

Notar que se busca las raíces del polinomio $p(x)=x^4+2$, entonces se plantea la ecuación $p(x)=0$, entonces se tiene que $x^4+2=0$. Despejando se tiene que

$$x^4=-2$$

De aquí se resuelve la ecuación usando complejos de la forma en como lo hemos visto y finalmente se factoriza en \mathbb{C} y en \mathbb{R} .

Notar que si el polinomio fuera x^2+2 ya tendríamos la factorización en \mathbb{R} ya que lo que se pide cuando se factoriza en \mathbb{R} es que el polinomio se escriba como multiplicación de factores del estilo $p(x)=b(x-a_1)\dots(x-a_n)(x^2+c_1x+d_1)\dots(x^2+c_mx+d_m)$.

(P5) hoy que resolver la ecuación

$$x^4 = -2$$

$$\Rightarrow x = \sqrt[4]{2} \cdot e^{i\frac{\pi}{4}} \cdot e^{\frac{2k\pi i}{4}}, \quad k = 0, \dots, 3$$

PASANDO A CARTESIANOS

$$x \in \left\{ \frac{1}{\sqrt[4]{2}}(1 \pm i), \frac{1}{\sqrt[4]{2}}(-1 \pm i) \right\}$$

$$\Rightarrow p(x) = \left(x - \frac{1}{\sqrt[4]{2}}(1+i) \right) \left(x - \frac{1}{\sqrt[4]{2}}(1-i) \right) \left(x - \frac{1}{\sqrt[4]{2}}(-1+i) \right) \left(x - \frac{1}{\sqrt[4]{2}}(-1-i) \right)$$

Factorizado en \mathbb{C}

$$y \quad p(x) = \left(x - \frac{2}{\sqrt[4]{2}}x + \sqrt{2} \right) \left(x + \frac{2x}{\sqrt[4]{2}} + \sqrt{2} \right)$$

Factorizado en \mathbb{R}

(6)