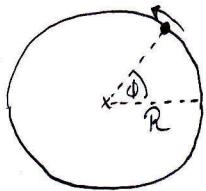


# Pauta Ejercicio 5

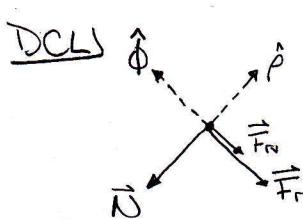
FI 2001-06 / 2012-01

Prof: Patricio Cordero



Si bien el problema es claramente de trabajo y energía, necesitamos conocer el trabajo realizado por 2 fuerzas no conservativas. Luego, necesitamos tener formas funcionales de estas fuerzas.

¿Cómo obtenerlas?  $\Rightarrow$  dinámica



$$\sum \vec{F} = \vec{N} + \vec{F}_n + \vec{F}_r = -N\hat{p} - \mu N\hat{\phi} - m\vec{v}\vec{v}$$

$$\text{con } \dot{\phi}(t=0) = \omega_0 \text{ y } \phi(t=0) = 0$$

$$\text{Como el mov. es circular} \Rightarrow \vec{v} = R\dot{\phi}\hat{\phi}$$

$$\Rightarrow \hat{p} + mR\dot{\phi}^2 = -N$$

$$\ddot{\phi} mR\ddot{\phi} = -\mu N - m(R\dot{\phi})^2$$

$$\ddot{\phi} \text{ en } \ddot{\phi} \Rightarrow mR\ddot{\phi} = -\mu mR\dot{\phi}^2 - mR^2\ddot{\phi}^2 \quad \ddot{\phi} = \frac{\dot{\phi}d\dot{\phi}}{d\phi}$$

$$\Rightarrow \cancel{\frac{\dot{\phi}d\dot{\phi}}{d\phi}} = -\mu \dot{\phi}^2 - \frac{mR}{m} \dot{\phi}^2$$

$$\frac{d\dot{\phi}}{d\phi} = -\left(\mu + \frac{mR}{m}\right)\dot{\phi}$$

$$\frac{d\dot{\phi}}{\dot{\phi}} = -\left(\mu + \frac{mR}{m}\right)d\phi \quad | \int$$

$$\ln\left(\frac{\dot{\phi}/\omega_0}{\dot{\phi}}\right) = -\left(\mu + \frac{mR}{m}\right)\phi$$

$$\boxed{\dot{\phi} = \omega_0 e^{-\left(\mu + \frac{mR}{m}\right)\phi}} \quad (1)$$

Se puede volver a integrar:

$$(1) \Rightarrow \frac{d\phi}{dt} = \omega_0 e^{-\left(\mu + \frac{mR}{m}\right)\phi}$$

$$e^{(\mu + \frac{mR}{m})\phi} d\phi = \omega_0 dt \quad | \int$$

$$\frac{1}{\mu + \frac{mR}{m}} \left[ e^{(\mu + \frac{mR}{m})\phi} - 1 \right] = \omega_0 t$$

$$e^{(\mu + \frac{mR}{m})\phi} = \omega_0 \left( \mu + \frac{mR}{m} \right) t + 1$$

$$\phi(t) = \frac{1}{\left(\mu + \frac{mR}{m}\right)} \ln \left[ \omega_0 \left( \mu + \frac{mR}{m} \right) t + 1 \right] \quad (2)$$

$$a) W_{0 \rightarrow t_1}^{\vec{F}_{\text{Total}}} = \int_{t=0}^{t_1} \vec{F} \cdot \frac{d\vec{r}}{dt} dt$$

$\vec{N}$  no realiza trabajo. Los otros 2 si:

$$\Rightarrow W_{0 \rightarrow t_1}^{\vec{F}_T} = \int_0^{t_1} \vec{F}_T \cdot \vec{v} dt + \int_0^{t_1} \vec{F}_n \cdot \vec{v} dt$$

$\vec{v} = R\dot{\phi}\hat{\phi}$  y de (2) se tiene que  $\dot{\phi}$  es:

$$\frac{d\phi}{dt} = \omega_0 \frac{1}{\omega_0(\mu + \frac{mR}{m})t + 1}$$

$$\text{si } \eta = \frac{m\mu}{R} \Rightarrow \mu + \frac{mR}{m} = 2\mu$$

$$\dot{\phi} = \frac{\omega_0}{2\omega_0\mu t + 1}$$

$$\Rightarrow W_{0 \rightarrow t_1}^{\vec{F}_T} = \int_0^{t_1} -\mu m R \dot{\phi}^2 \cdot R \dot{\phi} dt + \int_0^{t_1} \underbrace{-\frac{m\mu}{R} R^2 \dot{\phi}^2 \hat{\phi}}_{M} \cdot R \dot{\phi} \hat{\phi} dt$$

$$W_{0 \rightarrow t_1}^{\vec{F}_T} = -2\mu m R^2 \int_0^{t_1} \dot{\phi}(t) dt \rightarrow \text{hasta acá tienen todo el pto de (a)}$$

Notar que es  $< 0$ ,  $\vec{w}_0$  quita energía

Esta vez, ocupamos (i)

$$b) W_{0 \rightarrow \pi}^{\vec{F}_T} = \int_0^{\pi} \vec{F}_T \cdot R d\phi \hat{\phi}$$

$$= - \int_0^{\pi} \mu m R \dot{\phi}^2 \hat{\phi} \cdot R d\phi \hat{\phi} - \int_0^{\pi} \underbrace{\frac{m\mu}{R} R^2 \dot{\phi}^2 \hat{\phi}}_{M} \cdot R d\phi \hat{\phi}$$

$$= -2\mu m R^2 \int_0^{\pi} \dot{\phi}^2(\phi) d\phi \rightarrow \text{hasta acá tienen todo el pto de (b)}$$

$$= -2\mu m R^2 \int_0^{\pi} \omega_0 e^{-2\mu\phi} d\phi$$

→ Nuevamente negativo

F.