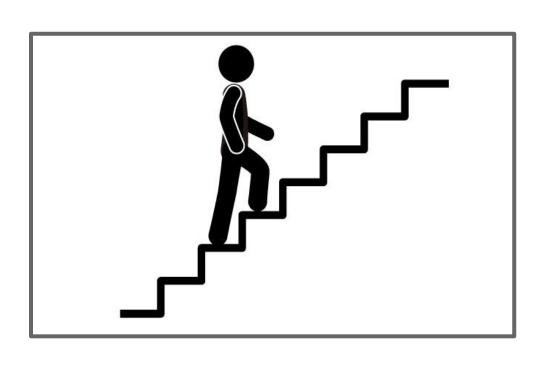
INTRODUCCIÓN A LA PROGRAMACIÓN

CLASE 5 - LA RECURSIÓN HACE LA MAGIA

BERNARDO SUBERCASEAUX, CC1002 - 6, 15 DE SEPTIEMBRE 2015

DESAFÍO DE MOTIVACIÓN



SI UNA PERSONA ES CAPAZ DE SUBIR 102 PELDAÑOS EN CADA PASO, i DE CUÁNTAS FORMAS PUEDE SUBIR UNA ESCALERA DE 7 PELDAÑOS ?

SOLUCIÓN

 $\bullet \quad \mathsf{FORMAS}(\mathsf{N}) = \mathsf{FORMAS}(\mathsf{N}-1) + \mathsf{FORMAS}(\mathsf{N}-2)$

- fORMAS(1) = 1, fORMAS(2) = 2
- fORMAS(7) = FORMAS(6) + FORMAS(5) = FORMAS(5) + FORMAS(4) + FORMAS(4) +

$$fORMAS(3) = \dots (\dots) \dots (\dots)$$

EN PYTHON...

```
## Función que retorna las formas de subir una escalera
## int --> int
## Ejemplo: Formas(2) = 2
def formas(n):
    if n == 1:
        return 1
    if n == 2:
        return 2
    return formas(n-1) + formas(n-2)
```

```
>>> formas(7)
21
```

FUNDAMENTOS DE LA RECURSIÓN

• DIREMOS QUE UNA FUNCIÓN ES RECURSIVA SI SE LLAMA A SÍ MISMA.

 TODA FUNCIÓN RECURSIVA DEBE TENER UN CASO BASE, ESTO ES, UN CASO EN QUE RESPONDE DIRECTAMENTE, SIN LLAMARSE A SÍ MISMA.

 CUANDO UNA FUNCIÓN RECURSIVA SE LLAMA A SÍ MISMA, DEBE HACERLO CON PARÁMETROS QUE REPRESENTAN UN PROBLEMA MENOS COMPLEJO, Y QUE FINALMENTE ALCANZAN EL CASO BASE.

