



Universidad de Chile  
Facultad de Ciencias  
Físicas y Matemáticas  
Departamento de Ingeniería Eléctrica

## **APUNTES EL42C**

# **CONVERSION ELECTROMECANICA DE LA ENERGIA**

**VERSION OTOÑO 2003**

# INDICE

PRESENTACION .....	11
1. INTRODUCCION .....	12
1.1. Dispositivos de Conversión Electromecánica .....	12
1.2. Componentes de un Sistema Eléctrico de Potencia .....	13
2. ELECTROMAGNETISMO Y CIRCUITOS MAGNETICOS .....	15
2.1. Conceptos de Electromagnetismo .....	15
2.1.1. Generalidades .....	15
2.1.2. Campo magnético.....	15
2.1.3. Principios básicos del motor eléctrico.....	18
2.1.4. Principios básicos del generador eléctrico.....	20
2.2. CIRCUITOS MAGNETICOS.....	21
2.2.1. Generalidades.....	21
2.2.2. Circuito magnético simple.....	23
2.2.3. Circuito eléctrico equivalente.....	24
2.2.4. Corriente-variable en el tiempo.....	26
2.2.5. Inductancias.....	27
2.2.6. Energía en el campo magnético .....	30
2.2.7. Circuitos magnéticos con entrehierro.....	33
2.3 Problemas Resueltos .....	35
3. TRANSFORMADORES .....	41
3.1. GENERALIDADES .....	41
3.1.1. Principio básico de funcionamiento y campos de aplicación.....	41
3.1.2. Aspectos constructivos.....	43
3.2. TRANSFORMADOR MONOFASICO IDEAL.....	46
3.2.1. Definición.....	46
3.2.2. Relación de voltajes .....	46
3.2.3. Relación de corrientes .....	48
3.2.4. Circuito equivalente referido a uno de los enrollados.....	50
3.3. TRANSFORMADOR MONOFASICO REAL (NO IDEAL).....	51
3.3.1. Permeabilidad magnética finita.....	51
3.3.2. Existencia de flujos de fuga .....	54
3.3.3. Efecto de resistencias de enrollados.....	57
3.3.4. Consideración de pérdidas en el fierro.....	57
3.3.5. Determinación experimental de los parámetros del circuito equivalente .....	60
3.3.6. Análisis del comportamiento a partir del circuito equivalente.....	63
3.3.7. Conexión en paralelo de transformadores monofásicos.....	68
3.5 Transformadores Trifásicos.....	70
3.5.1 Consideraciones básicas.....	70
3.5.2. Núcleos de Transformadores trifásicos .....	71
3.5.3 Principales características de las conexiones trifásicas de transformadores .....	73
3.5.4 Armónicas en las distintas conexiones trifásicas de transformadores.....	80
3.5.5. Designación normalizada de conexiones de transformadores trifásicos.....	85
3.5.6. Conexión en paralelo de transformadores trifásicos .....	95
3.6 Transformadores Especiales.....	107
3.6.1. Transformadores de medida .....	107
3.6.2 Autotransformadores .....	111

3.6.3. Transformadores para circuitos de audio .....	115
3.6.4 Transformadores de fuga.....	119
3.6.5 Transformadores de Pulso.....	121
3.6.6 Transformadores de 3 enrollados.....	121
3.6.7 Transformadores para rectificadores de potencia.....	123
<b>4. Principios Básicos de Máquinas Eléctricas.....</b>	<b>125</b>
4.1 Introducción .....	125
4.2 Motor Electrico .....	127
4.2.1 Motor elemental de un enrollado .....	127
4.2.2 Motor de dos enrollados.....	132
4.3 Generador Eléctrico.....	139
<b>5. Maquinas de Corriente Continua .....</b>	<b>145</b>
5.1. Principios de Funcionamiento .....	145
5.1.1. Principio de funcionamiento del generador de C.C. o dinamo. ....	145
5.1.2. Principio de funcionamiento del motor de C.C.....	150
5.2. Desempeño de máquinas de C.C. reales .....	151
5.2.1. Saturación del material ferromagnético. ....	152
5.2.2. Reacción de armadura. ....	154
5.2.3. Pérdidas en máquinas de C.C.....	158
5.3. Aspectos Constructivos de máquinas de C.C.....	160
5.4. Conexiones de máquinas de C.C.....	164
5.4.1. Generadores de C.C.....	164
5.4.2. Motores de C.C. ....	177
5.5 Aplicaciones .....	186
5.5.1 Introducción .....	186
5.5.2 Aplicaciones domésticas .....	186
5.5.3 Aplicaciones industriales.....	187
5.5.4 Aplicaciones en transporte .....	188
5.5.5 Ejemplo característico Chileno: La gran industria minera del cobre. ....	188
Ejercicios resueltos.....	189
<b>6. Máquinas de Inducción .....</b>	<b>194</b>
6.1 Introducción .....	194
6.2. Principio de Funcionamiento .....	194
6.2.1. Campo Magnético Rotatorio del estator.....	194
6.2.2. Torque motriz.....	198
6.2.3. Deslizamiento.....	200
6.3. Características constructivas .....	201
6.4. Modelo Equivalente monofásico del Motor de Inducción .....	203
6.5. Cálculo de Parámetros.....	208
6.5.1. Prueba en vacío. ....	208
6.5.2. Prueba de rotor bloqueado. ....	209
6.6. Análisis del motor de inducción a partir del Modelo Equivalente.....	210
6.6.1. Potencia transferida al eje. ....	210
6.6.2. Torque electromagnético.....	210
6.6.3. Punto de operación.....	213
6.7. Motor de inducción monofásico.....	214

