

# EL 6000 Generación de Energía Eléctrica con Fuentes Renovables

Clase 2: PRINCIPIOS BASICOS DE ELECTROMAGNETISMO



#### **AGENDA**

- Campo Magnético
- Ley Circuital de Ampere
- Ley de Biot y Savarat
- Torque eléctrico y
- · Motor elemental.



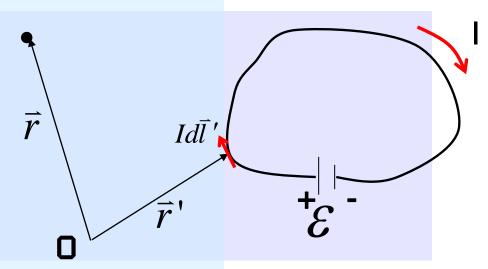
### Campo magnético

#### Campo producido por circuito $\Gamma'$

Circuito 
$$\Gamma'$$

$$\vec{B} = \oint_{\Gamma'} \frac{\mu_0 I d\vec{l} ' \times (\vec{r} - \vec{r}')}{4\pi |\vec{r} - \vec{r}'|^3}$$

$$\vec{B} = \mu_0 \vec{H}$$



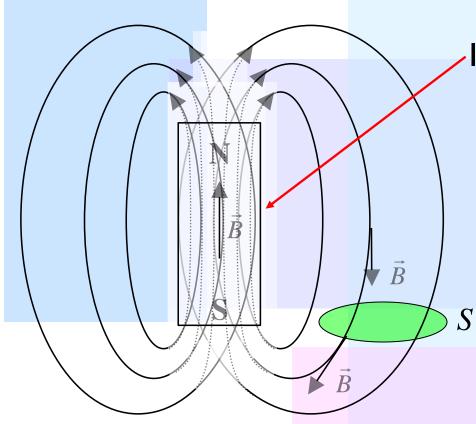
B:Vector campo magnético

H:Vector intensidad de campo magnético

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \left\lceil H/m \right\rceil$$
: permeabilidad magnética del medio



### Campo magnético



lmán permanente

Flujo de líneas de campo a través de una superficie *S*:

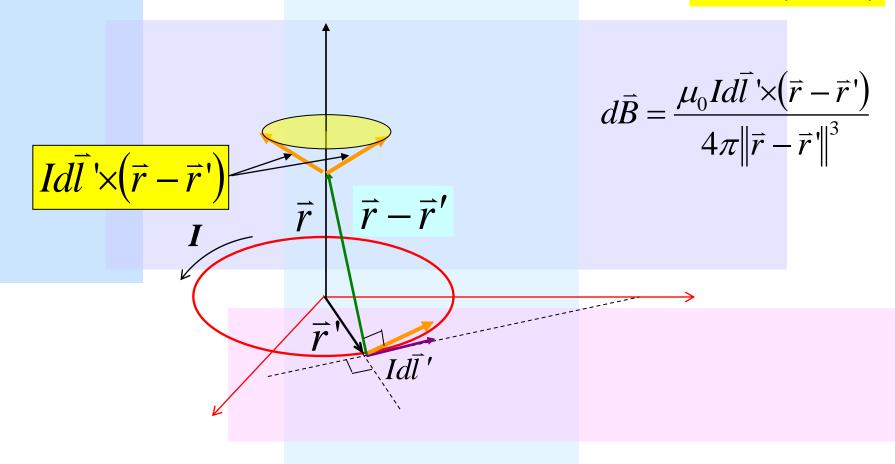
$$\phi = \int_{S} \vec{B} \cdot d\vec{S}$$



#### Campo magnético: Regla de la mano derecha

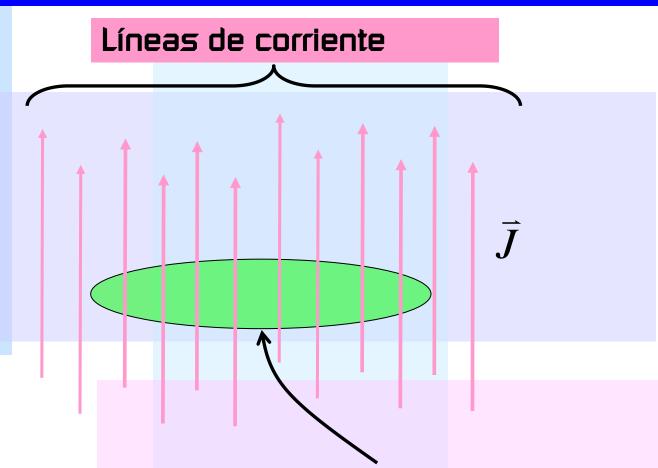
#### Dirección de campo está dado por el producto

