

P1 Auxiliar 12009

Datos geométricos de la viga

$$h := 686 \cdot \text{mm}$$

$$\underline{L} := 15 \cdot \text{m}$$

Propiedades geométricas:

$$A_c := 447 \cdot 10^3 \cdot \text{mm}^2 \quad I_c := 27.45 \cdot 10^9 \cdot \text{mm}^4$$

$$y_b := 340 \cdot \text{mm} \quad y_t := h - y_b \quad y_t = 346 \cdot \text{mm}$$

$$r := \sqrt{\frac{I_c}{A_c}} \quad r = 247.809 \cdot \text{mm}$$

$$W_t := \frac{I_c}{y_t} \quad W_t = 7.934 \times 10^7 \cdot \text{mm}^3$$

$$W_b := \frac{I_c}{y_b} \quad W_b = 8.074 \times 10^7 \cdot \text{mm}^3$$

Materiales:

$$\text{Hormigón: } f_c := 40 \cdot \text{MPa} \quad f_{ci} := 30 \cdot \text{MPa}$$

$$E_c := 4700 \cdot \sqrt{f_c \cdot \text{MPa}} \quad \gamma_c := 25 \cdot \frac{\text{kN}}{\text{m}^3}$$
$$f_r := 3.5 \cdot \text{MPa}$$

Tensado:

$$P_i := 1600 \cdot \text{kN}$$

$$\underline{R} := 0.8$$

$$P_e := R \cdot P_i \quad P_e = 1.28 \times 10^3 \cdot \text{kN}$$

Excentricidad en el sector central:

$$e_x := 165 \cdot \text{mm}$$

Cargas:

$$\begin{aligned} w_0 &:= \gamma_c \cdot A_c & w_0 &= 11.175 \frac{\text{kN}}{\text{m}} \\ M_0 &:= \frac{w_0 \cdot L^2}{8} & M_0 &= 314.297 \text{kN}\cdot\text{m} \\ w_d &:= 2 \frac{\text{kN}}{\text{m}} \\ M_d &:= \frac{w_d \cdot L^2}{8} & M_d &= 56.25 \text{kN}\cdot\text{m} \\ w_l &:= 8 \frac{\text{kN}}{\text{m}} \\ M_l &:= \frac{w_l \cdot L^2}{8} & M_l &= 225 \text{kN}\cdot\text{m} \end{aligned}$$

Momento de fisuración, M_{cr} :

$$M_{cr} := f_r \cdot W_b + P_e \cdot \left(\frac{r^2}{y_t} + e_x \right) \quad M_{cr} = 720.953 \text{kN}\cdot\text{m}$$

Factor de seguridad contra la fisuración, F_{cr} :

$$F_{cr} := \frac{M_{cr} - M_0 - M_d}{M_l} \quad F_{cr} = 1.557$$

Tensiones debido al pretensado inicial, P_i :

$$f_{t1} := -\left(\frac{P_i}{A_c}\right) \cdot \left(1 - \frac{e_x \cdot y_t}{r^2}\right) \quad f_{t1} = -0.252 \text{ MPa}$$

$$f_{b1} := -\left(\frac{P_i}{A_c}\right) \cdot \left(1 + \frac{e_x \cdot y_b}{r^2}\right) \quad f_{b1} = -6.849 \text{ MPa}$$

Tensiones debido al peso propio:

$$\begin{aligned} \Delta f_t &:= -\left(\frac{M_0}{W_t}\right) & \Delta f_t &= -3.962 \text{ MPa} \\ f_{t2} &:= f_{t1} + \Delta f_t & f_{t2} &= -4.213 \text{ MPa} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta f_b &:= \frac{M_0}{W_b} & \Delta f_b &= 3.893 \text{ MPa} \\ f_{b2} &:= f_{b1} + \Delta f_b & f_{b2} &= -2.956 \text{ MPa} \end{aligned}$$

