



**FI1002 Sistemas Newtonianos**  
**Judit Lisoni**  
**Sección 6**

**Unidad 5C Oscilaciones forzadas**

En la experiencia de hoy estudiaremos oscilaciones forzadas (con una componente de amortiguamiento) utilizando un carrito afirmado entre dos resortes. Más abajo se muestra la solución analítica  $x(t)$  (cómo se mueve el carrito) a este problema.

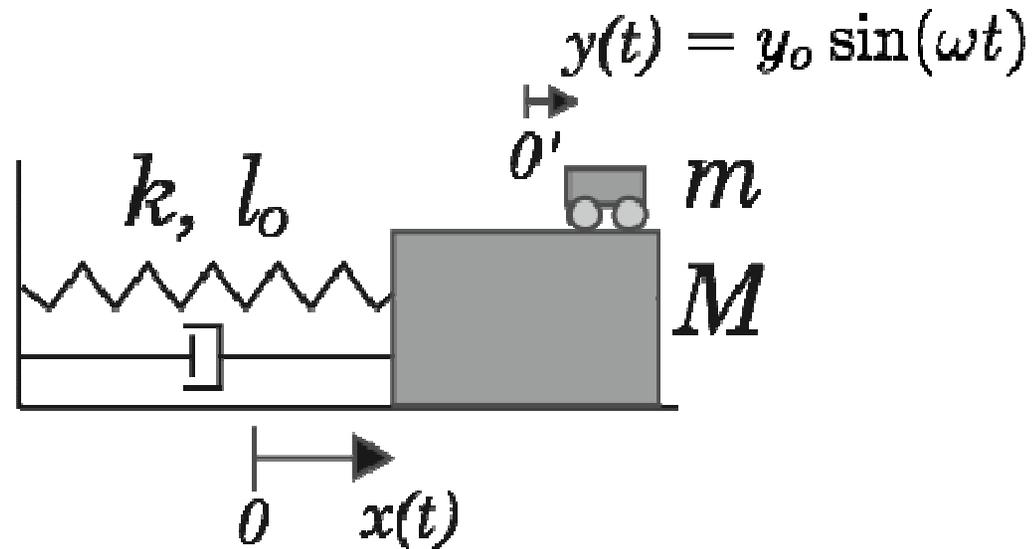
$$x(t) = Ae^{-t/2\tau} \cos(\Omega t + \phi_0) + \frac{F_0 / m}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \left(\frac{\omega}{\tau}\right)^2}} \text{sen}(\omega t - \delta)$$

$$x(t) = \text{transiente} + B \text{sen}(\omega t - \delta)$$

- a) [3 puntos] explique por qué a la solución de la parte amortiguada se le considera como un transiente.
- b) [3 puntos] ¿en qué consiste el fenómeno de resonancia? Explíquelo en términos de la amplitud B.

# Experiencia de hoy

## Oscilador mecánico amortiguado y forzado



Ecuación de Newton para el Centro de Masa

$$M_{total} \frac{d^2 \vec{R}_{cm}}{dt^2} = \vec{F}_{ext} \quad ; \quad \vec{R}_{cm} = \sum_{i=1}^N m_i \vec{r}_i$$

# Forzaje más realista

Oscilador mecánico amortiguado y forzado

Ecuación de Newton para

CM:

$$(M + m) \frac{d^2}{dt^2} \left( \frac{M \cdot x + m \cdot (x + y)}{M + m} \right) = -kx - b\dot{x}$$

Reordenando:

$$\ddot{x} + \frac{1}{\tau} \dot{x} + \omega_o^2 x = -\frac{m}{M + m} \ddot{y}$$

Con:

$$\tau = (M + m)/b \quad ; \quad \omega_o^2 = k/(M + m)$$

# Forzaje más realista

Oscilador mecánico amortiguado y forzado

Finalment

e:

$$\ddot{x} + \frac{1}{\tau} \dot{x} + \omega_0^2 x = \frac{m y_0 \omega^2}{M + m} \sin(\omega t)$$

Misma solución analítica

pero:

$$F_0/M \rightarrow m y_0 \omega^2 / (M + m)$$

y:

$$B(\omega) = \frac{m y_0 \omega^2 / (M + m)}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \left(\frac{\omega}{\tau}\right)^2}}$$

## Desarrollo del experimento

### **Experiencia 1: Obtener la frecuencia natural $w_0$**

#### **Tabla 1**

Cada mesa

Grupo 1: amplitud 5 cm

Grupo 2: amplitud 7.5 cm

Grupo 3: amplitud 10 cm

a) ¿Cuál es el error de la medición?

b) fijen en número de oscilaciones a 10

c)  $f = \text{oscilaciones/segundo} \rightarrow w = 2\pi \cdot f \rightarrow k$

## Experiencia 2: mientras un grupo trabaja con el carrito los otros dos trabajan en la experiencia 3 Solución numérica

### Amplitud de oscilación vs. frecuencia

1. Primero vean como la frecuencia cambia (brazo) con el voltaje (1-10 V):  
a) dibujen la curva frecuencia lineal (ciclos/tiempo) vs. voltaje.  
b) obtenga un orden de magnitud de la amplitud cuando el sistema entra en resonancia

2. Luego, trabajen en voltajes alrededor del voltaje de resonancia,  $V_0$ . Así  
En cada mesa se debe hacer

Grupo 1:  $V_0 - 0.5 \text{ V} - V_0$  en pasos de  $0.1 \text{ V}$

Grupo 2:  $V_0 - V_0 + 0.5 \text{ V}$  en pasos de  $0.1 \text{ V}$

Grupo 3:  $V_0 + 0.5 \text{ V} - V_0 + 1 \text{ V}$  en pasos de  $0.1 \text{ V}$

a) 1 compañero mide la amplitud

b) 1 compañero mide la frecuencia  $\rightarrow \omega$

Comiencen a medir la amplitud después de un tiempo fijo, por ejemplo después  
De 30 segundos.

### Experiencia 3: Solución numérica

Bajen los archivos de u-cursos: OscForzado.m y VerletOscForzado.m

Para hacerlos andar:

- pongan ambos archivos en la misma carpeta.
- haga correr OscForzado.m (debug → run) dando los parámetros de entrada  
En la pantalla de trabajo de matlab
- varíe  $y_0$  o  $b$  para obtener la amplitud a la frecuencia de resonancia medida