$$Id\vec{l}' \times (\vec{r} - \vec{r}')$$





# Ley Circuital de Ampere

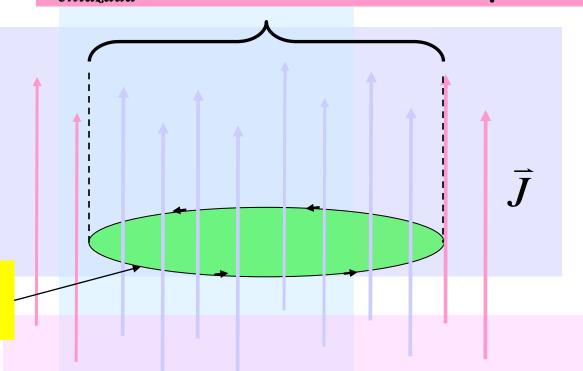


Plano 5 por donde atraviesan líneas de corriente



### Ley Circuital de Ampere

 $I_{enlazada}$  = Corriente enlazada por  $\Gamma(s)$ 



Trayectoria cerrada  $\Gamma(s)$ 

$$\oint_{\Gamma(S)} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{enlazada}$$

Ley Circuital de Ampere

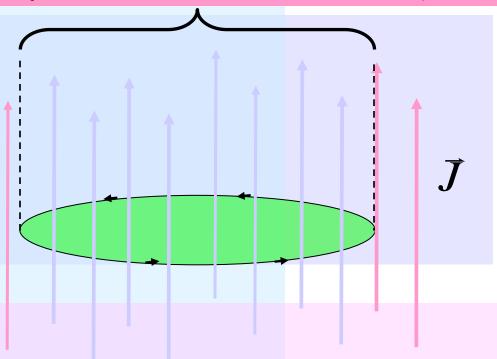


### Ley Circuital de Ampere

$$I_{enlazada}$$
 = Corriente enlazada por  $\Gamma(s)$ 

$$\vec{B} = \mu_0 \vec{H}$$

 $\widehat{H}$ : Vector Intensidad de Campo Magnético



$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I_{enlazada}$$

$$\Gamma(S)$$

Ley Circuital de Ampere



Calcular el campo magnético de una corriente unifilar infinita

$$\vec{B} = ?$$





$$\vec{B} = B\hat{\theta}, \quad \vec{H} = H\hat{\theta}$$

$$d\vec{B} = dB\hat{\theta}$$
 $y, \hat{j}$ 

Además sólo depende de la distancia radial r

$$\vec{B} = B(r)\hat{\theta}, \quad \vec{H} = H(r)\hat{\theta}$$



T: trayectoria circular de radio r

 $\vec{B} = B(r)\hat{\theta}, \quad \vec{H} = H(r)\hat{\theta}$ 

En una trayectoria circular el módulo es constante

$$d\vec{B} = dB\hat{\theta} \qquad y, j$$

S : superficie  $\stackrel{'}{}$  circular de radio r

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{enlazada}(S)$$

$$\Gamma(S)$$





$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I_{enlazada}(S)$$

$$\Gamma(S)$$

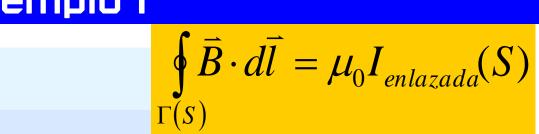
$$d\vec{B} = dB\hat{\theta} \qquad y, \hat{j}$$

$$x, i$$
  
 $S:$  superficie  
circular de radio r

$$\oint_{\Gamma(S)} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \int_{\theta=0}^{\theta=2\pi} B(r)\hat{\theta} \cdot rd\theta \hat{\theta} = B(r)r \int_{\theta=0}^{\theta=2\pi} d\theta$$

