



Universidad de Chile  
 Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas  
 Profesor: Daniel Remenik  
 Prof. Auxiliar: Alberto Vera Azócar

## Probabilidades y Estadística

### Clase Auxiliar 13 - Intervalos de Confianza de Neyman<sup>1</sup>

20 de junio de 2013

**Problema 1 [Diferencia de Medias].-** Sean las v.a.  $X$  e  $Y$  el ingreso de dos empresas. Supongamos que  $X \sim \mathcal{N}(\mu_1, 1)$  y que  $Y \sim \mathcal{N}(\mu_2, 1)$ , donde las medias son desconocidas. Se tienen dos m.a.s.  $X_1, \dots, X_n$  para la empresa 1 e  $Y_1, \dots, Y_n$  para la empresa 2.

Construya un intervalo de confianza de confiabilidad  $1 - \alpha$  para  $\mu_1 - \mu_2$

**Problema 2 [Aprobación Política].-** Se desea estimar la proporción de estudiantes que está de acuerdo con el paro. Se tiene un m.a.s.  $X_1, \dots, X_n$  para tal propósito. Construya un intervalo de confianza de confiabilidad  $1 - \alpha$ .

Indicación: Puede suponer que la varianza de  $X_1$  es  $\frac{1}{4}$ . ¿Por qué este es un buen supuesto?

**Problema 3 [Intervalo Para la Varianza].-** Sea  $X_1, \dots, X_n$  un m.a.s. de una población normal, se requiere el intervalo de confianza de  $\sigma^2$  al 90 % de confianza, use el Cuadro 1 para la construcción de los intervalos en los siguientes casos:

1. Si  $\mu$  es conocido y vale 3, dé el intervalo de confianza si se tienen los datos  $s_n^2 = 9$  y  $n = 100$ .
2. Si  $\mu$  es desconocido, dé el intervalo de confianza si se tienen los datos  $s_{n-1}^2 = 9$ ,  $\bar{x} = 3.00001$  y  $n = 100$ .

Nota: Si un parámetro se conoce, pero no se utiliza en la estimación, entonces los intervalos de confianza resultantes no serán los mejores.

**Problema 4 [Estimación para una Uniforme].-** Considere un m.a.s.  $X_1, \dots, X_n$  de una v.a. que se sabe uniforme en  $[0, \theta]$ , con  $\theta$  desconocido. Expresé el intervalo de confianza para  $\theta$  en función de la significación  $1 - \alpha$ . NO asuma simetría en las colas de las distribuciones. Se recomienda estudiar el pivote  $\hat{\theta} = \frac{\max\{X_1, \dots, X_n\}}{\theta}$ .

Cuadro 1: Entrada es  $\mathbb{P}(\chi_n^2 \leq c)$  para distintos  $c$  y grados de libertad

	$c = 77.04$	$c = 77.9$	$c = 123.2$	$c = 124.3$
$n = 100$	4.9 %	5 %	94.9 %	95 %
$n = 99$	5 %	5.1 %	95 %	95.1 %

---

<sup>1</sup>Los intervalos de confianza fueron introducidos por Jerzy Neyman en 1937 mediante el paper "Outline of a Theory of Statistical Estimation Based on the Classical Theory of Probability"