<b>6.8 APLICACIÓN: UN NUEVO ESQUEMA DE ANÁLISIS DE FALLAS MEDIANTE LA MEDICIÓN DE LA CORRIENTE DE ESTATOR EN MOTORES DE INDUCCIÓN</b>	217
6.8.1 INTRODUCCIÓN .....	217
6.8.2 LA TRANSFORMADA HILBERT .....	217
6.8.3 DEMOSTRACIÓN ANALÍTICA DE LA ENVOLVENTE DE UNA SEÑAL .....	218
6.8.4 FORMAS DE ONDA EN MOTORES DE INDUCCIÓN .....	220
6.8.5 INTERPRETACION DEL ESPECTRO DE FRECUENCIAS .....	222
6.8.6 APLICACIÓN DEL ESQUEMA PROPUESTO.....	225
6.8.7 Comentarios .....	233
<b>7. Máquinas Síncronas .....</b>	<b>235</b>
7.1 Introducción .....	235
7.2. Principio de funcionamiento del generador síncrono.....	236
7.2.1. Generador desacoplado de la red. ....	236
7.2.2. Generador conectado a la red. ....	237
7.3. Principio de funcionamiento del motor síncrono.....	239
7.4. Operación en los cuatro cuadrantes.....	241
7.5. Características constructivas .....	243
7.5.1. Características del estator.....	243
7.5.2. Características del rotor.....	243
7.5.3. Generadores síncronos. ....	244
7.5.4. Motores síncronos. ....	245
7.6. Ejes directo y en cuadratura .....	246
7.7. Flujos enlazados en las bobinas del rotor y estator .....	247
7.7.1. inductancias propias del estator.....	249
7.7.2. inductancias mutuas del estator.....	252
7.7.3. inductancias mutuas entre rotor y estator.....	253
7.8. Transformación DQ0.....	255
7.8.1. voltajes en el estator en términos de los ejes d-q .....	257
7.8.2. Potencia y torque en términos de los ejes d-q .....	257
7.9. Circuito equivalente de la máquina síncrona .....	259
<b>8. Control de Máquinas Eléctricas .....</b>	<b>263</b>
8.1. Introducción a la Electrónica de potencia .....	263
8.1.1. Interruptores .....	263
8.1.2. Conversores de potencia.....	267
8.2. Conversión AC-DC: rectificador .....	268
8.2.1. Calculo de la tensión generada.....	272
8.2.2. Calculo de la corriente generada.....	273
8.3. Conversión DC-AC: Inversor.....	276
8.4. Conversión DC-DC: Chopper .....	277
8.4.1. Conversor DC-DC de bajada (Chopper Buck).....	278
8.4.2. Conversor DC-DC de subida (Chopper Boost).....	279
8.5. Conversión AC-AC: Cicloconvertidor.....	282
8.6. Partidores suaves .....	283
8.7. Aplicación de Electrónica de Potencia al control de motores.....	288
8.7.1. Control de motores de CC.....	288
8.7.2. Control de motores de inducción .....	293

