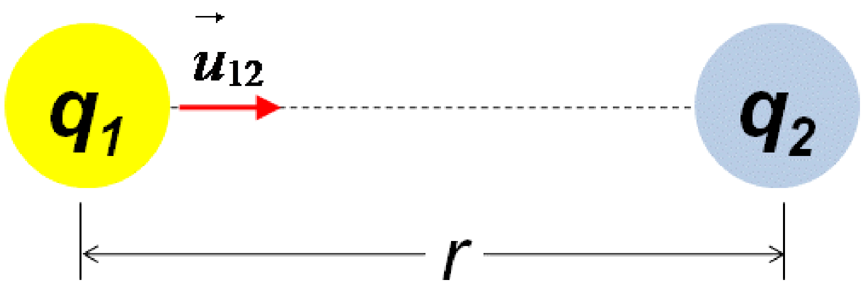
Métodos Experimentales FI2003

Profesor: Rafael Pujada
Departamento de Ciencia de los Materiales (DCM)
brpujada@ing.uchile.cl

Semestre: Primavera 2011
Cátedras: Lunes 16:15 – 17:30
Laboratorio sección 1: Lunes 10:00 – 13:00
Laboratorio sección 3: Miércoles 08:15 – 11:15

Ley de Coulomb

El físico francés Charles Coulomb estableció a partir de sus experimentos que para dos cargas en reposo, existe una fuerza directamente proporcional al producto de las cargas e inversamente proporcional al cuadrado de la distancia que las separa.



$$|F| = k_e \frac{|q_1 q_2|}{r^2}$$

$$k_e = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} = 9\times10^9 \frac{Nm^2}{C^2}$$

(SI: newton * metro^2/coulomb^2)

ε_0 : permitividad del vacío.

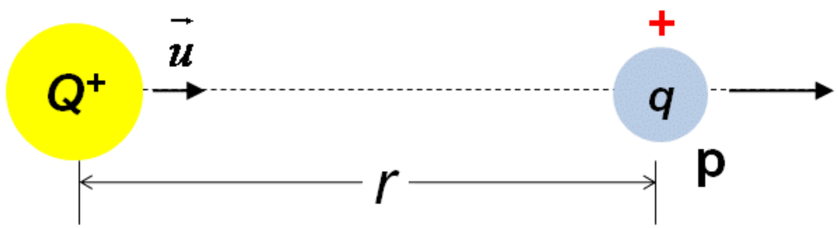
Vectorialmente

$$\vec{F}_{12} = k_e \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \vec{u}_{12}$$

Donde $\vec{F}_{12}$ es la fuerza que ejerce q_1 sobre q_2.

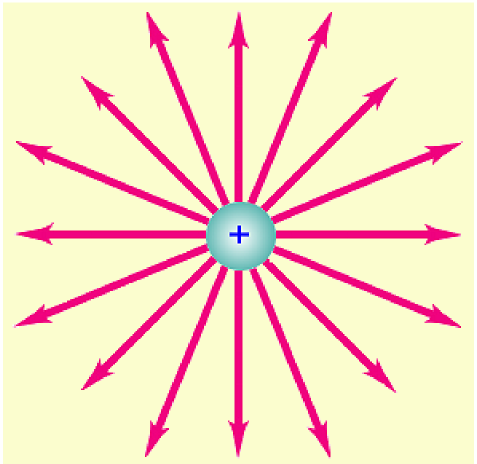
Campo eléctrico

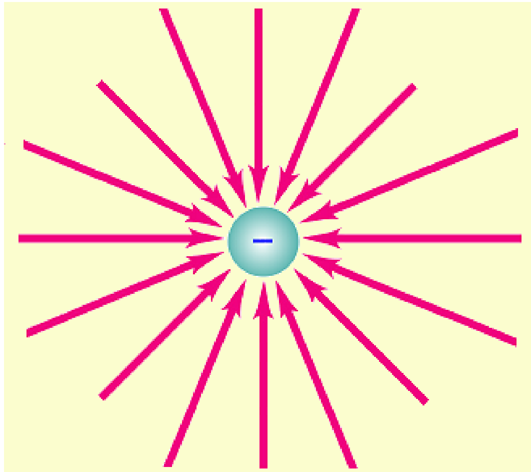
Un campo eléctrico existe en la región del espacio que rodea a una carga eléctrica. Cuando otro objeto cargado entra en la región de este campo, una fuerza eléctrica se ejercerá sobre el objeto cargado.



$$\vec{E}_p = \frac{\vec{F}}{q} = k_e \frac{Q}{r^2}\vec{u}$$

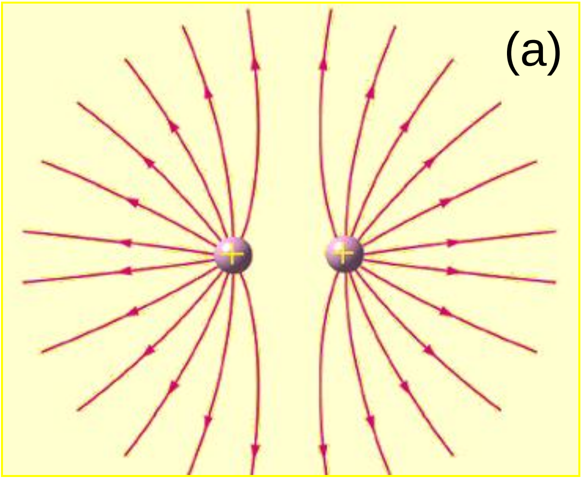
Las líneas de campo eléctrico son una forma grafica de representar $\vec{E}$.

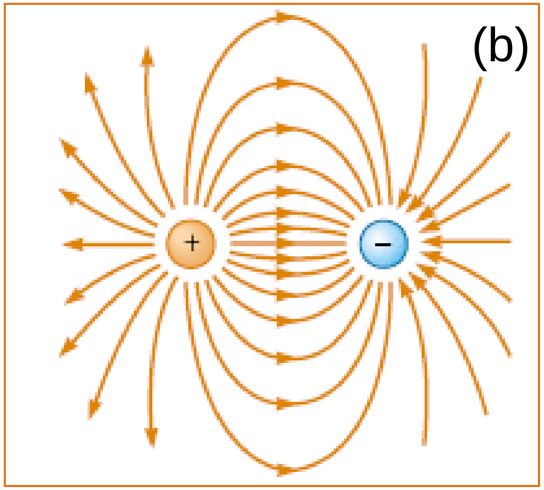




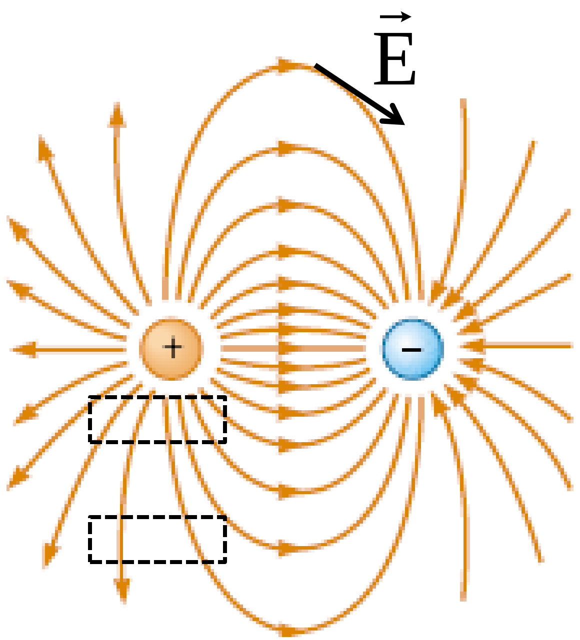
Las líneas de campo eléctrico comienzan en la carga positiva y terminan en la negativa y su número es proporcional a la magnitud de la carga.