¿ CÓMO SE VE EN CÓDIGO?

```
##Descripción
##Dominio -> Recorrido
##Ejemplo
def funcion(n):
   if f(n):
       return blah
   return funcion(g(n))
```

```
$ = 'ev
                                        al ("seek\040D
           ATA,0,
                                    0;");foreach(1..3)
       { < D AT A > ; } my
                                  @camellhump;my$camel;
 my$Camel ;while(
                                 <DATA>){$_=sprintf("%-6
9s",$);my@dromedary
                                1=split(//);if(defined($
=<DAT A>)){@came11hum
                             p=split(//);}while(@dromeda
                            ; my$CAMEL=3; if (defined($ =shif
ry1) {my$came11hump=0
                         ))&&/\S/){$camellhump+=1<<$CAMEL;}
       t(@dromedaryl
       $CAMEL--;if(d
                       efined($ =shift(@dromedary1))&&/\S/){
      $camellhump+=1 <<$CAMEL; )$CAMEL--; if(defined($ =shift(
     @camellhump))&&/\S/){$camellhump+=1<<$CMMEL;}$CMMEL--;if(
     defined($ = shift(@camel lhump)) & &/\S/) ($camel lhump+=1<<$CAME)
    L;;}$came1.=(split(//,"\040..m`{/J\047\134}L^7FX"))[$came11h
      ump]; \ camel .="\n"; \ @camel lhump=split(/\n/, \ camel); for each(@
      camel lhump) { chomp; $Camel = $_; y/LJF7\173\175`\047/\061\062\063\
      064\065\066\067\070/;y/12345678/JL7F\175\173\047\'/;$ =reverse;
      print"$ \040$Camel\n":}foreach(@camellhump){chomp:$Camel=$ :v
       /LJF7\173\175\\047/12345678/;v/12345678/JL7F\175\173\0 47\/;
        $ =reverse;print"\040$ $Camel\n";}';;s/\s*//g;;eval;
           ("seek\040DATA,0,0;");undef$/;$_=<DATA>;s/\s*//g;(
             ;^.*_;;;map{eval "print\"$_\"";}/.{4}/g; __DATA_
               \1 50\145\040\165\163\145\040\157\1 46\040\1 41\0
                    40\143\141 \155\145\1 54\040\1
                                                       51\155\ 141
                    \147\145\0 40\151\156 \040\141
                                                        \163\16 3\
                     157\143\
                                151\141\16 4\151\1
                                                          57\156
                     \040\167 \151\164\1
                                             50\040\
                                                           120\1
                     45\ 162\
                               154\040\15
                                              1\163\
                                                           040\14
                     1\040\1
                                64\162\1
                                              41\144
                                                           \145\
                     155\14
                                1\162\
                                             153\04
                                                           0\157
                      \ 146\
                                 040\11
                                            7\047\
                                                           122\1
                      45\15
                                  1\154\1 54\171
                                                           \040
                      \ 046\
                                     012\ 101\ 16
                                                           3\16
                      3\15
                                      7\143\15
                                                            1\14
                      1\16
                                       4\145\163
                                                           \054
                     \040
                                      \ 111\\ 156\ 14
                                                           3\056
                    \ 040\
                                   125\ 163\ 145\ 14
                                                           4\040\
                    167\1
                                  51\164\1 50\0
                                                          40\ 160\
                  145\162
                                                         \155\151
                \163\163
                                                          \151\1
              57\156\056
```

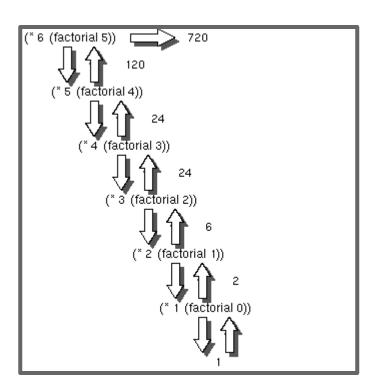
FACTORIAL DE UN NÚMERO

```
7! = 7*6*5*4*3*2*1 = 7 * 6!

n! = n * (n-1)!

1! = 1
```

¡Prográmenla!

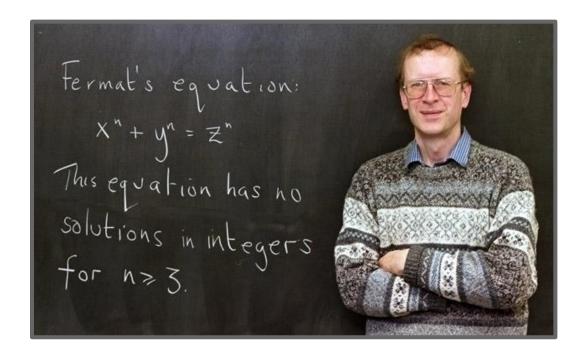


EXPONENCIACIÓN

```
x^n = x * x^n(n-1)

x^0 = 1

;Prográmenla!
```



¿Se puede hacer más rápido?