Al entrar en servicio, se aplican las pérdidas:

$$Pe = 1.28 \times 10^3 \text{ kN}$$

Tensiones debido a pretensado efectivo y peso propio, Pe+Mo:

$$ft3 := -\left(\frac{Pe}{Ac}\right) \cdot \left(1 - \frac{ex \cdot yt}{r^2}\right) + \Delta ft$$

$$ft3 = -4.163 \text{ MPa}$$

$$fb3 := -\left(\frac{Pe}{Ac}\right) \cdot \left(1 + \frac{ex \cdot yb}{r^2}\right) + \Delta fb$$

$$fb3 = -1.587 \text{ MPa}$$

Tensiones debido a las cargas permanentes en el tiempo, Md:

$$\Delta ft := -\left(\frac{Md}{Wt}\right)$$

$$\Delta ft = -0.709 \text{ MPa}$$

$$ft4 := ft3 + \Delta ft$$

$$ft4 = -4.872 \text{ MPa}$$

$$\Delta fb := \frac{Md}{Wb}$$

$$\Delta fb = 0.697 \text{ MPa}$$

$$fb4 := fb3 + \Delta fb$$

$$fb4 = -0.89 \text{ MPa}$$

Tensiones debido a las cargas de servicio, Md+Ml:

$$\Delta ft := -\left(\frac{Ml}{Wt}\right)$$

$$\Delta ft = -2.836 \text{ MPa}$$

$$ft5 := ft4 + \Delta ft$$

$$ft5 = -7.708 \text{ MPa}$$

$$\Delta fb := \frac{Ml}{Wb}$$

$$\Delta fb = 2.787 \text{ MPa}$$

$$fb5 := fb4 + \Delta fb$$

$$fb5 = 1.897 \text{ MPa}$$

Verificación de tensiones admisibles

a. Fibra extrema en compresión inmediatamente después de la transferencia

$$F_{cadm1} := 0.6 \cdot f_{ci} \quad F_{cadm1} = 18 \text{ MPa}$$

b. Fibra extrema en tracción inmediatamente después de la transfeferencia

$$F_{tadm1} := 0.25 \cdot \sqrt{f_{ci} \cdot \text{MPa}} \quad F_{tadm1} = 1.369 \text{ MPa}$$

c. Fibra extrema en compresión debida al tensado y las cargas permanentes en el tiempo

$$F_{cadm2} := 0.45 \cdot f_c \quad F_{cadm2} = 18 \text{ MPa}$$

c. Fibra extrema en compresión debida al tensado y todas las cargas

$$F_{cadm3} := 0.6 \cdot f_c \quad F_{cadm3} = 24 \text{ MPa}$$

e. Fibra extrema en tracción inmediatamente después de la transeferencia

$$F_{tadm2} := 0.625 \cdot \sqrt{f_c \cdot \text{MPa}} \quad F_{tadm2} = 3.953 \text{ MPa}$$

Antes de las perdidas

```
ver_ft2 := if(ft2 < 0, if(|ft2| ≤ Fcadm1, "OK", "Verificar"), if(|ft2| ≤ Ftadm1, "OK", "Verificar"))
```

```
ver_ft2 = "OK"
```

```
ver_fb2 := if(fb2 < 0, if(|fb2| ≤ Fcadm1, "OK", "Verificar"), if(|fb2| ≤ Ftadm1, "OK", "Verificar"))
```

```
ver_fb2 = "OK"
```

Despues de las pérdidas (cargas permanentes en el tiempo)

```
ver_ft4 := if(ft4 < 0, if(|ft4| ≤ Fcadm2, "OK", "Verificar"), "tracción en cargas permanentes")
```

```
ver_ft4 = "OK"
```

```
ver_fb4 := if(fb4 < 0, if(|fb4| ≤ Fcadm2, "OK", "Verificar"), "tracción en cargas permanentes")
```

```
ver_fb4 = "OK"
```

Despues de las pérdidas (cargas de servicio)

```
ver_ft5 := if(ft5 < 0, if(|ft5| ≤ Fcadm3, "OK", "Verificar"), if(|ft5| ≤ Ftadm2, "OK", "Verificar"))
```

```
ver_ft5 = "OK"
```

```
ver_fb5 := if(fb5 < 0, if(|fb5| ≤ Fcadm1, "OK", "Verificar"), if(|fb5| ≤ Ftadm2, "OK", "Verificar"))
```

```
ver_fb5 = "OK"
```

$$\textcolor{violet}{M}\textcolor{blue}{P}\textcolor{red}{a} := 10^6 \cdot \textcolor{brown}{P}\textcolor{teal}{a}$$

$$\textcolor{violet}{k}\textcolor{blue}{N} := 10^3 \cdot \textcolor{brown}{N}$$