



## TAREA 1. FI2002 ELECTROMAGNETISMO

Prof. Luis Vargas  
Prof. Auxs. Sebastián Fehlandt,  
Alexander Hetz  
Fecha de entrega: Jueves 9 de septiembre de 2010, sala de Control 1

**P1.-** Considere una cinta cargada con densidad superficial de carga  $\sigma(r) = \sigma_0$ , según se muestra en la Figura 1

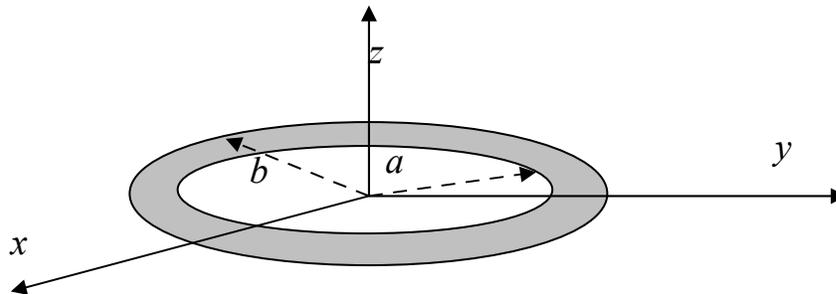


Figura 1.

Se pide:

- Calcular el campo en el eje z
- Calcular el flujo de campo eléctrico en la superficie S definida por el segmento de casquete esférico ubicado en el cuadrante ( $x > 0$ ,  $y > 0$ ,  $z > 0$ ) y que intersecta los ejes en  $x=y=z=2b$ .

**P2.-** Se tiene un plano infinito cargado con una densidad superficial de carga  $\sigma$ . A este plano le falta un pedazo en forma de circunferencia de radio a, tal como se ilustra en la Figura 2. Para esta configuración determine

- el vector campo eléctrico y el potencial en el eje z.
- El trabajo para traer una carga q desde  $z=z_0$  al origen.

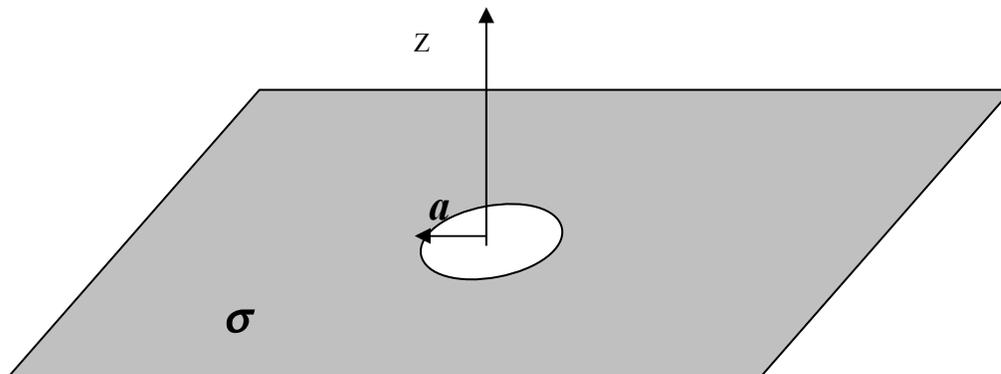


Figura 2.

**P3.-** Considere dos esferas de radio  $b$  y densidades de carga  $\rho_0$  y  $-\rho_0$ , las cuales están dispuestas sobre el eje  $Z$ , a una distancia  $2a$  entre ellas, según se muestra en la Figura 3. Se pide:

- Estimar el potencial en un punto  $y=L$ , suponiendo que  $L \gg a, b$ .
- Si se ubica una carga  $q$  en la posición  $y=L$ , estime la fuerza sobre la carga.
- Calcule el trabajo necesario para llevar la carga  $q$  desde la posición  $y=L$  a  $x=L$ .