$$\Rightarrow \oint_{\Gamma(S)} \vec{B} \cdot d\vec{l} = 2\pi B(r)r$$





$$I_{enlazada}(S) = I$$

$$d\vec{B} = dB\hat{\theta}$$
  $y, j$ 

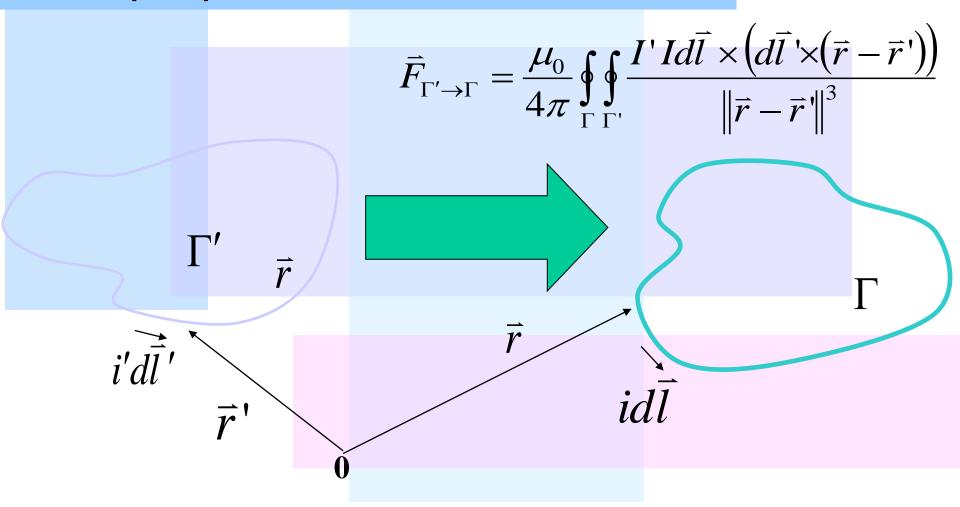
S : superficie circular de radio r

$$2\pi B(r)r = \mu_0 I \implies B(r) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$

$$\therefore \quad \vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \hat{\theta}$$



#### Fuerza que ejerce circuito $\Gamma'$ sobre circuito $\Gamma$





$$\vec{F} = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint_{\Gamma \Gamma'} \frac{I' I d\vec{l} \times (d\vec{l}' \times (\vec{r} - \vec{r}'))}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|^3} \rightarrow d\vec{F} = \frac{I d\vec{l} \times \mu_0}{4\pi} \oint_{\Gamma'} \frac{I' d\vec{l}' \times (\vec{r} - \vec{r}')}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|^3}$$

$$\Gamma'$$

$$\vec{r}'$$

$$i d\vec{l}$$



$$d\vec{F} = \frac{Id\vec{l} \times \mu_0}{4\pi} \oint_{\Gamma'} \frac{I'd\vec{l}' \times (\vec{r} - \vec{r}')}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|^3} \qquad \therefore \qquad d\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B}(\vec{r})$$
Campo magnético producido por circulto  $\Gamma'$ 

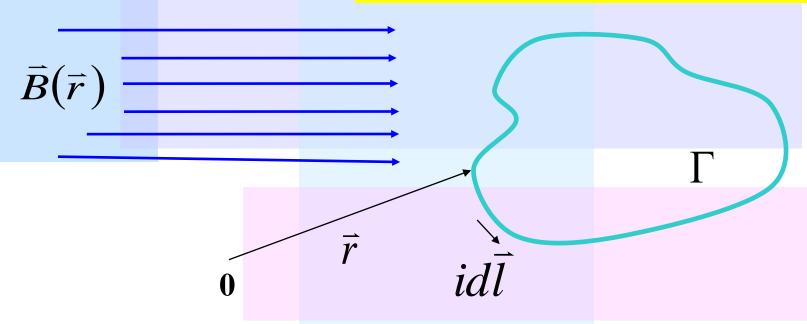
$$i'd\vec{l}' \qquad \qquad \vec{r} \qquad \qquad id\vec{l}$$



Así, un circuito en presencia de un campo magnético experimenta una fuerza dada por la ecuación

$$d\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B}(\vec{r})$$

$$\therefore \quad \vec{F} = \oint_{\Gamma} d\vec{F} = \oint_{\Gamma} I d\vec{l} \times \vec{B}(\vec{r})$$

