

MA2601-3 Ecuaciones Diferenciales Ordinarias

Profesora: Karina Vilchez - Auxiliar: Dario Palma

Auxiliar 11

Transformada de Laplace

P1 Resuelva la ecuación diferencial:

$$2y'' + y' + 2y = \begin{cases} 1, & \text{si } 5 \leq t < 20 \\ 0, & \text{en otros casos} \end{cases}$$

Dado que $y(0) = 0$, $y'(0) = 0$.**P2** Resuelva el problema de Cauchy:

$$PC = \begin{cases} 2y'' + y' + 2y = \delta(t - 5) \\ y(0) = 0, y'(0) = 0 \end{cases}$$

P3 Resuelva la ecuación integral (despeje x):

$$\int_0^t x(t-u)(x(u) - 1 - e^u)du = 1 - e^t$$

P4 La posición $x(t)$ de un cuerpo de masa $m = 1\text{kg}$ atado a un resorte amortiguado tiene por ecuación:

$$x'' + 2x' + 2x = f(t)$$

Suponga que el cuerpo se pone en movimiento en el punto de equilibrio con velocidad $v_0 = -4\text{m/s}$ y que el cuerpo está sujeto a un golpe de impulso unitario en $t = 1\text{s}$ y desde $t = 2\text{s}$ hasta $t = 3\text{s}$ se le aplica una fuerza constante igual a 1N . Determine la posición del cuerpo para todo instante t .

P5 Resuelva:a) Sean $\vec{x}_1(t)$, $\vec{x}_2(t)$ dos soluciones de un sistema $N \times N$ de la forma

$$\vec{x}'(t) = A(t)\vec{x}(t)$$

donde los coeficientes de la matriz $A(t)$ son funciones continuas en \mathbb{R} . Demuestre que si los vectores $\vec{x}_1(0)$, $\vec{x}_2(0)$ son paralelos, entonces los vectores $\vec{x}_1(t)$, $\vec{x}_2(t)$ también lo son $\forall t$.

b) Encontrar $f_1(x)$ y $f_2(x)$ tal que

$$\mathbb{L}[f_1(x)](s) = \ln\left(\frac{s-3}{s+1}\right) \quad \mathbb{L}[f_2(x)](s) = \frac{1}{(1+s^2)^3}$$