Campo eléctrico





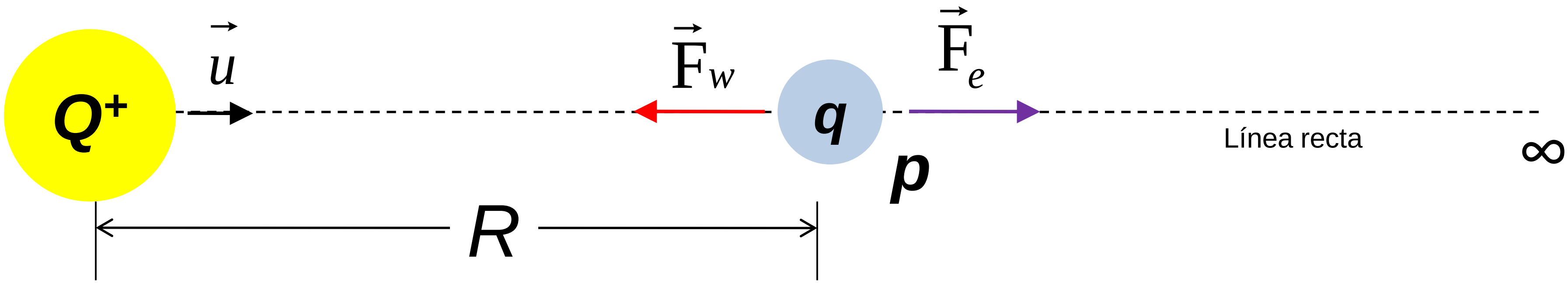
Líneas de campo eléctrico para dos cargas iguales (a) y opuestas (b).



- Tanto el campo como la fuerza eléctrica son tangentes a las líneas de campo.
- El número de líneas por unidad de área es proporcional al módulo del campo en esa región ($E \propto 1/r^2$).
- Las líneas de campo eléctrico nunca se cruzan.

Energía Potencial Electrostática

La energía potencial electrostática **U** es el trabajo realizado para traer una carga *q* desde el infinito hasta el punto *p*, a una distancia *R* de la carga Q.



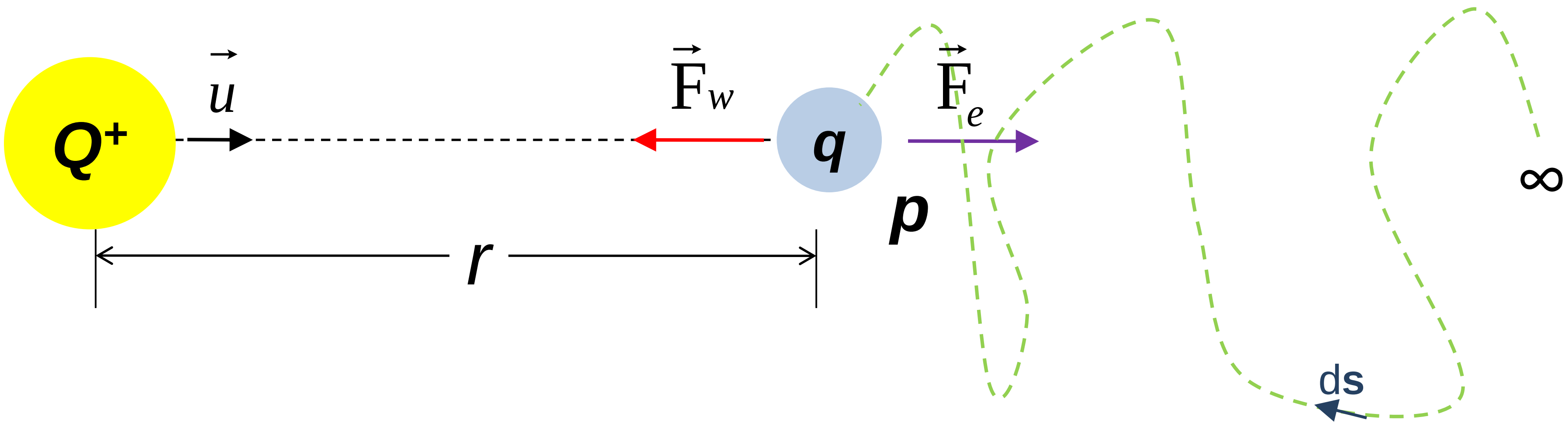
Si $\mathbf{F}_w$ es la fuerza que realiza el trabajo, entonces:

$$U_W = \int_{\infty}^{R} \mathrm{F}_w \bullet \mathrm{dr} = -\int_{\infty}^{R} \mathrm{F}_e \bullet \mathrm{dr} = \int_{R}^{\infty} \mathrm{F}_e \bullet \mathrm{dr}$$

$$U_W = k_e Q q \int_{R}^{\infty} \frac{1}{r^2}\,\mathrm{dr} \quad \Rightarrow \quad \mathrm{U}_W = k_e \frac{Qq}{R} \quad [\mathcal{J}]$$

Si Q y q tienen el mismo signo, el trabajo será positivo.

Energía Potencial Electrostática

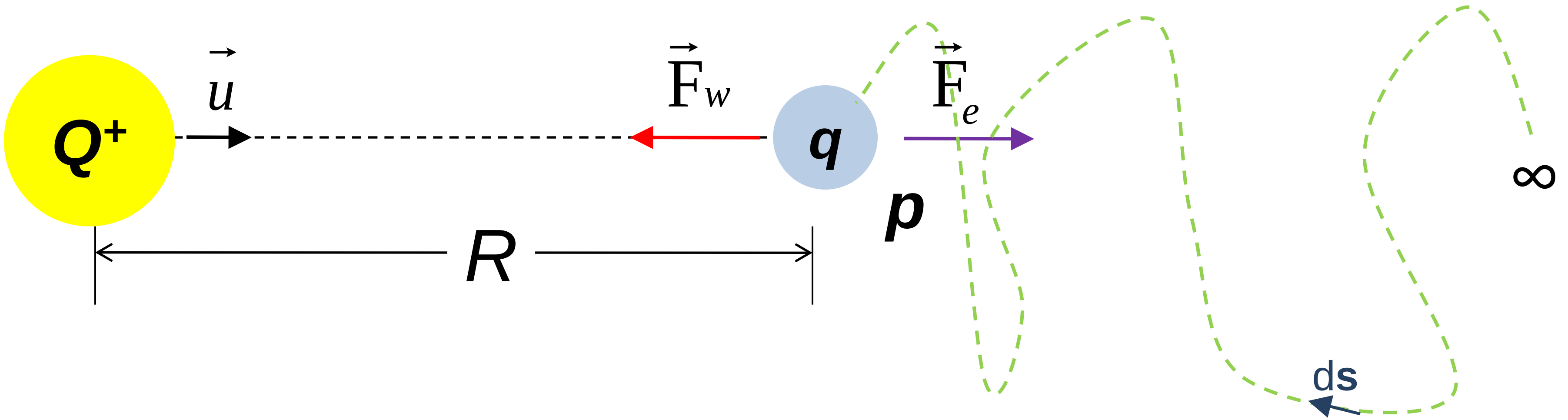


Cualesquiera sea el camino usado para traer la carga q desde el infinito hasta el punto *p*, el trabajo será el mismo: la fuerza eléctrica es conservativa.

