RC, uno para bajos y un para altos.



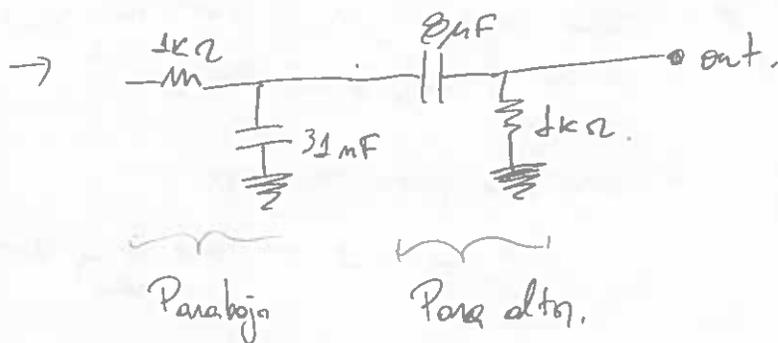
Para bajos:  $\omega = 2\pi \cdot 5 \cdot 10^3 = \frac{1}{RC}$

Tomar  $R = 1 \text{ k}\Omega$ .

$$\rightarrow C = 3,1 \cdot 10^{-8} \text{ F} = 31 \text{ nF}$$

Para altos:  $\omega = 2\pi \cdot 20 = \frac{1}{RC}$ , idem  $R = 1 \text{ k}\Omega$ .

$$\rightarrow C = 7,95 \cdot 10^{-6} \text{ F} = 7,95 \text{ } [\mu\text{F}]$$



Propuesto:  $\omega = 4500 \quad V_0 = 20$

$$V_c = \frac{V \cdot R}{R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})} = 1,6 \cdot 10^{-7} + 0,0058i \rightarrow \text{Lo escribimos en polar}$$

magnitud = 11

y recordamos que todos los componentes oscilan con la frec de la fuente.

fase =  $\arctg\left(\frac{\text{Im}}{\text{Real}}\right)$

$$V_r = 0,0018 \cdot \exp(j \cdot 89,9^\circ) \cdot \exp(j(\omega t + 30^\circ)) = 0,0018 \exp(j(\omega t + (89,9 + 30)^\circ))$$

$$V_c = \frac{V}{R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})} = 20 + 0,0018j = 20 \exp(j(\omega t + (-0,005 + 30)^\circ))$$

$$V_L = \frac{V \cdot j\omega L}{R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})} = -8,4 \cdot 10^{-7} + 7,29 \cdot 10^{-11}j = 8,1 \cdot 10^{-7} \exp(j(\omega t + (179,9 + 30)^\circ))$$

P3 | L-Pasa-altos, para frecuencias bajas atenúa y para frecuencias altas deja pasar el voltaje, al ser un circuito de 2 componentes no podría ser un RLC, es decir que no puede ser un paso-banda.

2.  $\omega_c \rightarrow$  Se tiene la mitad de la potencia.

$$0,5 = \frac{P}{P_{max}} = \frac{V^2/R}{V_{max}^2/R} \rightarrow \frac{V}{V_{max}} = 0,707$$

En  $\omega_c$  se tiene 70,7% del voltaje máximo.

$\omega_c$  es donde  $10,1 \cdot 0,707 = 7,15V \rightarrow$  max o min en  $f = 6,2 [kHz]$

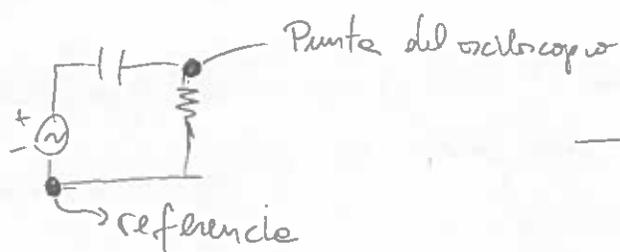
$$\omega_c = 38,9 \cdot 10^3$$

3.  $R = 1k\Omega$  ;  $38,9 \cdot 10^3 = \frac{1}{10^3 \cdot C} \rightarrow C = 2,5 \cdot 10^{-8} = 25 nF$



4. Aca hay un drama, por qué en el dibujo tienen 2 puntos desde los cuales se saca la diferencia de potencial con lo que independiente de la polaridad siempre sacan el voltaje de la resistencia, así que sigue siendo un pasa-altos.

