# EL3001: Análisis y Diseño de Circuitos Eléctricos

#### Introducción

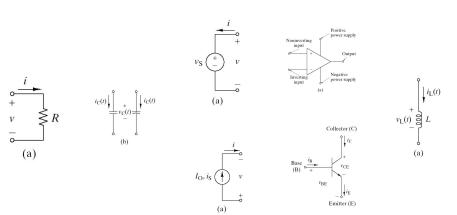
Jorge Silva



## Circuitos Eléctricos

Inter-conexión de elementos o dispositivos eléctricos para el tratamiento de señales, con el objetivo de transferir-manipular energía e información.

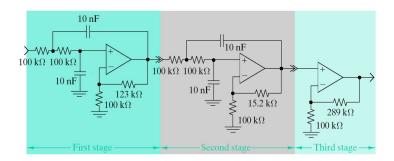
#### Elementos



fcfm Ingeniería Eléctrica

## Circuitos Eléctricos

Inter-conexión de elementos o dispositivos eléctricos para el tratamiento de señales, con el objetivo de transferir-manipular energía e información.



J. Silva

## Implicancias en importantes área de la Ingeniería Eléctrica:

- Circuitos Electrónicos:
  - Procesamiento Analógico (conversión A/D y D/A, aplificadores)
  - Procesamiento Digital (Electronica del Procesamiento Digital, lógica secuencial y combinatoria, registros de memoria, DSP, unidades aritméticas)
- Procesamiento de Señales:
  - amplificación y filtrado de señales, procesamiento en frecuencia
- Comunicaciones:
  - electrónica para modulación (AM, FM, fase, etc.)
  - multiplicadores, correladores (matching filters)
- Energía:
  - redes distribuidas, transferencia/conversión de potencia, Eletrónica de Potencia



#### Este curso se fundamenta en:

- Algebra Lineal: (soluciones de sistemas de ecuaciones lineales)
- Ecuaciones Diferenciales Lineales (solución en el dominio del tiempo)
- Variable Compleja y Transformadas
  - análisis en el dominio de Laplace s (estabilidad, respuesta en frecuencia, régimen permanente)

# Objetivos Generales

Desarrollar las herramientas básicas pata el análisis, diseño y evaluación de circuitos eléctricos

## Objetivos Formativos

Al final del programa se espera que los alumnos:

- a) tengan un entendimiento acabado de los modelos básicos de circuitos lineales,
- b) tengan dominio de las metodologías de análisis (en el *tiempo* (*t*), dominio *transformado* (*s*) y *frecuencia* (*jw*))
- c) posean herramientas y conocimiento para abordar problemas de diseño de circuitos, filtrado de señales, amplificación de señales, y sus aplicaciones.



## Objetivos Generales

Desarrollar las herramientas básicas pata el análisis, diseño y evaluación de circuitos eléctricos

# Objetivos Formativos

Al final del programa se espera que los alumnos:

- a) tengan un entendimiento acabado de los modelos básicos de circuitos lineales,
- b) tengan dominio de las metodologías de análisis (en el tiempo (t), dominio transformado (s) y frecuencia (jw))
- c) posean herramientas y conocimiento para abordar problemas de diseño de circuitos, filtrado de señales, amplificación de señales, y sus aplicaciones.



Unidad I. Introducción

Unidad II. Circuitos Resistivos (8 Clases)

Unidad III. Circuitos Dinámicos (7 Clases)

Unidad IV. Análisis en el Dominio Transformado de Laplace (11 Clases)

Unidad V. Régimen Permanente Sinusoidal (RPS) (6 Clases)



## Circuitos: Interfaz de Entrada-Salida

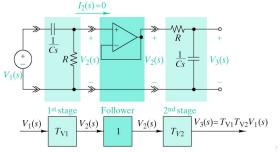
Se trabajara de una perspectiva de procesamiento entrada-salida.

$$x(t) \rightarrow H(\cdot) \rightarrow y(t)$$

x(t) la entrada, y(t) la salida y  $H(\cdot)$  la función de transferencia.

#### Utilidad

- concatenación de eslabones funcionales sencillos
- simplificación del análisis y diseño



J. Silva

## Circuitos: Interfaz de Entrada-Salida

Se trabajara de una perspectiva de procesamiento entrada-salida.

$$x(t) \rightarrow H(\cdot) \rightarrow y(t)$$

x(t) la entrada, y(t) la salida y  $H(\cdot)$  la función de transferencia.

#### Circuitos Lineales

Enfasis se pondrá en el estudio de circuitos lineales:

$$H(\alpha_1 x_1(t) + \alpha_2 \cdot x_2(t)) = \alpha_1 \cdot H(x_1(t)) + \alpha_2 \cdot H(x_2(t))$$

Análisis:

Dado  $H(\cdot)$  y la/las entradas  $x_1(t), x_2(t) \cdots x_K(t)$  determinar la salida y(t)

Diseño

Encontrar la estructura, elementos y parámetros de un circuito eléctrico para implementar una función de transferencia dada  $H(\cdot)$ .

- amplificación y filtrado de señales,
- transferencia de potencia
- procesamiento en general

## usualmente existen múltiples soluciones

Evaluación

Frente a múltiples implementaciones para  $H(\cdot)$ , selecionar basado en

- o costo de la solución, numero de elementos
- consumo de potencia
- rango de operación, estabilidad, ... etc

- Análisis:
  - Dado  $H(\cdot)$  y la/las entradas  $x_1(t), x_2(t) \cdots x_K(t)$  determinar la salida y(t)
- Diseño:

Encontrar la estructura, elementos y parámetros de un circuito eléctrico para implementar una función de transferencia dada  $H(\cdot)$ .