La energía potencial electrostática también puede ser expresada de la siguiente forma:

$$U_W = -\int_{\infty}^{R} \mathrm{F}_e \bullet \mathrm{ds} = -q\int_{\infty}^{R} \mathrm{E}_e \bullet \mathrm{ds}$$

Potencial Eléctrico



El potencial eléctrico es el trabajo por unidad de carga para traer *q* desde ∞ hasta el punto p.

$$V = k_e \frac{Q}{R}$$

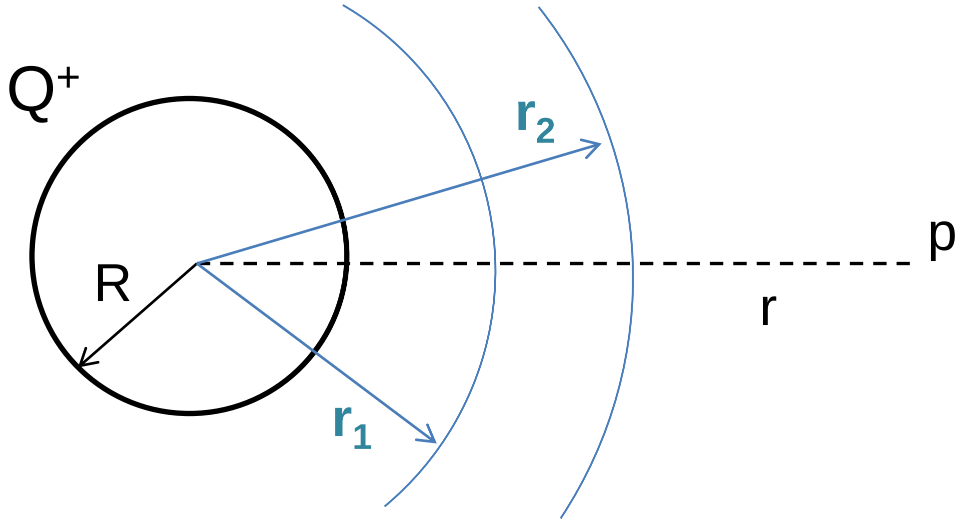
[J]/[C] = [V] Volt

Puesto que *q* es positivo, tendremos un potencial positivo (negativo) cerca de una carga positiva (negativa) y cero potencial en el infinito.

El potencial eléctrico también puede expresarse como:

$$V_P = \frac{1}{q}\left[-\int_{\infty}^{R} F_e \bullet dr\right] = \int_{R}^{\infty} \frac{F_e}{q} \bullet dr = \int_{R}^{\infty} E \bullet dr$$

Potencial Eléctrico



Para una esfera de radio R, el potencial en el punto *p* a una distancia r mayor que R, será:

$$V = k_e \frac{Q}{r}$$

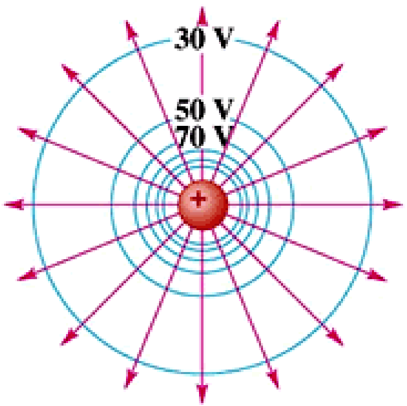
Si r < R, el potencial es constante (no hay campo eléctrico, por tanto no tenemos que hacer ningún trabajo para mover la carga *q* dentro de la esfera). En este caso el potencial es:

$$V = k_e \frac{Q}{R}$$

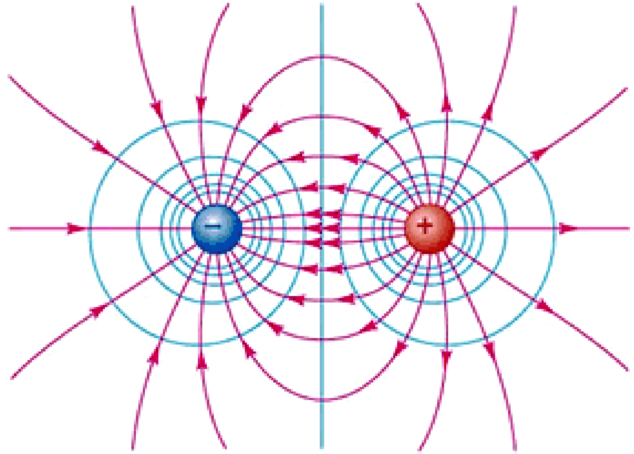
Para un determinado valor de r (r_1, r_2) tendremos una superficie con un mismo potencial la cual es llamada de superficie equipotencial en el caso tridimensional y línea equipotencial en el caso bidimensional.

Potencial Eléctrico

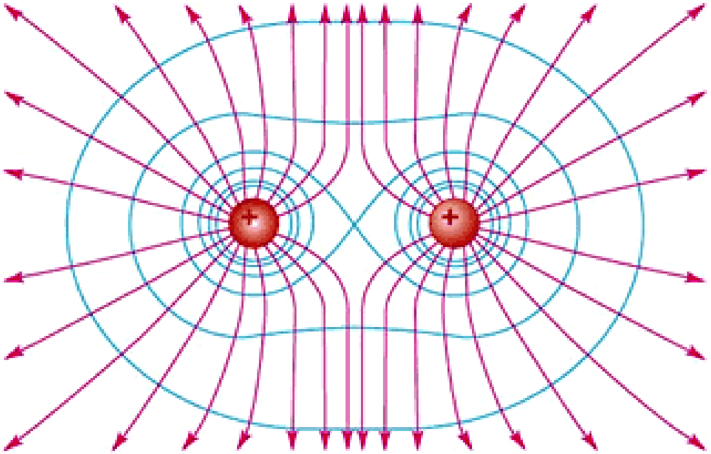
Algunos ejemplos de líneas equipotenciales (en azul)



Carga positiva



Dipolo eléctrico



Dos cargas positivas

El principio de superposición también se aplica a los potenciales:

• p

Q_1

+

$V > 0$

-

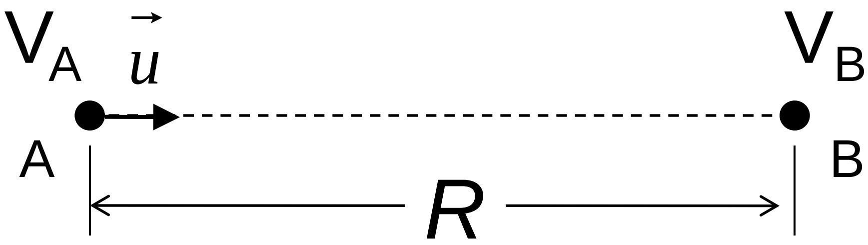
Q_2

$V < 0$

$$V_p = V_{p,\,Q1} + V_{p,\,Q2}$$

Potencial Eléctrico

Las cargas positivas van de un potencial eléctrico alto a un potencial eléctrico bajo y cargas negativas de un potencial bajo a un potencial alto.



$$V_A = \int_A^\infty E \bullet dr \qquad V_B = \int_B^\infty E \bullet dr$$

$$V_B - V_A = -\int_A^B E \bullet dr$$

Sea $V_A > V_B$ entonces una carga de prueba q^+ puesta en A ira hasta B. El cambio en energía potencial será:

$$U_A - U_B = q(V_A - V_B)$$

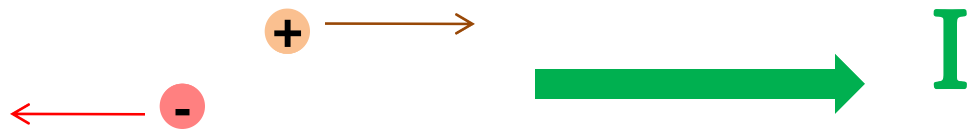
Esta diferencia en energía proporcionara energía cinética a la carga.

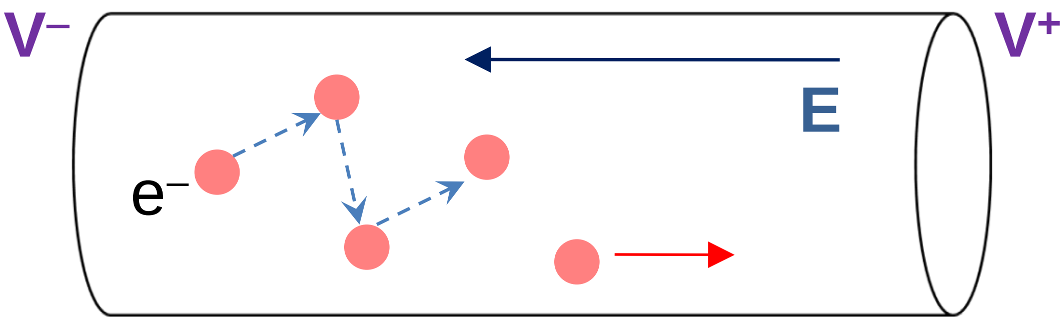
Demuestre que el campo eléctrico pude expresarse como:
Donde ∇ es la operación gradiente.

$$\vec{E} = -\nabla V$$

Ley de Ohm

Por definición:





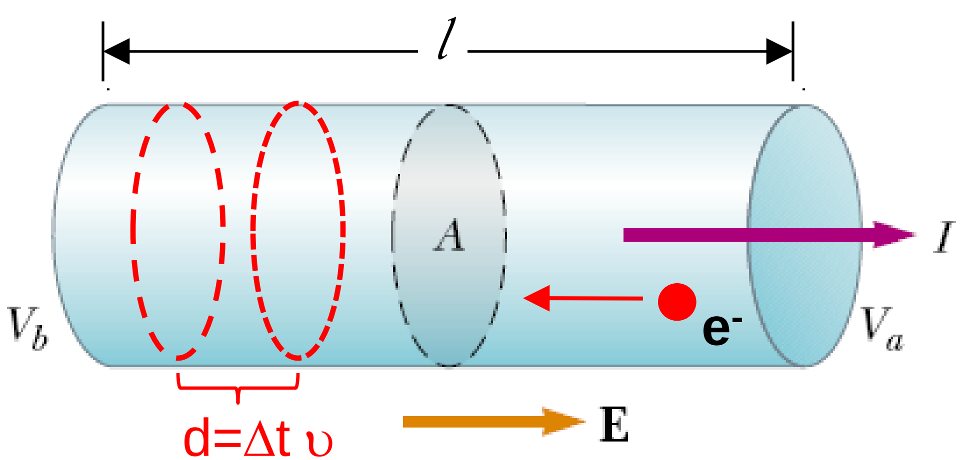
Cuando una corriente fluye por un conductor, son los electrones responsables por esa corriente.

$$F = eE = m_e a \Rightarrow a = \frac{eE}{m_e}$$

Se define la velocidad de arrastre v_d como: $v_d = a\tau$

$$\boxed{v_d = \frac{eE}{m_e}\tau}$$

donde τ es el tiempo medio entre colisiones.



Cuantos electrones pasan a través de la sección transversal A en una unidad de tiempo Δt sabiendo que la densidad de electrones libres es *n*?

Ley de Ohm

$$\# e^{-} = (d * \mathrm{A}) n = (v_d \Delta t) A\, n \quad \Rightarrow \quad \Delta Q = [(v_d A n) \Delta t] e$$

Se define la corriente I como la cantidad de carga (e^{-}) que pasa a través de A en la unidad de tiempo.

$$\boxed{\mathrm{I} = \frac{dQ}{dt} = (v_d \mathrm{A} n) e}$$

Reemplazando v_d:

$$\boxed{\mathrm{I} = \left(\frac{\mathrm{e}^2 \mathrm{n}\, \tau}{m_e} \right) \mathrm{AE} = \sigma \mathrm{AE}} \quad [\mathrm{A}]$$

Donde σ es la conductividad eléctrica del material.

$$\mathrm{I} = \frac{\sigma \mathrm{AV}}{l} \Rightarrow \mathrm{V} = \left(\frac{l}{\sigma \mathrm{A}} \right) I = RI \quad \Rightarrow \quad \boxed{\mathrm{R} = \frac{l}{\sigma \mathrm{A}}} \quad [\Omega]$$

Resistencia

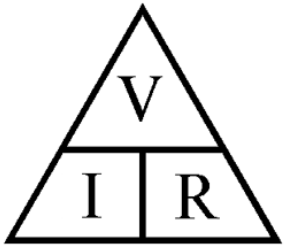
Se define la resistividad ρ como: $\rho = \dfrac{1}{\sigma}$