Esto se diferencia de lo que hicieron en el lab en que en el lab tenían una sola punta de medición y la otra referencia la tenían conectada directamente a la tierra de la fuente, que es el (-).  
 Pero en un principio tenían esto.



→ Sacan  $V_r$  y por tanto

$$H = \frac{R}{\frac{1}{j\omega C} + R} = \frac{Rj\omega C}{1 + j\omega CR} \rightarrow \text{Pasa-altos.}$$

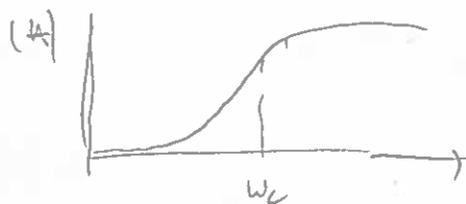
Al invertir tienen:



→ Sacan  $V_c$  y por tanto

$$H = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{\frac{1}{j\omega C} + R} = \frac{1}{1 + j\omega CR} \rightarrow \text{Pasa-bajos.}$$

La gráfica por tanto es:



P4)  $V_{rms}^2 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^0 \text{sen}^2\left(\frac{2\pi(x+T/2)}{T}\right) dx + \int_0^{T/2} f(x) dx$

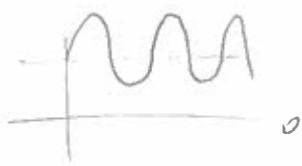
Recordamos que  $\cos(2x) = \cos^2(x) - \text{sen}^2(x) = 1 - 2\text{sen}^2(x) \rightarrow \text{sen}^2(x) = \frac{1 - \cos(2x)}{2}$

$$V_{rms}^2 = \frac{1}{2T} \int_{-T/2}^0 1 - \cos\left(\frac{4\pi}{T}(x+T/2)\right) dx = \frac{1}{2T} \left( \frac{T}{2} - \text{sen}\left(\frac{4\pi}{T}(x+T/2)\right) \cdot \frac{T}{4\pi} \right) \Big|_{-T/2}^0$$

$$= \frac{1}{2T} \left( \frac{T}{2} - \text{sen}\left(\frac{4\pi \cdot 0}{T} - \frac{4\pi \cdot T/2}{T}\right) \right) = \frac{1}{4} \rightarrow \boxed{V_{rms} = \sqrt{\frac{A^2}{4}} = \frac{A}{2}}$$

2.- Se mide una señal sinusoidal  $V_{pp} = 4$ ,  $f = 5 \text{ [MHz]}$ ,  $V_{rms} = 5,414$ ,  $\text{fase} = -30^\circ$ . Dar expresión matemática que describe la señal

$V_{pp} = 4 \rightarrow A = 2$ , pero  $\frac{2}{\sqrt{2}} \neq 5,414$  --



La señal está "levantada" o tiene una componente DC.

$\rightarrow V = A \text{sen}(\omega t) + Cte$

$$V_{rms}^2 = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} A^2 \text{sen}^2(\omega t) + A Cte \text{sen}(\omega t) + Cte^2$$

y  $\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$

Simétricamente a la 1.  $\int A^2 \text{sen}^2\left(\frac{2\pi t}{T}\right) = \frac{A^2}{2} \left( T - \text{sen}\left(\frac{4\pi t}{T}\right) \cdot \frac{T}{2\pi} \right) \Big|_{-T/2}^{T/2} = \frac{A^2 T}{2}$

$$\int cte \cdot A \sin\left(\frac{2\pi t}{T}\right) dt = -cte \cdot A \frac{T}{2\pi} \cdot \cos\left(\frac{2\pi t}{T}\right) \Bigg|_{-T/2}^{T/2} =$$

$$-\frac{A T}{2\pi} \left( \cos\left(\frac{2\pi T}{T}\right) - \cos\left(\frac{-2\pi T}{T}\right) \right) = 0$$

$$\int cte^2 = cte^2 \cdot T$$

$$\text{Con eso } V_{rms}^2 = \frac{A}{T} \left( \frac{A^2 T}{2} + T cte^2 \right) = \frac{A^2}{2} + cte^2$$

Para nuestro caso

$$5,444^2 = \frac{2^2}{2} + cte^2 \rightarrow 29,311 = 2 + cte^2$$

$$27,311 = cte^2 \rightarrow cte = 5,2259$$

$$\rightarrow V = 2 \sin\left(2\pi \cdot 5 \cdot 10^6 t - \frac{30 \cdot \pi}{180}\right) + 5,2259$$