

Auxiliares: Isao Parra, Rodrigo Asenjo, Rodrigo Galilea  
Rodrigo Muñoz, Sebastian Chamas

## Guía de Teórica para la Experiencia 2

### 1. Introducción

En electricidad, en particular en electrónica, existen muchos ejemplos en los que no es relevante el comportamiento estático del circuito sino su **comportamiento dinámico**. El comportamiento estático del circuito se da cuando las variables de interés (voltaje  $V$  y corriente  $I$ ) no cambian en el tiempo, se conoce como corriente continua. El comportamiento dinámico será aquel en que las variables son funciones del tiempo (i.e.  $V = V(t)$  e  $I = I(t)$ ).

En esta sesión de laboratorio nos concentraremos en el comportamiento dinámico. Ejemplos de esta situación pueden ser:

- La energía eléctrica que llega a los enchufes de nuestras casas, típicamente se puede representar por  $V(t) = 220\sqrt{2} \cos(50 \cdot 2\pi t)$ , donde la frecuencia es  $f = 50$  Hz y  $220\sqrt{2}$  corresponde a la amplitud de la señal sinusoidal.
- Un instrumento musical electrónico, en que el sonido se genera sumando ondas a distintas frecuencias.
- Un computador envía señales digitales en forma de pulsos rectangulares.

Algunos circuitos requieren de señales que varíen en el tiempo (como  $V(t)$  e  $I(t)$ ), esta necesidad se resuelve mediante un dispositivo denominado **generador de ondas** y que es el objetivo de nuestra experiencia de hoy.

En la actualidad existen circuitos que facilitan la construcción de estos generadores de onda y uno de ellos es el **circuito integrado 555**, uno de los circuitos más famosos de la historia de la microelectrónica.

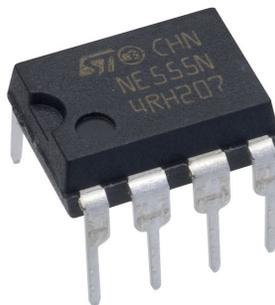


Figura 1: Circuito integrado NE555N

## 2. Circuito RC

El condensador, como se mencionó en la guía pasada, sirve para almacenar energía eléctrica. A continuación veremos como se logra esto. Primero que nada necesitamos una fuente de energía, utilizaremos una batería como fuente de voltaje (continuo). Además necesitamos que fluya una corriente así que agregaremos una resistencia, como nos interesa estudiar el condensador, debemos agregar uno. Finalmente incluiremos un interruptor para encender (abrir o cerrar) el circuito en un tiempo determinado. A este circuito se le llama circuito RC.

### Carga y Descarga de un capacitor(condensador) en un circuito RC

#### Análisis Cualitativo

Considere el circuito en serie mostrado en la figura 1. Supongamos que el capacitor inicialmente está descargado. No hay corriente cuando el interruptor está abierto. Si el interruptor se cierra en  $t = 0$ , empiezan a fluir cargas estableciendo una corriente en el circuito, y el capacitor empieza a cargarse. Cabe señalar que durante el proceso de carga, las cargas no brincan a través las placas del capacitor, generándose una acumulación de cargas en las placas. En lugar de eso, la carga se transfiere de una placa a la otra a través del resistor, el interruptor y la batería hasta que el capacitor se carga por completo. El valor de la carga máxima depende del voltaje de la batería. Una vez alcanzada la carga máxima, la corriente en el circuito es cero debido a que no existe diferencia de potencial entre ambos extremos de la resistencia.

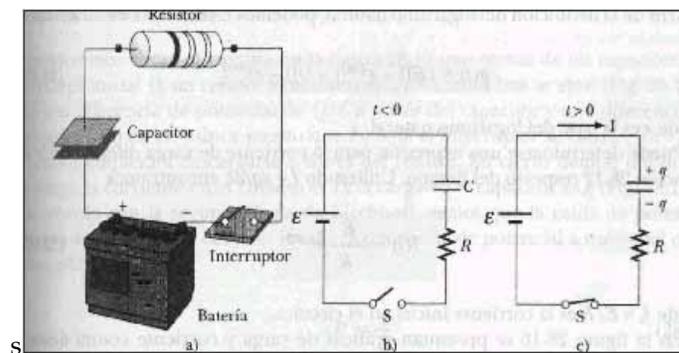


Figura 1:

- Figuras: a) Diagrama de conexión de los elementos  
b) Diagrama antes de la carga del circuito  
c) Etapa de carga del condensador

Consideremos ahora el circuito descargándose que consta de un capacitor con una carga inicial  $Q$  un resistor y un interruptor. Cuando éste se abre (Ley de Voltajes de Kirchhoff), hay una diferencia de potencial de  $Q/C$  a través del capacitor y una diferencia de potencial cero en el resistor puesto que  $I = 0$ . Si el interruptor se cierra en  $t = 0$ , el capacitor empieza a descargarse a través del resistor. En cierto tiempo durante la descarga, la corriente en el circuito es  $I$  y la carga en el capacitor es  $q$ . De acuerdo con la segunda regla de Kirchhoff, vemos que la caída de potencial a través del resistor,  $IR$ , debe ser igual a la diferencia de potencial a través del capacitor,  $q/c$ :

## Análisis Cuantitativo

Ahora describiremos el proceso con algunas fórmulas simples.

