

Auxiliar 18 - Viernes 11 de Junio de 2010
Mecánica - FI2001A - Sección 4
Prof. Gonzalo Palma - Aux: Sergio Godoy, Francisco Parra

Problema 1

Una partícula se mueve en una espiral logarítmica de la forma:

$$r = ke^{\alpha\theta}$$

Donde k y α son constantes. Al respecto, se pide lo siguiente:

- (a) Encuentre la ley de Fuerza para este campo de fuerza central.
- (b) Determine la expresión de r y θ en función del tiempo.
- (c) ¿Cuál es la energía total de ésta órbita?

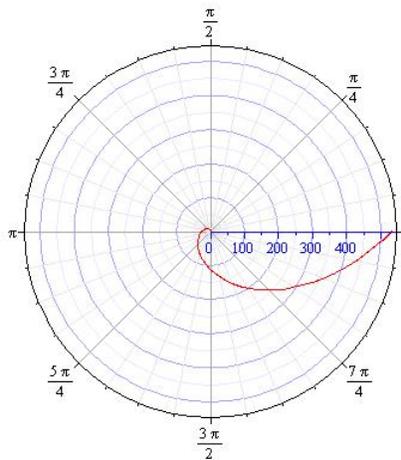


Figura 1: Problema 1

Problema 2

Desde la tierra se desea lanzar un satélite en órbita parabólica y para ello se procede como sigue. Primero se coloca en una órbita circular de radio R . En un punto B de esta órbita se dispara sus cohetes tangencialmente y queda en una órbita elíptica cuyo radio mínimo es R , con momento angular $l_b = m\sqrt{\frac{3}{2}GM R}$. Al alcanzar su radio máximo (punto A), se dispara nuevamente en forma tangencial sus cohetes, alcanzando la rapidez que obtuvo en B y queda en órbita parabólica. Se pide determinar:

- (a) La rapidez del satélite en su órbita circular.
- (b) Excentricidad de la órbita elíptica (o sencillamente el cociente entre los radios máximo y mínimo).
- (c) Velocidades en A y B en el caso de la órbita elíptica.

(d) Momento angular cuando se está en la órbita parabólica,

Datos: G , M , R

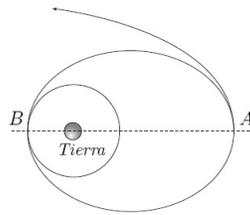


Figura 2: Problema 2

Problema 3

Una partícula de masa m desliza sin roce por el interior de una superficie cónica dispuesta como muestra la figura. Hay gravedad. Si bien este problema no corresponde a uno de fuerza central, puede ser tratado en forma enteramente análoga, y en particular se puede plantear la dinámica considerando tan solo a r como única variable dinámica.

- (a) Analice la ecuación $\vec{l}_0 = \vec{\tau}_0$ y obtenga la cantidad conservada
- b) Escriba la energía total de la partícula en términos de r y \dot{r} .
- c) De lo anterior obtenga la velocidad angular que debe tener una órbita circular de radio r_c
- d) ¿Para qué valor del ángulo θ de apertura del cono se cumple que la razón entre el período de la órbita circular y el período de las pequeñas oscilaciones en torno a la órbita circular anterior es $\frac{\sqrt{3}}{2}$?

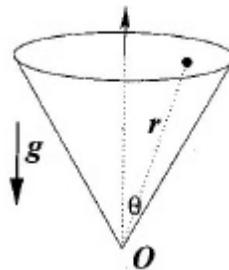


Figura 3: Problema 3