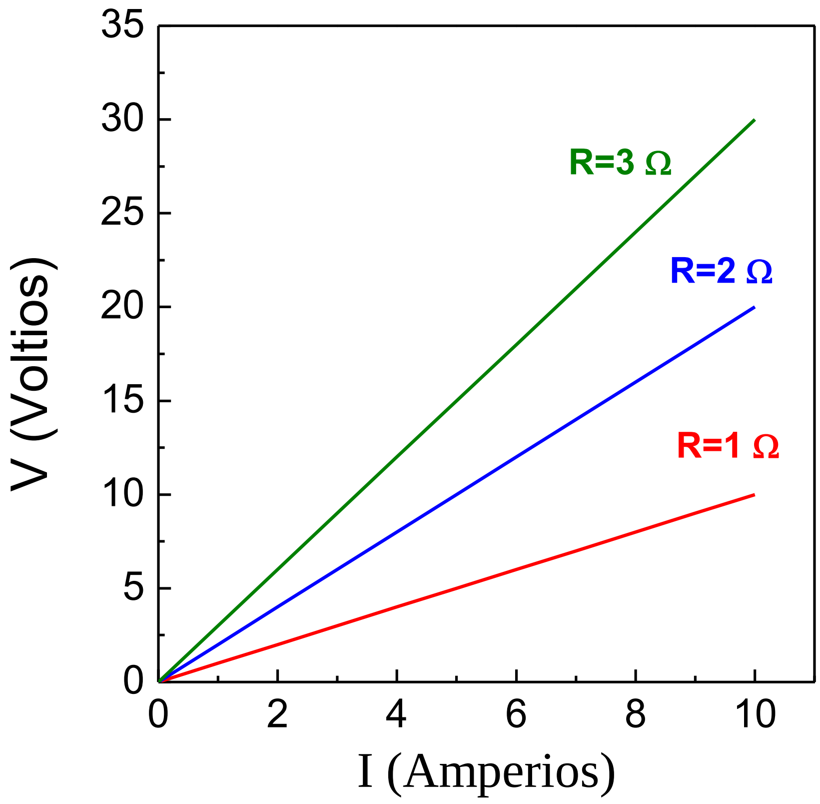
$$\boxed{\mathrm{R} = \frac{l \rho}{\mathrm{A}}}$$

Ley de Ohm

$$V = IR$$

"Ley de Ohm"

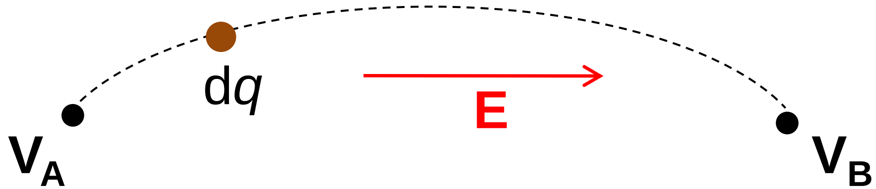




Los conductores que obedecen la relación entre V y I se denominan conductores ohmicos.

Ley de Ohm

Supongamos que:



$V_A > V_B$

Si dq se mueve de A a B, entonces el campo eléctrico realizará un trabajo.

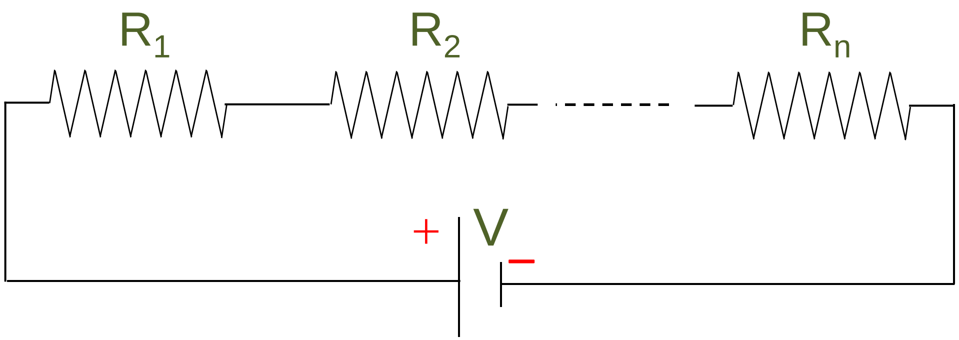
$$\frac{dW}{dt} = \frac{dq}{dt}\left(V_A - V_B\right)$$: Potencia eléctrica $\left[\frac{J}{s}\right]$: Watts

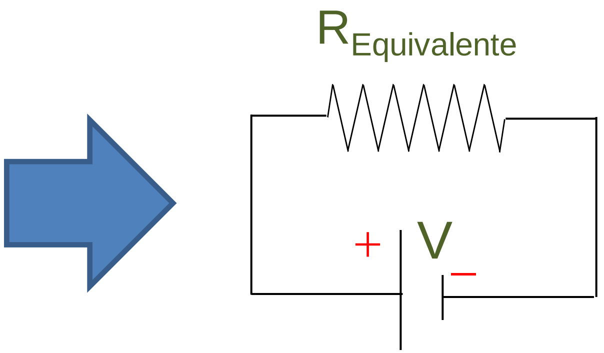
$$\boxed{\mathrm{P} = IV} \Rightarrow \boxed{\mathrm{P} = I^2 R = \frac{V^2}{R}}$$

Esta es la potencia disipada debido a la diferencia de potencial.

Asociación de resistencias

Resistencias en Serie



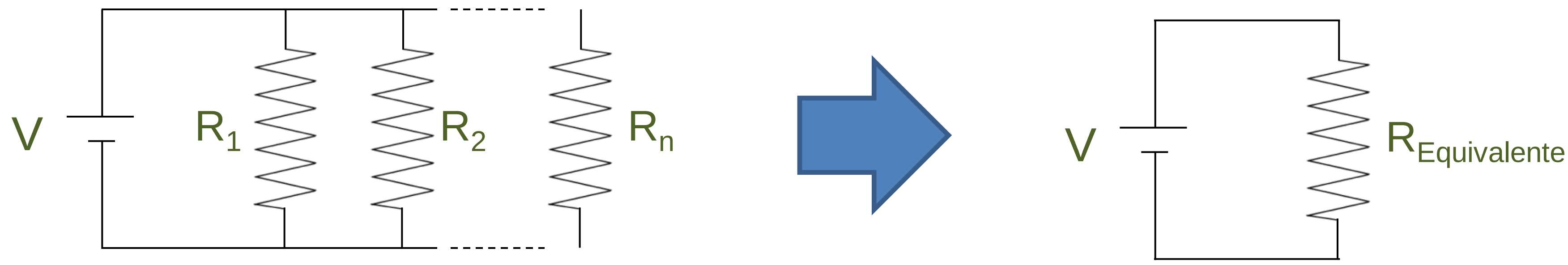


$$V_{Total} = V_1 + V_2 + \ldots + V_n = IR_1 + IR_2 + \ldots + IR_n = I(R_1 + R_2 + \ldots + R_n)$$

$$\Rightarrow \frac{V_T}{I} = R_{Equivalente} = R_1 + R_2 + \ldots + R_n = \sum_{i=1}^{n} R_i$$