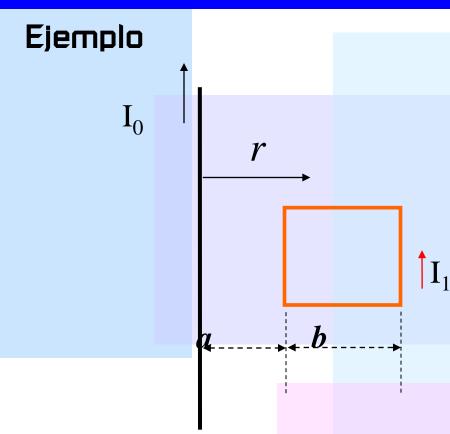




#### Ejemplo







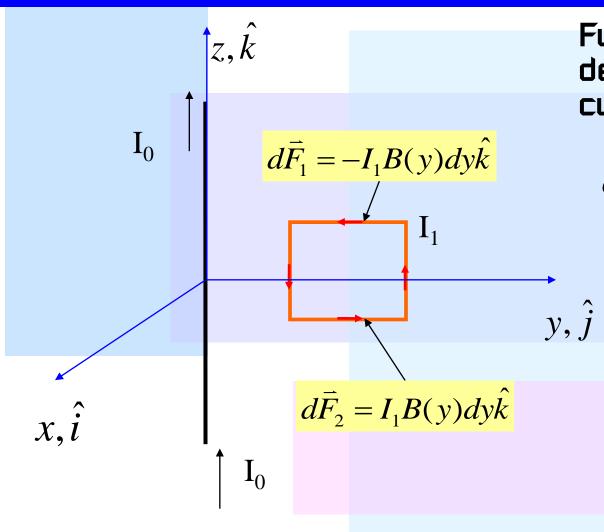
Campo producido por el conductor infinito es

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I_0}{2\pi r} \hat{\theta}$$

Fuerza sobre elemento de corriente de espira cuadrada

$$d\vec{F} = I_1 d\vec{l} \times \vec{B}(\vec{r})$$





Fuerza sobre elemento de corriente de espira cuadrada

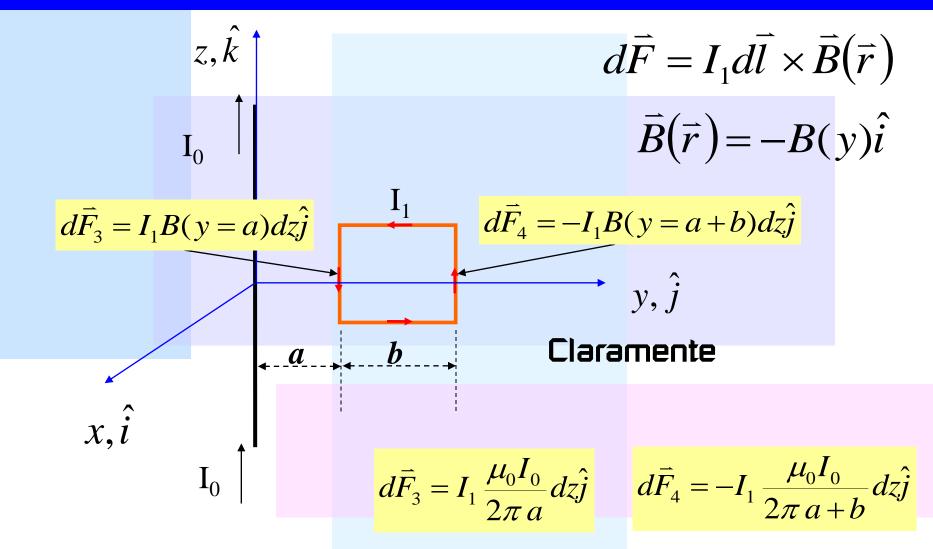
$$d\vec{F} = I_1 d\vec{l} \times \vec{B}(\vec{r})$$

