

Clase Auxiliar N°11

**Profesor Cátedra:** Boris Chornik

**Profesores Auxiliares:** Jocelyn Dunstan, Felipe Larraín

*Fecha: Martes 02 de Noviembre*

**Problema 1**

- Se construye un electroimán de hierro como el de la figura. El largo de cada uno de los trozos de hierro es  $a$  y su sección es circular de área  $S$ . La permeabilidad magnética del material es  $\mu$ . Los trozos de hierro están separados por una distancia  $b$  que es mucho menor que el diámetro del hierro, i.e., los efectos de borde son despreciables. La corriente por el conductor enrollado es  $i$  y da  $N$  vueltas.
- Calcule la densidad de flujo  $B$  dentro del hierro.
  - Calcule la intensidad de campo magnético  $H$  en el hierro y el entrehierro.
  - Calcule la magnetización del hierro.

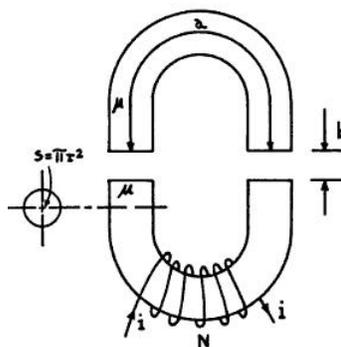


Figura 1.

- Un solenoide infinito de radio  $a$  que tiene  $m$  espiras por unidad de largo lleva corriente  $I$ . La permeabilidad magnética del material al interior del solenoide es:

$$\mu = \begin{cases} \mu_1 & 0 \leq \psi \leq \pi \\ \mu_2 & \pi < \psi \leq 2\pi \end{cases}$$

Encuentre el campo magnético en todo el espacio.

### Problema 2

Considere una línea de transmisión coaxial llena de un material con permeabilidad magnética no lineal, con un conductor interno sólido de radio  $a$  y un conductor externo muy delgado, de radio interior  $b$  (ver figura). En el conductor interno circula una corriente  $I_0$  hacia afuera de la hoja y vuelve en dirección opuesta por el conductor externo. En ambos conductores la corriente se reparte en forma homogénea y ambos se pueden suponer muy largos. Si la curva de magnetización del material se puede aproximar como  $B = \frac{1.6H}{1000+H}$ , calcule: (el material es el trozo gris)

- (a) Campo magnético en todo el espacio.
- (b) Vector magnetización en el medio material.

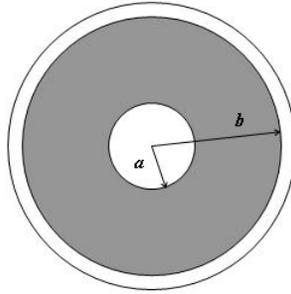


Figura 2.

### Problema 3

Suponga que se encontró, en una región del espacio, un potencial magnético vector que tiene la siguiente forma, (en forma aproximada):

$$\vec{A} = \frac{\mu_0 I C}{4\pi r} \hat{k}$$

Con  $C$  una constante cualquiera, y  $r$  la distancia desde un punto cualquiera en el espacio, hasta el origen.

- (a) Calcule el vector inducción magnética,  $\vec{B}$ .
- (b) A partir del resultado anterior, demuestre que las líneas del campo magnético en el plano ( $xy$ ) son circunferencias. Para ello, prosiga como sigue:
  - (a) Demuestre que  $\vec{dr} \times \vec{B} = 0$  corresponde a la ecuación diferencial vectorial de las líneas de campo magnético.
  - (b) Utilice lo anterior para probar que las líneas de campo magnético en  $xy$  son efectivamente, circunferencias.
- (c) ¿A qué tipo de distribución geométrica podrían corresponder los cálculos recién efectuados? ¿Porqué? ¿Cuáles son las unidades de la constante  $C$ , y a qué corresponde en el sistema, ésta unidad?