EXPONENCIACIÓN RÁPIDA

```
x^n = x^n(n/2) * x^n(n/2)
x^0 = 1
```

0(log(n)) << 0(n)

```
¿Aplicaciones?
¿Que le falta a ese código?
```

```
## Función que realiza exponenciación rápida
## num, num --> num
## Ejemplo: fastExp(2,3) --> 8
## fastExp(3.14,2) --> 9.8596
def fastExp(base,exp):
   if exp == 0:
       return 1
   if exp == 1:
       return base
   var = fastExp(base,exp/2)
   return var * var * fastExp(base,exp%2)
```

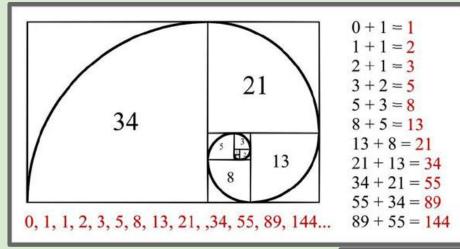


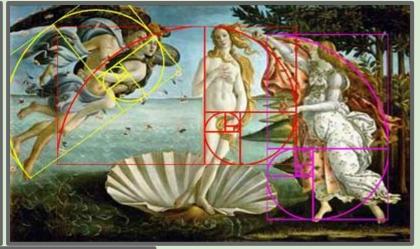
NÚMEROS DE FIBONACCI

```
F(1) = 1
F(n) = F(n-1) + F(n-2) ; Les suena de alguna parte?
                ## Función que calcula números de Fibonacci
                ## Ejemplo: fib(8) = 21
                   return fib(n-1) + fib(n-2)
                assert fib(8) == 21
```

F(0) = 1

¿Y PARA QUÉ?







THOSE WHO CANNOT REMEMBER THE PAST ARE CONDEMNED TO REPEAT IT.

-DYNAMIC PROGRAMMING

```
## Función que calcula números de Fibonacci
## int -> int
## Ejemplo: fib(8) = 21
global fibo
fibo = [0 for i in range(10000)]
def fib(n):
    if n <= 1:
        return n
    if fibo[n] != 0:
        return fibo[n]
    fibo[n] = fib(n-1) + fib(n-2)
    return fibo[n]
assert fib(8) == 21</pre>
```

¿QUÉ PROBLEMAS SE RESUELVEN CON RECURSIÓN?

 SI TODO LO QUE TIENES ES UN MARTILLO, TODOS LOS PROBLEMAS TE PARECERÁN UN CLAVO. -MASLOW

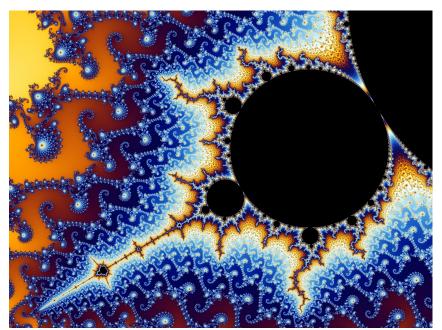
DIVIDE ET IMPERA (DIVIDE Y VENCERÁS) - JULIO CÉSAR, NAPOLEÓN

EJEMPLOS DE RECURSIÓN

- Determinar si una palabra es palíndrome.
- Invertir un número
- Convertir de una base a otra
- Salir de un laberinto
- Buscar cosas
- Resolver problemas de conteo
- Calcular sumatorias
- Resolver problemas de maximización/minimización
- Teoría de Números (Máximo Común Divisor, Función Phi, etc)
- Torre de Hanoi
- Fractales

¿FRACTALES?

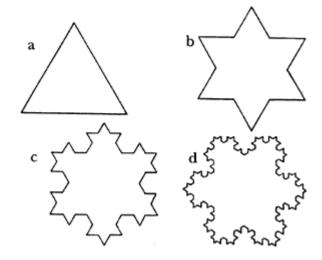
Estructura geométrica que se repite a diversas escalas.





COPO DE NIEVE DE KOCH

- Módulo Turtle
- turtle.forward()
- turtle.right()
- turtle.left()
- turtle.speed()
- turtle.done()
- Divide And Conquer x 2



FINAL: DUDAS, RESOLUCIÓN DE PROBLEMAS, COMENTARIOS



correo: bernardosubercaseaux@gmail.com