$$\vec{B}(\vec{r}) = -B(y)\hat{i}$$

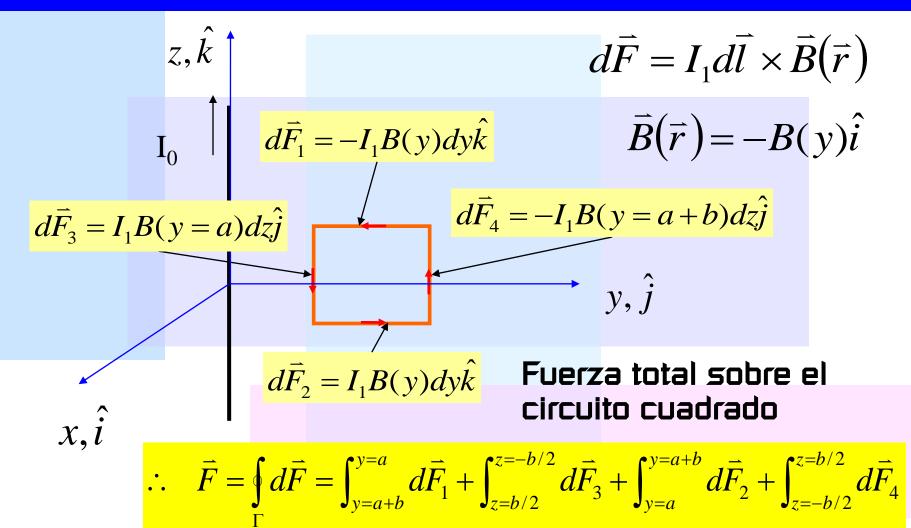
Claramente

$$d\vec{F}_1 = -d\vec{F}_2$$

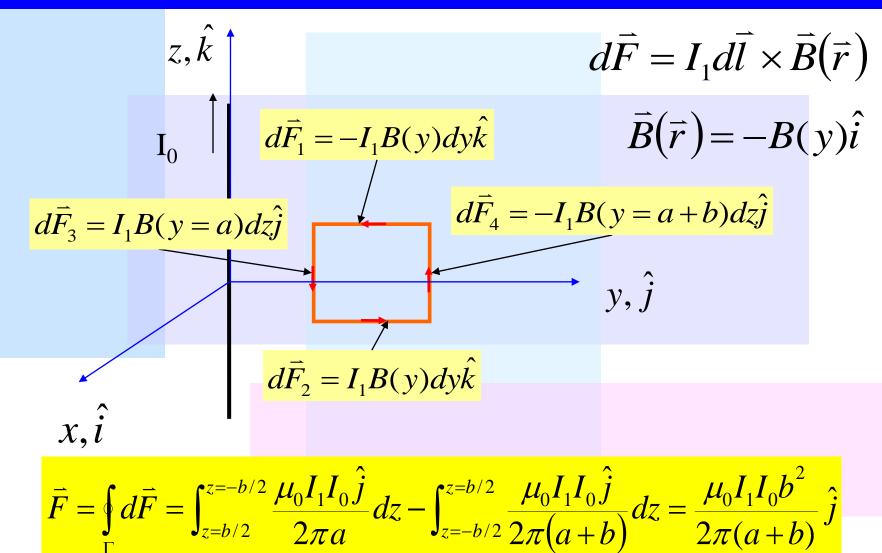














#### Fuerza que ejerce circuito $\Gamma$ sobre circuito $\Gamma'$

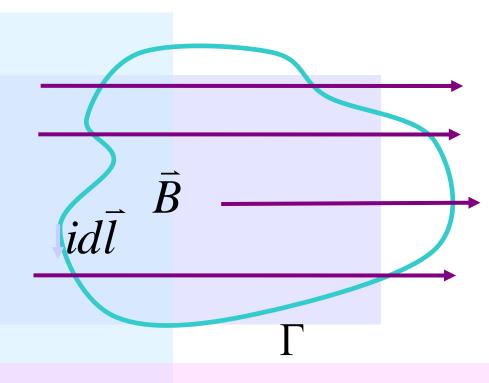
$$\vec{F}_{\Gamma \to \Gamma'} = \frac{\mu_0}{4\pi} \oint \int \frac{II' d\vec{l}' \times \left( d\vec{l} \times (\vec{r} - \vec{r}') \right)}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|^3} = -\frac{\mu_0}{4\pi} \oint \int \frac{I' I d\vec{l} \times \left( d\vec{l}' \times (\vec{r} - \vec{r}') \right)}{\|\vec{r} - \vec{r}'\|^3}$$

$$\vec{\Gamma}' \qquad \vec{r} \qquad \vec{I}' d\vec{l}' \qquad \vec{r}' \qquad \vec{I}' \qquad \vec{I}$$