- En la resistencia se cumple la ley de Ohm:  $V_r = R * I$ .
- Pero I es la variación de carga en el tiempo:  $I = \frac{\partial q}{\partial t}$ .
- Luego,  $V_r = R * \frac{\partial q}{\partial t}$ .
- En el condensador se cumple:  $q(t) = C * V_c(t)$ , donde C es constante e indica la "capacidad" del condensador.
- Al iniciar la carga supondremos que el condensador está descargado, i.e.  $q(0) = 0$ , por lo tanto  $V_c(0) = 0$ .
- La ley de Kirchhoff de Voltaje dice: "El voltaje de la fuente  $V_f$  es igual a la suma de los voltajes de los otros componentes ( $V_r, V_c$ ) en un circuito conectado en serie":
- $V_f = V_r + V_c$ , para  $t = 0$   $V_c = 0$ , luego  $V_f = V_r$ .
- por lo tanto  $V_f = I * R$ , entonces  $I(0) = \frac{V_f}{R}$ .
- para cualquier otro t tendremos:
- $V_f = R * \frac{\partial q}{\partial t} + \frac{q}{C}$ .
- $\frac{\partial q}{\partial t} + \left(\frac{1}{R * C}\right) * q = \frac{V_f}{R}$ .

La solución de esta ecuación diferencial es:

$$q(t) = C * V_f * \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$

,donde RC define la constante de tiempo,  $\tau$  del circuito. Representa el tiempo que tarda en disminuir la corriente hasta  $\frac{1}{e}$  de su valor inicial, esto es, en un tiempo  $\tau$ .

$$I = e^{-1} * I_0 = 0,368 * I_0$$

en un tiempo de  $2\tau$ ,

$$I = e^{-1} * I_0 = 0,368 * I_0$$

El siguiente análisis dimensional muestra que  $\tau$  tiene unidades de tiempo:

$$[\tau] = [RC] = \left[\frac{V}{I} * \frac{Q}{V}\right] = \left[\frac{Q}{I}\right] = [T]$$

Tarea: Comprobar este resultado e interpretar gráficamente el significado de la constante de tiempo

Cuando  $t \rightarrow \infty, q \rightarrow C * V_f$

La descarga del condensador es análoga, pero supondremos  $q(0) = C * V_f$ , ie. el condensador está completamente cargado; en este caso la solución es simplemente:

$$q(t) = C * V_f * e^{-\frac{t}{RC}}$$

Si graficamos en función del tiempo obtendremos lo siguiente:

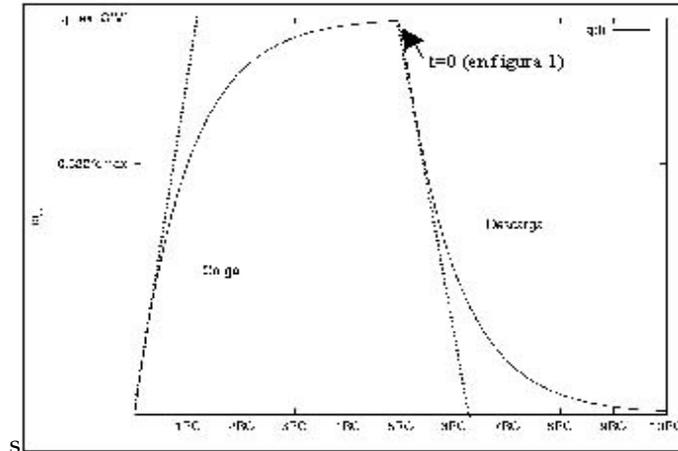


Figura 2:

Ahora podemos además calcular el voltaje y la corriente en el condensador y en la resistencia:

Elemento	Voltaje	Corriente
Condensador	Carga: $V_f * \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$	Carga: $\left(\frac{V_f}{R}\right) * \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$
	Descarga: $V_f * \left(e^{-\frac{t}{RC}}\right)$	Descarga: $\left(\frac{V_f}{R}\right) * \left(e^{-\frac{t}{RC}}\right)$
Resistencia	$\pm V_f * \left(e^{-\frac{t}{RC}}\right)$	Carga: $\left(\frac{V_f}{R}\right) * \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$
		Descarga: $\left(\frac{V_f}{R}\right) * \left(e^{-\frac{t}{RC}}\right)$

### Ejemplo conceptual: Limpiadores de parabrisas intermitentes

Muchos automoviles están equipados con limpia-parabrisas que pueden usarse intermitentemente durante una ligera llovizana. ¿Cómo se relaciona la operación de este sistema con la característica de carga y descarga de un capacitor.