Asociación de resistencias

Resistencias en Paralelo



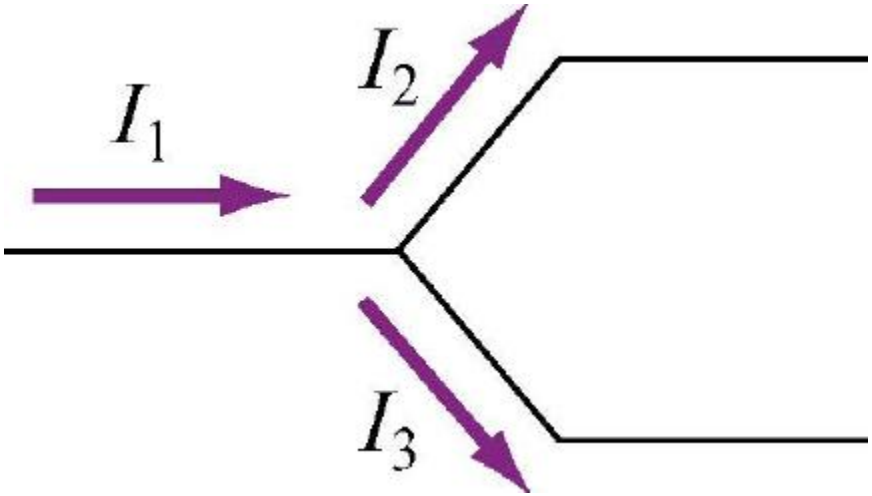
$$I_{Total} = I_1 + I_2 + \ldots + I_n = \frac{V_T}{R_1} + \frac{V_T}{R_2} + \ldots + \frac{V_T}{R_n} = V_T\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \ldots + \frac{1}{R_n}\right)$$

$$\Rightarrow \frac{I_T}{V_T} = \frac{1}{R_{Equivalente}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \ldots + \frac{1}{R_n} = \sum_{i=1}^{n} R_i$$

Reglas de Kirchhoff

Primera Regla: Regla de las corrientes (de los nodos):

- La suma de corrientes que llegan a una junción (un nodo) es igual a la suma de corrientes que salen de la junción.



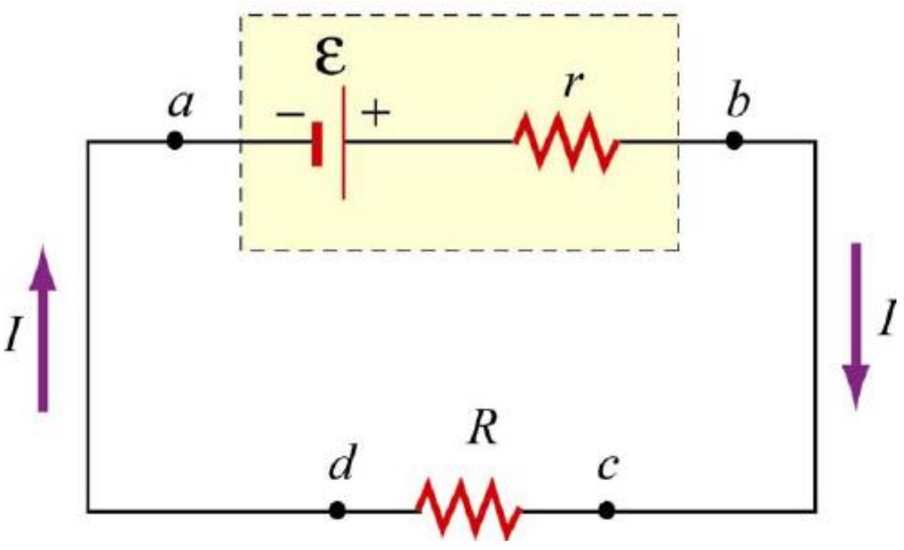
$$I_1 = I_2 + I_3$$

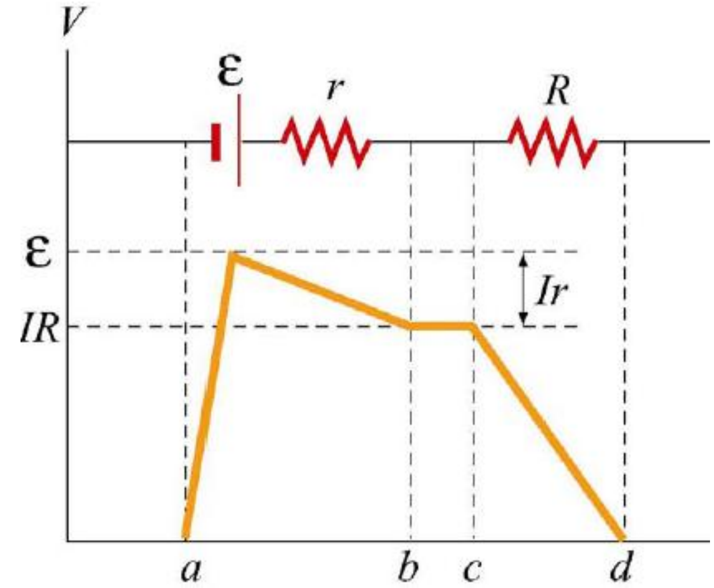
Reglas de Kirchhoff

Segunda Regla: Regla de los voltajes (de las mallas):

- En un circuito cerrado, la suma de diferencias de potenciales (voltajes) a lo largo de una malla cualquiera de un circuito es igual a cero.

$$V_B - V_A = \Delta V = -\int_A^B E \bullet dr = \oint_{\substack{\text{camino}\\ \text{cerrado}}} E \bullet dr = 0$$

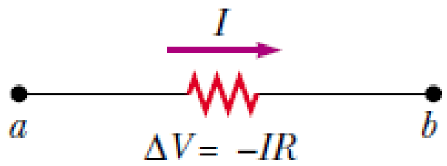




Reglas de Kirchhoff

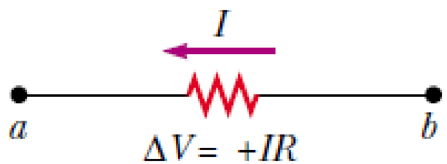
Algunas consideraciones para los cambios de potencial a través de una resistencia y batería cuando se trabaja con las reglas de Kirchhoff. Supongamos que el camino elegido es hacia la derecha $\rightarrow$:

(a)



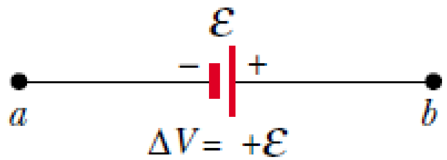
Aquí tenemos una caída de potencial porque la corriente esta en la misma dirección que el flujo.

(b)



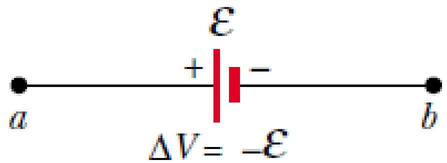
Aquí tenemos una subida de potencial porque la corriente esta en la dirección opuesta al flujo.