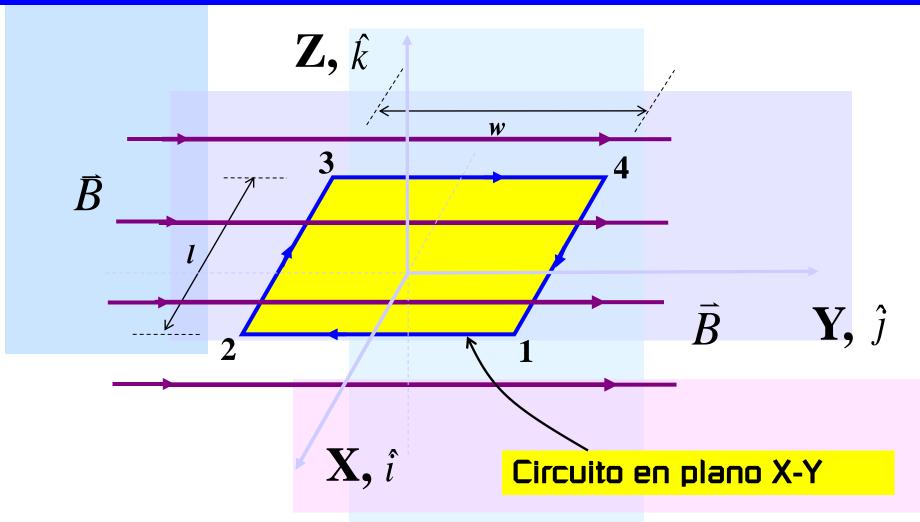




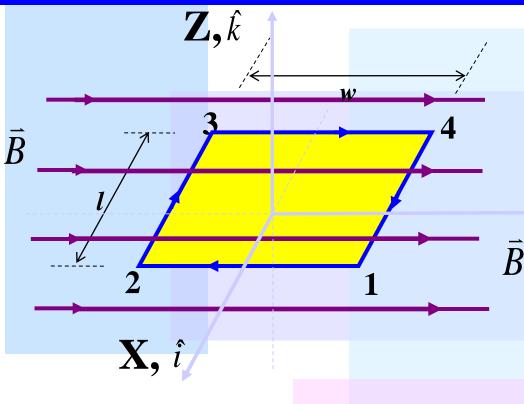
$$\therefore d\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B}(\vec{r})$$











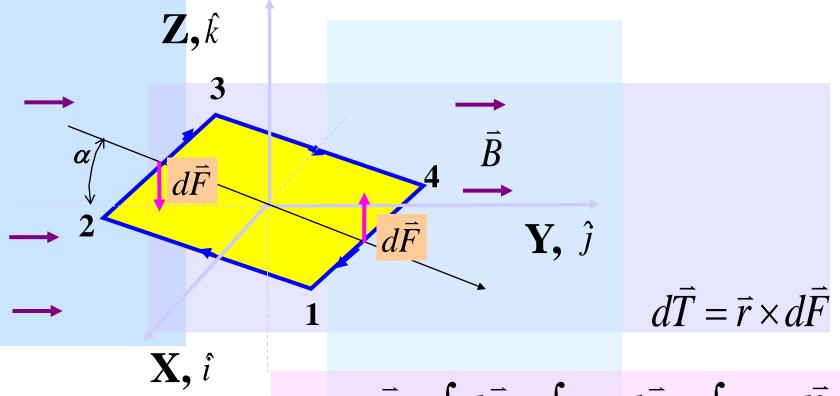
En lados 1-2 y 3-4  $Id\vec{l}$  es paralelo a  $\vec{B}$  Luego F=0

 $\mathbf{Y}, \hat{j}$ 

Fuerza neta nula sobre el circuito si  $\bar{B}$  constante

$$\vec{F} = I \int_{2}^{3} d\vec{l} \times \vec{B} + I \int_{4}^{1} d\vec{l} \times \vec{B} \implies \vec{F} = I \int_{2}^{3} dx (-\hat{i}) \times \vec{B} + I \int_{4}^{1} dx (\hat{i}) \times \vec{B}$$

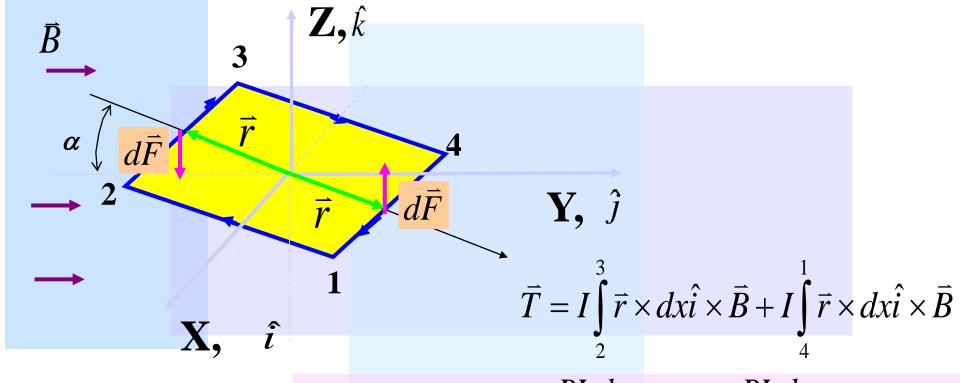




$$\vec{T} = \oint_{c} d\vec{T} = \oint_{c} \vec{r} \times d\vec{F} = \oint_{c} \vec{r} \times id\vec{l} \times \vec{B}$$