#### Razonamiento:

Los limpiadores son parte de un circuito RC cuya constante de tiempo puede variarse seleccionando diferentes valores de R mediante un interruptor de posicionamiento múltiple. El breve tiempo que los limpiadores permanecen activados, y el tiempo que están desactivados, se determina por el valor de la constante de tiempo del circuito.

### 3. Circuito generador de formas de ondas

#### Generalidades

Un generador de Formas de ondas, es un dispositivo electrónico capaz de recibir señales de entrada de variación irregular (como la carga y descarga de un condensador) y obtener a la salida una señal que varía en el tiempo de manera regular. Al generar la señal puedo variar tanto la amplitud, como la frecuencia (dentro de determinado rango)

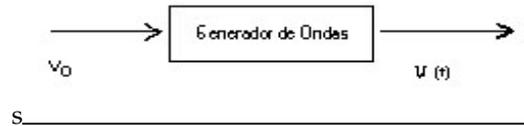


Figura 3:

Figura2: Diagrama de bloques de un generador de formas de ondas.  $V_0$  es la señal continua de entrada al generador y  $V_1(t)$  es la señal resultante variable en el tiempo.

La variedad de señales que se puede obtener con este tipo de circuito se puede apreciar en los gráficos siguientes.

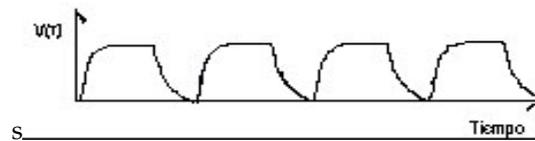


Figura 4:

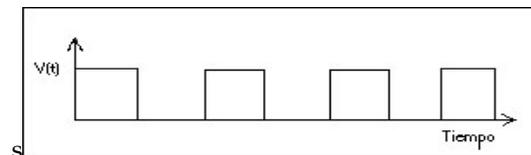


Figura 5:

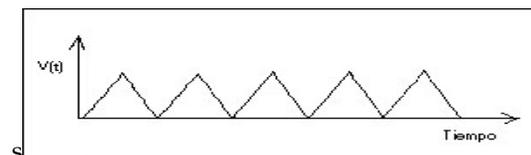


Figura 6:

4 Señal de entrada al Generador de ondas

5 Señal desalida del Generador de ondas

6 Otro tipo de señal de salida que se puede obtener de la misma entrada.

En esta sesión se realizara un generador de ondas a partir del IC 555. Que es la pieza fundamental en el proyecto. Para tener una visión más completa de este elemento se mencionará alguna de sus aplicaciones.

Inicialmente su principal misión era la de introducir retardos de precisión en los circuitos en los que estaba incluido; debido a su excelente desempeño, empezó a ser utilizado en muchas aplicaciones como circuito generador de forma de ondas , tales como: Generación de impulsos, Osciladores, Repetición de pulsos, Divisor de frecuencias, PWM ,etc.

Las características más sobresalientes de este dispositivo son:

1. Su buena estabilidad térmica que le permite trabajar en un rango de temperaturas bastante amplio, es decir, no se altera considerablemente la amplitud o frecuencia de la señal mientras se mantengan estos límites. Por ejemplo la serie SF555 puede operar desde  $-55^{\circ}C$  hasta  $125^{\circ}C$ .
2. Admite un rango de tensiones de alimentación bastante amplio que pueden variar entre 4,5V y 16V en las series NF y desde 4,5 V a 18 V en las series SE.
3. Puede proporcionar una corriente de salida de hasta 200 mA, lo que le permite utilizarlo para manejar cargas pequeñas directamente o bien como señal de entrada a un circuito de potencia.

Este dispositivo puede ser encontrado en tecnología TTL y CMOS<sup>1</sup> , además de comercializarse en varios encapsulados: DIP o DIL (encapsulado en plástico), SO (microencapsulado en plástico para SMD) y encapsulado metálico. En la figura siguientes podemos ver el aspecto externo de este dispositivo en uno de sus encapsulados más típicos. Notar la numeración de los terminales en figura .