(c)



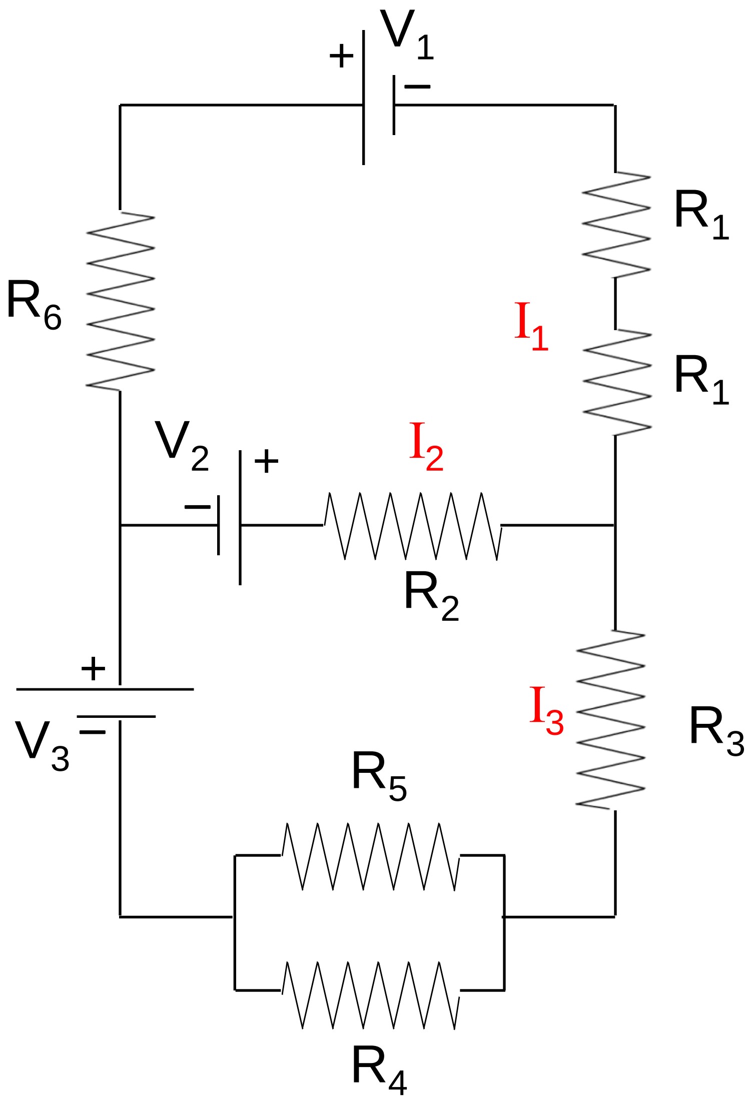
Aquí tenemos una subida de potencial porque la batería esta en la misma dirección que el flujo.

(d)



Aquí tenemos una caída de potencial porque la batería esta en la dirección opuesta al flujo.

Reglas de Kirchhoff

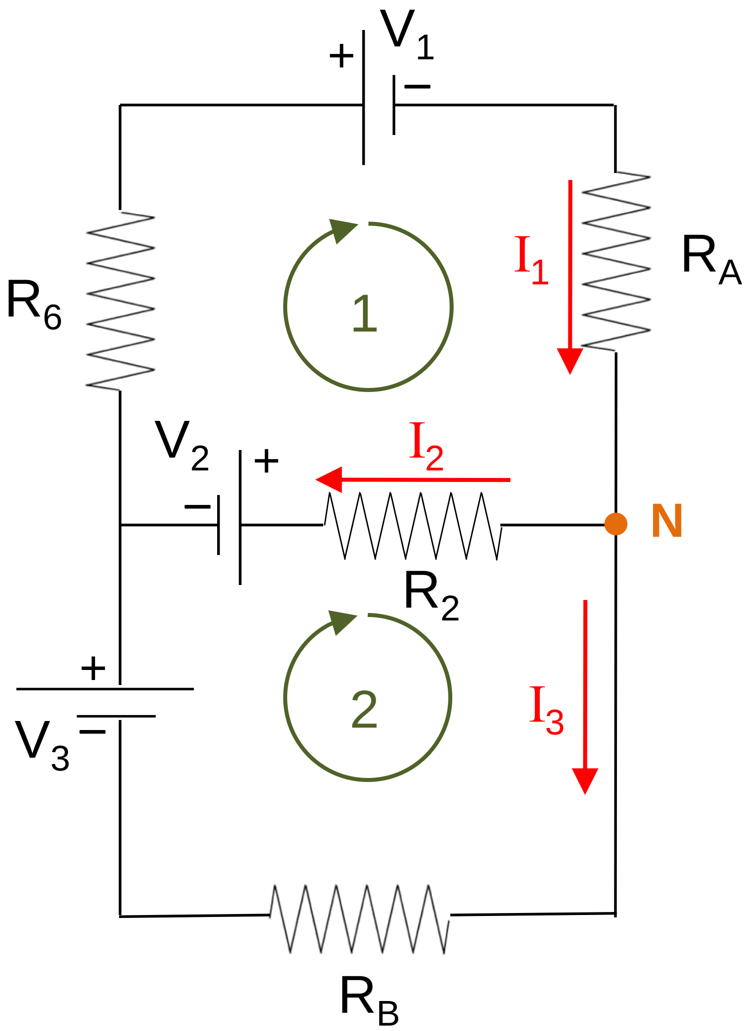


$V_1 = 2$ V
$V_2 = 3$ V
$V_3 = 2$ V

$R_1 = 0.5\ \Omega$
$R_2 = 2\ \Omega$
$R_3 = 3\ \Omega$
$R_4 = 2\ \Omega$
$R_5 = 2\ \Omega$
$R_6 = 1\ \Omega$

$I_1 = ?$
$I_2 = ?$
$I_3 = ?$

Reglas de Kirchhoff



1. Reducir todas las posibles resistencias conectadas en serie y paralelo por sus resistencias equivalentes.

$$R_A = 2R_1$$

$$R_B = R_3 + R_5R_4/(R_5+R_4)$$

2. Establecer una dirección para las corrientes, elegir las mallas y su sentido.

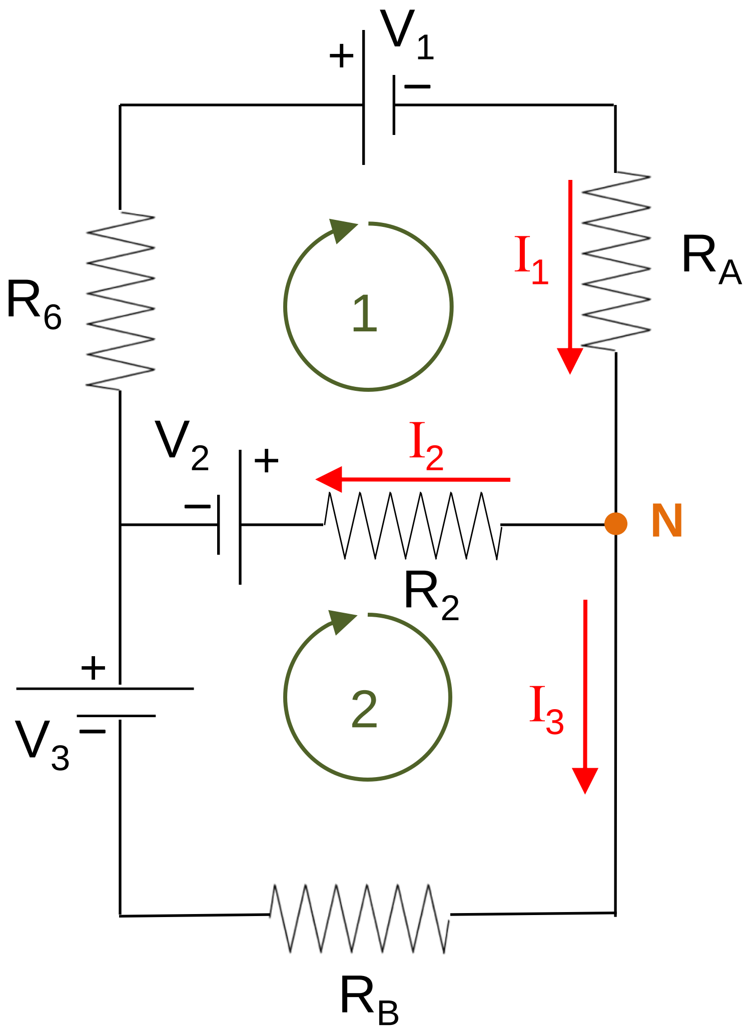
3. Determinar un nodo y aplicar la primera regla de Kirchhoff (en este caso el nodo en el punto N):