Torque neto no nulo sobre el circuito





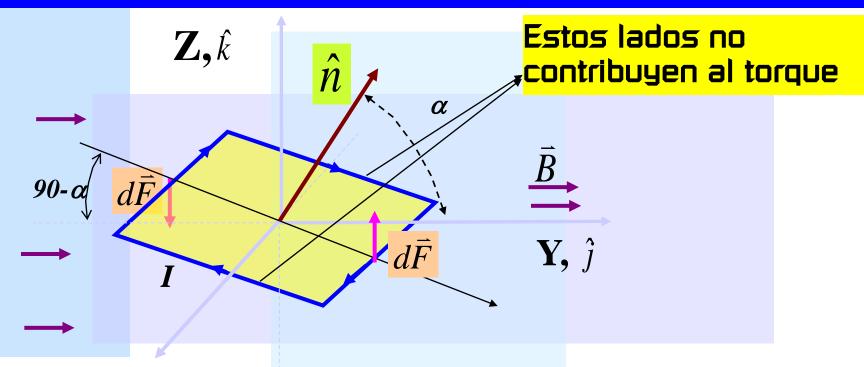
$$\vec{T} = \frac{BIwl}{2}\cos\alpha\,\hat{i} + \frac{BIwl}{2}\cos\alpha\,\hat{i}$$

