

MA2001-2 Cálculo en Varias Variables. Semestre 2010-1

Profesor: Marcelo Leseigneur Auxiliar: Víctor Verdugo

**Auxiliar 12**

Jueves 3 de Junio de 2010

**P1.** Encontrar el máximo y mínimo de  $f(x, y, z) = x + 3y - 2z$  en la esfera  $x^2 + y^2 + z^2 = 1$ .**P2.** El plano  $x + y + 2z = 2$  y el paraboloido  $z = x^2 + y^2$  se intersectan en una elipse. Encontrar el punto más cercano y el más lejano de esta elipse al origen.**P3.** Resuelva los siguientes problemas de optimización:

$$\begin{array}{ll} \text{mín} & x + y - z \\ \text{s.a.} & x^2 + y^2 + z^2 = 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \text{mín} & xy + z \\ \text{s.a.} & x + y + z = 0 \\ & x^2 + y^2 + z^2 = 1 \end{array}$$

**P4.** Considere el siguiente problema de optimización en  $\mathbb{R}^n$ :

$$\begin{array}{ll} \text{mín} & \sum_{i=1}^n x_i^2 \\ \text{s.a.} & \prod_{i=1}^n x_i = 1 \\ & x_i > 0, \forall i \in \{1, \dots, n\} \end{array}$$

a) Resuelva el problema.

b) Concluya que si  $a_i > 0, \forall i \in \{1, \dots, n\}$ , se tiene que:

$$\frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n} \geq \sqrt[n]{a_1 a_2 \dots a_n}$$

**P5.** Resuelva el siguiente problema de optimización:

$$\begin{array}{ll} \text{mín} & 2x^2 + y^2 + z^2 - xy \\ \text{s.a.} & \frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{4} + \frac{z^2}{8} \leq 1 \end{array}$$