$$I_1 = I_2 + I_3 \qquad (1)$$

4. En la malla uno aplicar la segunda regla de Kirchhoff:

$$- V_1 - I_1R_A - I_2R_2 - V_2 - (I_2 + I_3)R_6 = 0 \qquad (2)$$

Reglas de Kirchhoff



5. En la malla dos aplicar la segunda regla de Kirchhoff:

$$- I_3R_B + V_3 + V_2 + I_2R_2 = 0 \qquad (3)$$

$$I_1 = \frac{-(V_1+V_2)(R_2+R_B)+(V_2+V_3)R_2}{(R_6+R_A)(R_2+R_B)+R_2R_B}$$

$$I_2 = -\frac{(V_1+V_2)R_B+(V_2+V_3)(R_6+R_A)}{(R_6+R_A)(R_2+R_B)+R_2R_B}$$

I_1 = -1 A

I_2 = -1,5 A

I_3 = 0,5 A

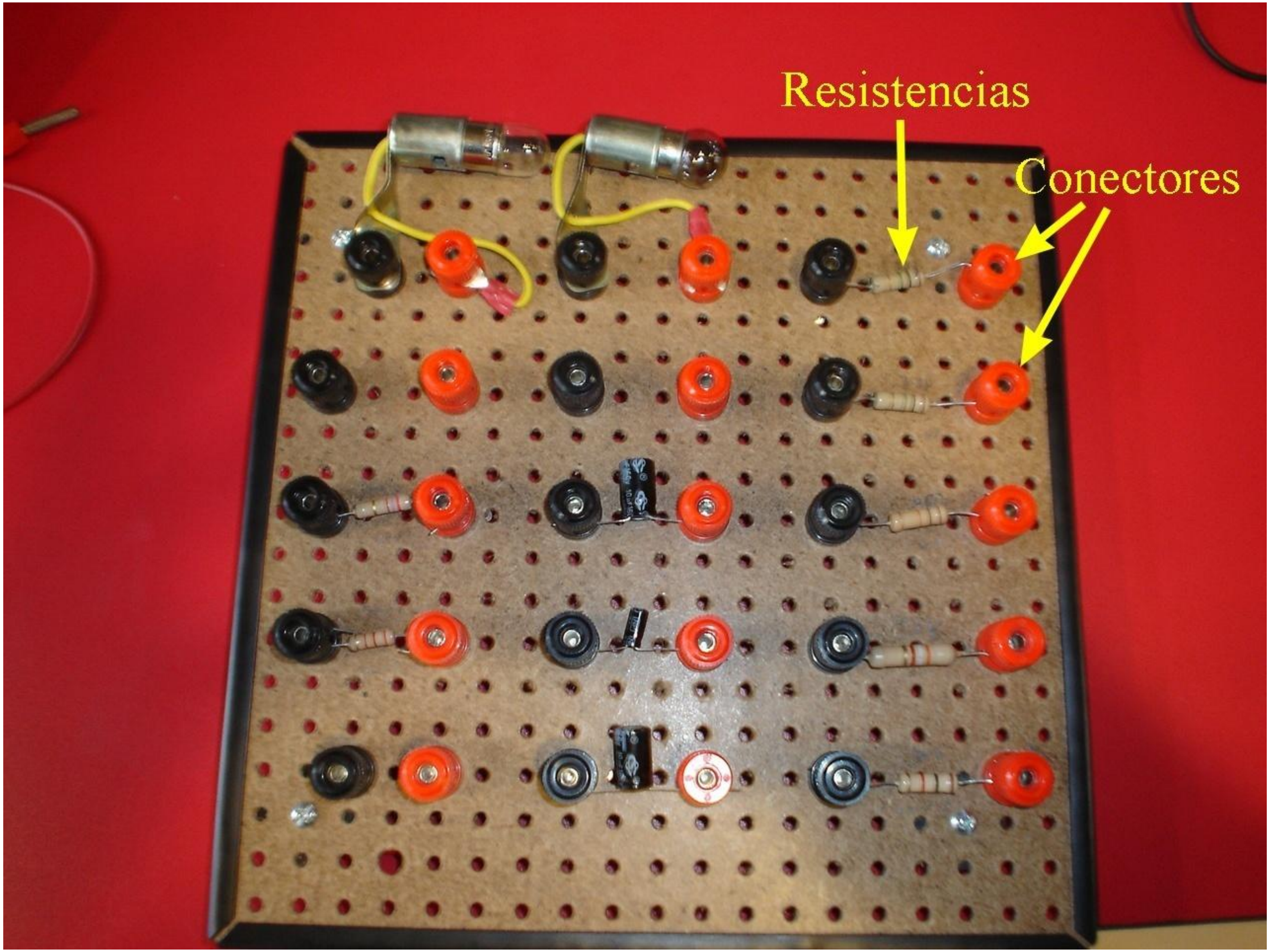
Laboratorio 1

A. Medidas básicas con un multímetro
   - Resistencia (A1), voltaje, corriente, continuidad (A4)

B. Medida de caída de tensión en una resistencia y en una ampolleta
   - Medición de voltaje y corriente simultanea
   - Gráfica VI (B1 y B2)

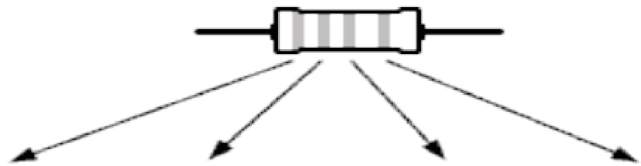
C. Asociación de resistencias
   - Conexión de resistencias en serie y en paralelo
   - Conexión de ampolletas y cálculos de potencia

Laboratorio 1



Laboratorio 1

Códigos y series de las Resistencias



Código de colores

Colores	1ª Cifra	2ª Cifra	Multiplicador	Tolerancia
Negro		0	0	
Café	1	1	x 10	±1%
Rojo	2	2	x 10^2	±2%
Naranja	3	3	x 10^3	
Amarillo	4	4	x 10^4	
Verde	5	5	x 10^5	±0.5%
Azul	6	6	x 10^6	
Violeta	7	7	x 10^7	
Gris	8	8	x 10^8	
Blanco	9	9	x 10^9	
Dorado			x 10^{-1}	±5%
Plateado			x 10^{-2}	±10%
Sin color				±20%

Ejemplo: Si los colores son: **Café - Negro - Rojo – Dorado**

- Su valor en Ohms es: $10 \times 10^2 = 1000\Omega = 1\ K\Omega$, tolerancia de $\pm 5\%$.

Laboratorio 1

Fuente de poder y multímetro