- amplificación y filtrado de señales,
- transferencia de potencia
- procesamiento en general

## usualmente existen múltiples soluciones

Evaluación

Frente a múltiples implementaciones para  $H(\cdot)$ , selecionar basado en

- costo de la solución, numero de elementos
- consumo de potencia
- rango de operación, estabilidad, ... etc.

Análisis:

Dado  $H(\cdot)$  y la/las entradas  $x_1(t), x_2(t) \cdots x_K(t)$  determinar la salida y(t)

Diseño:

Encontrar la estructura, elementos y parámetros de un circuito eléctrico para implementar una función de transferencia dada  $H(\cdot)$ .

- amplificación y filtrado de señales,
- transferencia de potencia
- procesamiento en general

## usualmente existen múltiples soluciones

Evaluación

Frente a múltiples implementaciones para  $H(\cdot)$ , selecionar basado en:

- costo de la solución, numero de elementos
- consumo de potencia
- rango de operación, estabilidad, ... etc.

Análisis:

Dado  $H(\cdot)$  y la/las entradas  $x_1(t), x_2(t) \cdots x_K(t)$  determinar la salida y(t)

Diseño:

Encontrar la estructura, elementos y parámetros de un circuito eléctrico para implementar una función de transferencia dada  $H(\cdot)$ .

- amplificación y filtrado de señales,
- transferencia de potencia
- procesamiento en general

## usualmente existen múltiples soluciones

Evaluación:

Frente a múltiples implementaciones para  $H(\cdot)$ , selecionar basado en:

- costo de la solución, numero de elementos
- consumo de potencia
- rango de operación, estabilidad, ... etc.



La variable fundamental es la carga eléctrica [Coulombs]

- en la practica es difícil de medir
- la dinámica de carga eléctricas resulta de interés



La variable fundamental es la carga eléctrica [Coulombs]

- en la practica es difícil de medir
- la dinámica de carga eléctricas resulta de interés

## Corriente Eléctrica

Se define como el flujo de carga eléctrica q(t) que pasa por una sección transversal por unidad de tiempo:

$$i(t) = \frac{\partial q(t)}{\partial t} [Ampere \equiv Coulombs/segundo]$$

#### Observaciones:

- matemáticamente corresponde a una integral de flujo
- tiene un sentido de referencia
- en conductores el flujo es de electrones ( carga puntual negativa  $-1,6^{-19}[C]$ )

La variable fundamental es la carga eléctrica [Coulombs]

- en la practica es difícil de medir
- la dinámica de carga eléctricas resulta de interés

# Voltaje Eléctrico

Se define como el cambio de energía  $\Delta w$  [Joules] necesario para que una unidad de carga  $\Delta q$  vaya de un punto A a un punto B.

$$v_{A \to B} = \frac{\Delta w}{\Delta a} [Volt \equiv Joules/Coulombs]$$

## Observaciones:

- formalmente corresponde a una integral de camino
- v es independiente del camino que conecta A con B
- v > 0 no implica un movimiento efectivo de carga



I Silva

La variable fundamental es la carga eléctrica [Coulombs]

- en la practica es difícil de medir
- la dinámica de carga eléctricas resulta de interés

#### Potencia Eléctrica

Tasa de cambio de energía (producida/consumida) por unidad de tiempo entre un par de puntos A al B.

$$p(t) = \frac{\partial w(t)}{\partial t} = \frac{\partial w(t)}{\partial q(t)} \cdot \frac{\partial q(t)}{\partial t} = v(t) \cdot i(t) [Watts \equiv Joules/segundo]$$

por lo que la energía (producida/consumida) entre  $t_1$  y  $t_2$ 

$$W(t_1,t_2) = \int_{t_1}^{t_2} p(t) \partial t[Joules].$$

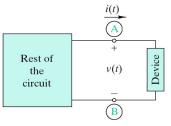


I Silva

# Convención de Signo Pasivo

Corriente: se mide en un punto especifico (con un sentido de referencia)

Voltaje: se mide entre un par de puntos con una orientación (terminales de un elemento)



La orientación mostrada en la figura es la convención PASIVA:

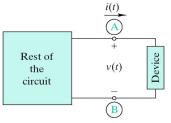
- si  $\forall t$ , p(t) > 0 consume potencia [Elementos Pasivos]
- si p(t) > 0 o  $p(t) \le 0$ , almacenan y descargan potencia (con  $W(0,t) \ge 0$ )) [Elementos Pasivos]
- si  $\forall t, p(t) < 0$  generan potencia [Elementos Activos]



## Convención de Signo Pasivo

Corriente: se mide en un punto especifico (con un sentido de referencia)

Voltaje: se mide entre un par de puntos con una orientación (terminales de un elemento)

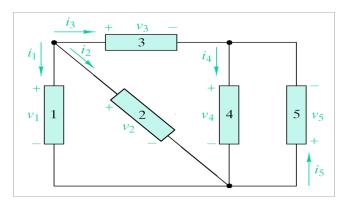


La orientación mostrada en la figura es la convención PASIVA:

- si  $\forall t, p(t) > 0$  consume potencia [Elementos Pasivos]
- si p(t) > 0 o  $p(t) \le 0$ , almacenan y descargan potencia (con  $W(0,t) \ge 0$ )) [Elementos Pasivos]
- si  $\forall t$ , p(t) < 0 generan potencia [Elementos Activos]



Voltajes pueden determinarse para cualquier par de puntos en un circuito.



#### Nivel de Referencia

Alternativamente se considera una referencia (tierra) para reducir la dependencia del voltaje a un punto en el sistema.

$$\begin{array}{cccc} v_{A}(t) & v_{B}(t) & v_{C}(t) \\ + \circ & + \circ & + \circ \\ A & B & C \end{array}$$