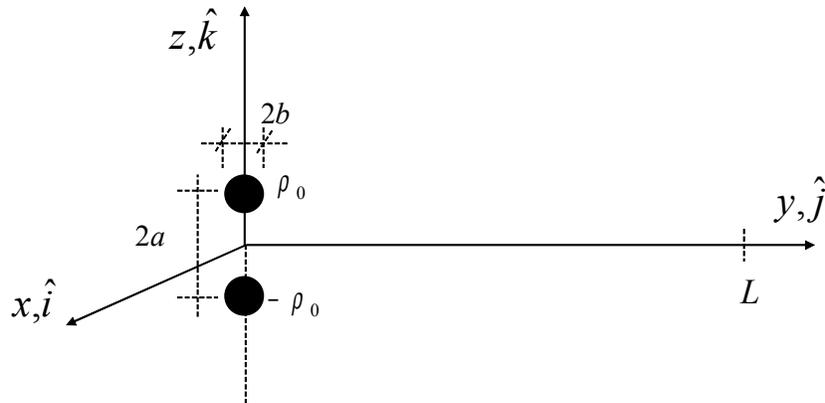


Figura 3.

**P4.-** Un haz de electrones se modela como un conjunto de partículas de carga  $-e$  cada una, con densidad de partículas uniforme  $n$  [partículas/m<sup>3</sup>] en una región cilíndrica entre  $r = 0$  y  $r = a$ , y que se mueven con velocidad  $v$  a lo largo del eje  $z$  (se considera que el cilindro tiene su eje en la dirección  $z$ ). Se pide:

- Calcule el campo eléctrico dentro de la distribución de partículas ( $0 < r < a$ ).
- Calcule la fuerza sobre un electrón cualquiera y muestre que el campo eléctrico tiende a dispersar el haz.

**P5.-** Se tiene una región del espacio en donde se tienen dos superficies metálicas equipotenciales. Las superficies son planos que pueden considerarse infinitos. Se sabe que el plano ubicado formando un ángulo  $\theta_1$  con el plano  $x-z$  está a potencial nulo y que el plano ubicado formando un ángulo  $\theta_2$  con el plano  $y-z$  está a potencial 100 V.

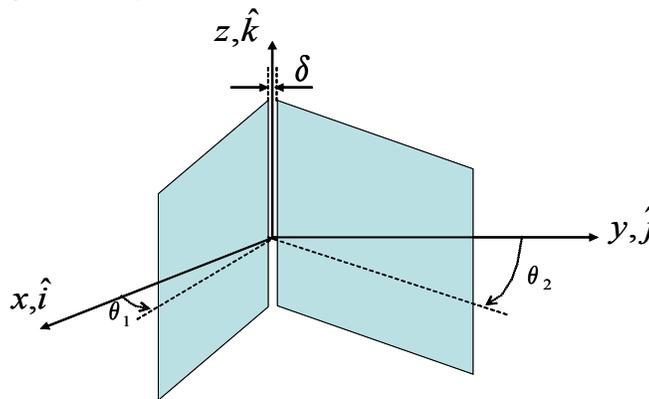




Figura 2.

Se pide:

- Determine la función potencial entre las placas
- Determine el campo eléctrico entre las placas.
- Si el espacio entre las placas se rellena con un dieléctrico de constante dieléctrica  $\epsilon$ , pero se sigue manteniendo las condiciones de potencial en ambos planos, se pide los campos eléctricos y de desplazamiento entre las placas.
- Determine las densidades de carga de polarización del sistema.

**P6.-** Un cable coaxial de sección circular de radio  $c+h$  tiene un dieléctrico compuesto entre sus dos conductores. El conductor interior tiene un radio exterior  $a$  y está rodeado por una cubierta de dieléctrico de constante dieléctrica  $\epsilon_1$  y de radio exterior  $b$ . A continuación hay otra cubierta de dieléctrico de constante dieléctrica  $\epsilon_2$  y de radio exterior  $c$ . Si se establece una diferencia de potencial  $V$  entre los conductores, calcule el vector de polarización y las densidades de carga inducidas en los dos medios dieléctricos.

**P7.-** Una esfera conductora de radio  $R$  tiene una carga neta  $Q$ . Al interior de ella hay dos cavidades también esféricas de radios  $r_a$  y  $r_b$  dispuestas de tal manera que no perforan la superficie exterior del conductor y no se intersectan entre sí. Si al centro de las cavidades hay situadas cargas puntuales  $q_a$  y  $q_b$  respectivamente, encuentre las distribuciones de carga y el campo eléctrico en todo el espacio.

**P8.-** Tres cargas puntuales de valores  $q$ ,  $-2q$  y  $q$  se encuentran alineadas en ese orden a una distancia fija  $d$  una respecto de la anterior. Encuentre el potencial eléctrico de esta distribución, usando como coordenadas las variables  $r, \theta$  para  $r \gg d$ . Para lograr esto haga una expansión guardando hasta el primer término para el cual el potencial no es nulo.