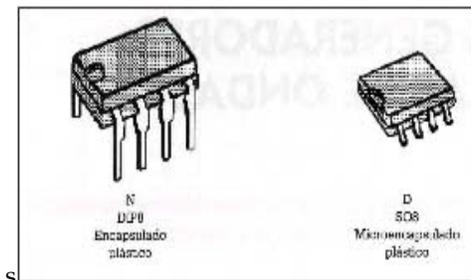


Figura 7:

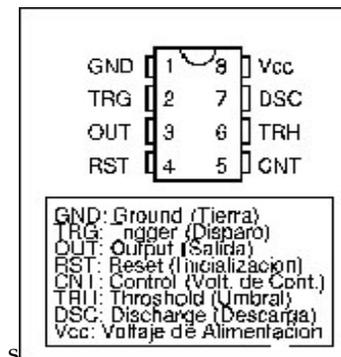


Figura 8:

<sup>1</sup>Para mayor información ver bibliografía



Los efectos principales de la activación del umbral del circuito son el cambio en la salida del sistema, es decir el voltaje en la pata tres cambia de 5V a 0V. Esto implica un cambio en el encendido de los leds<sup>3</sup>. Además se activa la descarga del circuito RC por el terminal siete, esto provoca un descenso en el voltaje del condensador(periodo que actua como fuente).

El voltaje del condensador baja hasta llegar a  $(\frac{1}{3}) * V_{cc}$  momento en el cual se activa nuevamente el disparo, se cierra el circuito de descarga, la salida nuevamente es de 5V y comienza un nuevo ciclo.

Esta iteración en la salida del circuito es la generadora del parpadeo de los led conectados al terminal tres.

En la página del curso <http://mecatronica.li2.uchile.cl/images/555.gif> se presenta un gif animado que muestra el proceso completo de carga y descarga del condensador en el circuito, y además se puede observar como se genera la señal de salida en el terminal 3. En la siguiente figura podemos observar las gráficas del voltajes en el condensador y salida del sistema.

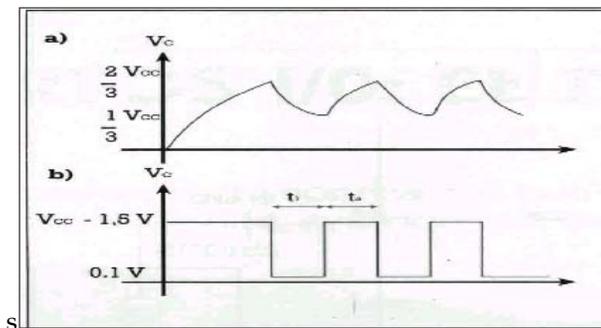


Figura 10:

a)Gráfica de la tansi3n del condensador conectado al terminal 2 y 6

b)Gráfica de la tansi3n de la salida del circuito, en terminal 3.

### Cosas importantes:

La oscilaci3n en la salida del circuito depende de los valores de  $C$ ,  $R_a$  y  $R_b$ .

Al principio se observa un largo mayor en el encendido del led conectado entre la salida y tierra. Esto se debe a que el voltaje del condensador empieza en cero y en los siguientes periodos este nunca baja de  $(\frac{1}{3}) * V_{cc}$ .

Los leds deben conectarse en serie con resistencias de alrededor de  $1K\Omega$  con motivo de disipar el voltaje que "sobra" entre el aplicado entre sus terminales y el encendido de estos.

Se debe notar que las constantes de tiempo para el momento de carga y descarga del condensador son diferentes.

Para sacar la frecuencia de trabajo del circuito se utilizan las siguientes expresiones:

$$\tau_a = 0,693 * C_1 * (R_a + R_b)$$

Siendo  $\tau$  el tiempo que permanece la se1al de salida del 555 a nivel alto.

<sup>3</sup>Determinar porque ocurre esto

$$\tau_b = 0,693 * C_1 * R_b$$

Siendo  $\tau_b$  el tiempo que permanece la señal de salida del 555 a nivel bajo.

Por lo tanto, el periodo de la señal será:

$$T = \tau_a + \tau_b = 0,693 * C_1 * (R_a + 2R_b)$$

Como la frecuencia de trabajo es:

$$f = \frac{1}{T} \Rightarrow f = \frac{1,44}{C_1(R_a + 2R_b)}$$

Si se considera que  $R_b \gg R_a$  se puede realizar algunas simplificaciones.

$$\Rightarrow f = \left( \frac{0,72}{C_1} \right) * R_b$$

Esta suposición es la condición que debemos aplicar para conseguir un generador de onda cuadrada simétrico.