Torque neto sobre el circuito

$$\vec{T} = IBwl \cos \alpha \hat{i}$$



#### Torque de campo sobre circuito rectangular



$$\mathbf{X}, \hat{i}$$

Torque

$$\vec{T} = IBwl \cos \alpha \hat{i}$$

$$\vec{T} = I\phi \cos \alpha \hat{i}$$

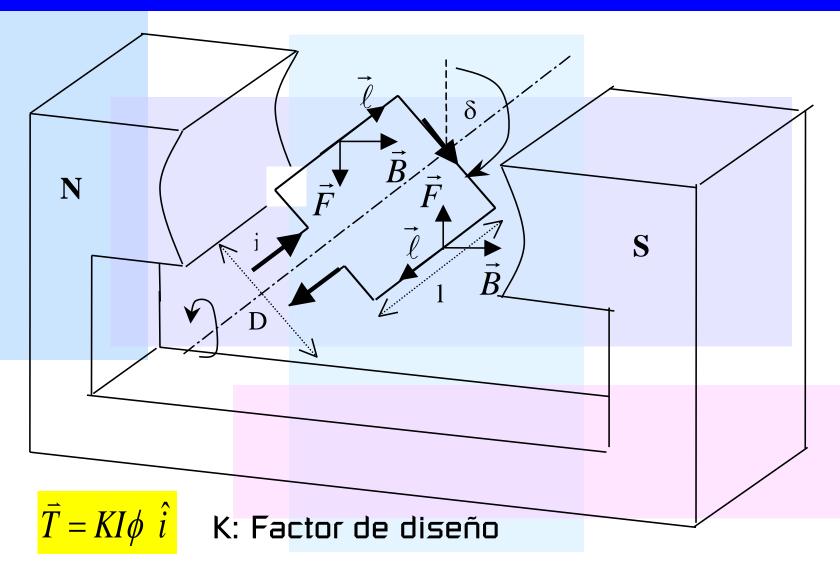
$$\phi = B \times A$$



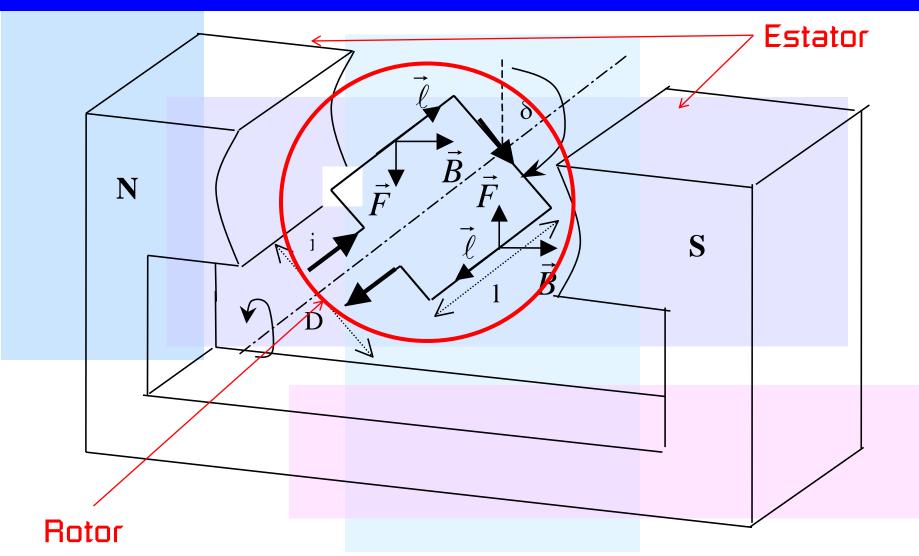
# **UNIDADES**

	φ	$ec{B}$
Sistema CGS	[líneas]	[líneas/cm <sup>2</sup> ]
Sistema mks	[Wb] (Weber)	$[Wb/m^2] = [Tesla]$
Equivalencias	$1 \text{ [Wb]} = 10^8 \text{ [líneas]}$	$1 \text{ [Tesla]} = 10^4 \text{ [Gauss]} = 10 \text{ [kGauss]}$

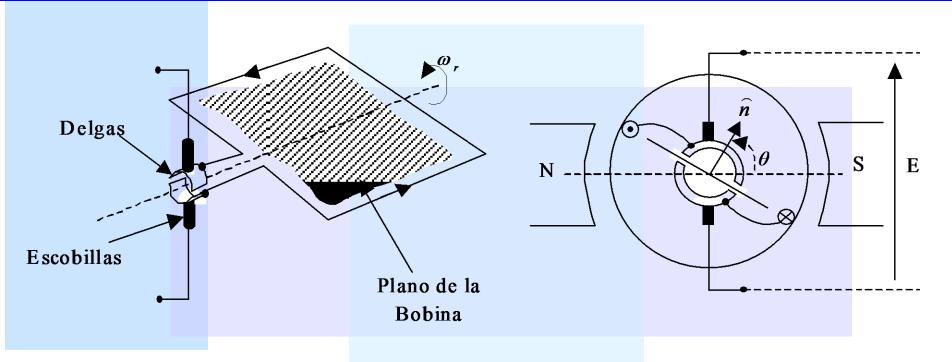






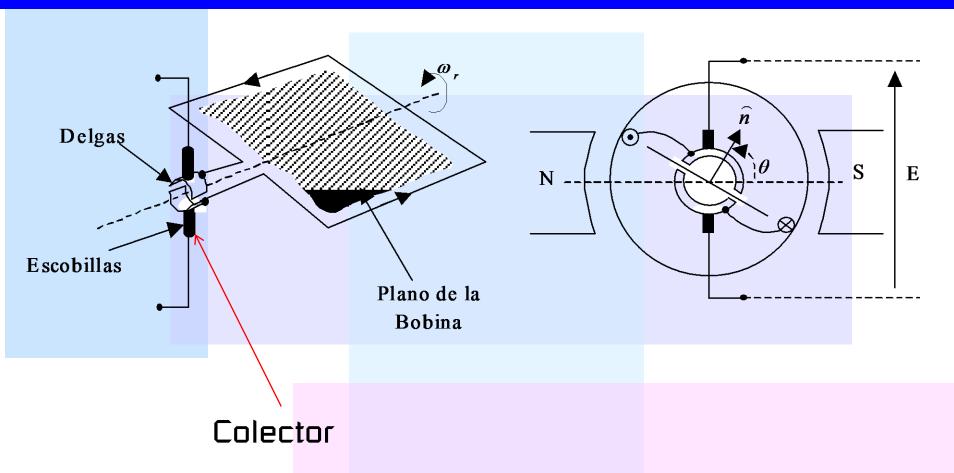






$$\vec{T} = KI\phi \hat{i}$$

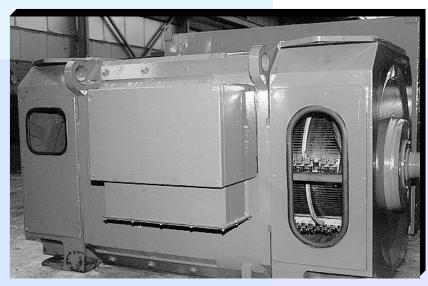




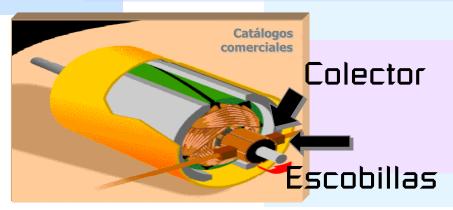


### Motores





Motor de CC de 6000 kW fabricado por ABB



Colector real

