FI2001 MECÁNICA

Profesor: Andrés Escala

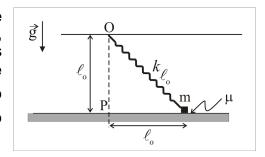
Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas

Universidad de Chile

Control N° 2 Mayo, 26 de 2010

## Problema 1

Considere un bloque de masa  $\mathbf{m}$  que se mueve por una superficie horizontal, cuyo coeficiente de roce con el bloque es  $\mu$ . El bloque esta unido a un resorte de constante  $\mathbf{k}$  y largo natural  $\ell_0$ , cuyo otro extremo esta unido a un punto O ubicado a una altura  $\ell_0$  de la superficie horizontal.



En t=0 el bloque se suelta desde el reposo a una distancia horizontal  $\ell_o$  hacia la derecha del punto P, correspondiente a la proyección vertical de O en la superficie (ver figura). Determine:

- a) La condición para que inicialmente el bloque no se levante del piso.
- b) Ecuación de movimiento del bloque (para el caso en que se satisface a).
- c) Suponga que el bloque se vuelve a detener a una distancia  $\ell_o/2$  hacia la izquierda de la proyección vertical de O en la superficie. Determine  $\mu$  en términos de  $\mathbf{m}$ ,  $\mathbf{k}$ ,  $\ell_o$  y  $\mathbf{g}$ .

Hint:

$$\int \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} = \operatorname{arcsinh}(x)$$

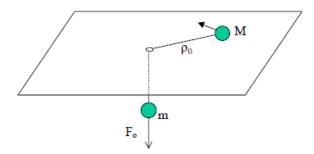
## Problema 2

Una partícula P de masa  ${\bf m}$  se mueve por un riel horizontal circunferencial de radio  ${\bf R}$ . El único tipo de roce que hay es roce viscoso lineal,  $\overrightarrow{F_r} = -c\overrightarrow{v}$ .

- a) Si P es lanzado, desde  $\phi$ =0 con rapidez  $v_o$ , calcule el trabajo de la fuerza total después que P ha avanzado hasta  $\phi$ = $\phi$ 1
- b) Determine el valor que debe tener  $v_o$  para que P se detenga justo cuando ha avanzado media vuelta.

## Problema 3

Considere un sistema de dos partículas de masa  $\mathbf{M}$  y  $\mathbf{m}$ , unidas entre si por una cuerda inextensible que desliza sin roce por un agujero en una superficie horizontal, como se muestra en la figura. Inicialmente la partícula  $\mathbf{M}$  se encuentra a una distancia  $\boldsymbol{\rho}_{o}$  del agujero.



- a) Determine la rapidez  $v_o$  que hay que dar a la partícula de masa  ${\bm M}$  en dirección perpendicular a la cuerda para que quede girando en un círculo de radio  ${\bm \rho}_o$
- b) A partir de un cierto instante, en las condiciones especificadas en a) se ejerce una fuerza  $F_0$  de magnitud variable en el tiempo sobre la partícula que está colgando, de modo que ésta se mueve hacia abajo con una rapidez  $\mathbf{v}_1$  constante. Determine el número de vueltas que habrá dado la partícula  $\mathbf{M}$  hasta que su distancia al agujero haya disminuido a la mitad.
  - c) Determine la magnitud de F<sub>o</sub> en ese instante.