8.7.3. Control de motores síncronos.....	298
<b>9. Energía Eólica .....</b>	<b>300</b>
9.1. Introducción .....	300
9.1.1. Desarrollo histórico de la generación eólica .....	301
9.1.2. Desarrollo en Chile.....	302
9.2 Caracterización del recurso eólico .....	303
9.2.1. condiciones del emplazamiento. ....	303
9.2.2. variabilidad del viento.....	305
9.2.3. Potencia extraíble del viento. ....	308
9.3. Control de una central eólica .....	311
9.3.1. Control sobre la operación de los aerogeneradores.....	311
9.3.2. Control sobre la Potencia inyectada a la red .....	314
9.4 GENERACION EOLICA Y Calidad de suministro .....	315
9.4.1 Impacto en el voltaje en régimen permanente.....	315
9.4.2 Variaciones dinámicas de voltaje.....	315
9.4.3 Inyección de reactivos.....	316
9.4.4 Distorsión armónica .....	316
9.5 Calidad de Suministro para diferentes Tipos de generadores .....	318
9.5.1 Calidad de suministro en aerogeneradores de velocidad fija .....	318
9.5.2 Calidad de suministro en aerogeneradores de velocidad variable.....	319
<b>10. CELDAS DE COMBUSTIBLE.....</b>	<b>327</b>
10.1 INTRODUCCIÓN .....	327
10.2. PRINCIPIO DE FUNCIONAMIENTO DE LAS CELDAS DE COMBUSTIBLE TIPO “PEM” .....	328
10.3. TIPOS DE CELDAS DE COMBUSTIBLE .....	331
10.3.1 Celda de Ácido Fosfórico (PAFC) .....	331
10.3.2 Celda de Carbonatos Fundidos (MCFC).....	332
10.3.3 Celdas de Oxido Sólido.....	332
10.3.4 Celda de Membrana de Intercambio Protónico (PEM).....	334
10.3.5 Celdas Alcalinas .....	336
10.3.6 Otras Celdas de Combustible .....	337
10.3.7 CLASIFICACION DE LAS CELDAS DE COMBUSTIBLE .....	338
10.4. APLICACIONES .....	340
10.4.1 Generación de Electricidad Masiva.....	340
10.4.2 Generación de Electricidad Menor.....	345
10.4.2.1 Celda de Combustible en el Hogar.....	345
10.4.2.2 Celda de Combustible en las Transmisiones.....	346
10.4.2.3 Celda de Combustible Portátil.....	348
10.4.3 Celda de Combustible en la Telefonía Móvil.....	349
10.4.4 Industria Automotriz .....	349
10.4.5 Industria Aeroespacial.....	353
10.4.6 Aplicaciones Varias.....	353
10.5. Ciclo del Hidrógeno .....	356
10.6 Almacenamiento del Hidrógeno.....	357
10.6.1 Hidruros de metal .....	357
10.6.2 Nanotubos de carbon .....	359
10.6.3 Hidrógeno comprimido .....	360

10.6.4 Almacenamiento químico .....	361
10.6.5 Almacenamiento líquido .....	361
10.6.6 Esferas de vidrio.....	362
10.6.7 Transporte líquido .....	362
10.6.8 Poros atractores de hidrógeno .....	362
10.7 Formas de Generación Hidrógeno.....	362
10.7.1 Generación Típica .....	363
10.7.2 Generación Biotecnológica .....	364
10.7.3 Fotoproducción de hidrógeno .....	364
10.8. COMENTARIOS .....	365
<b>11. ENERGÍA DEL MAR .....</b>	<b>368</b>
11.1 INTRODUCCIÓN .....	368
11.2 CARACTERÍSTICAS FÍSICAS DEL MEDIO MARINO .....	369
11.2.1 TEMPERATURA .....	369
11.2.2 LUZ .....	369
11.2.3 DENSIDAD .....	370
11.2.4 Presión.....	371
11.2.5 EL SUSTRATO .....	371
11.3 CORTE DE UNA CUENCA OCEÁNICA.....	371
11.4 Características químicas del medio marino.....	373
11.4.1 Salinidad.....	374
11.4.2 Distribución de la salinidad en los mares.....	374
11.4.3 Otras sustancias disueltas .....	375
11.4.4 GASES DISUELtos .....	375
11.4.5 VALORES DEL pH.....	376
11.5 MOVIMIENTOS DE LAS AGUAS OCEÁNICAS .....	377
11.5.1 MAREAS .....	377
11.5.2 CORRIENTES MARINAS.....	379
11.5.3 ONDAS Y OLAS.....	381
11.6 FORMAS DE ENERGÍA PRESENTE EN AGUAS MARINAS .....	383
11.7 SISTEMAS DE EXTRACCIÓN DE ENERGÍA DEL OCÉANO .....	384
11.7.1 Ondas.....	384
11.7.2 Olas .....	385
11.7.3 Temperatura .....	387
11.7.4 Mareas .....	388
11.7.5 Corrientes .....	389
11.7.6 Gradientes de salinidad .....	391
11.7.7 Efecto osmótico por métodos mecánicos .....	392
11.8 SISTEMAS DE GENERACIÓN EN operación ACTUAL .....	394
11.8.1 Mareotérmica .....	394
11.8.2 Mareomotriz .....	396
11.8.3 Corrientes .....	397
11.8.4 Ondas y Olas .....	398
11.9 Ventajas y desventajas de la energía a partir del océano .....	403
<b>12. Energía Geotérmica.....</b>	<b>404</b>
12.1 Introducción .....	404
12.2 Tipos de Energía Geotérmica .....	405

12.3 GENERACION ELECTRICA A PARTIR DE GEOTERMIA.....	407
12.3.1 Explotación Convencional .....	407
12.3.2 Plantas Tipo Flash .....	408
12.3.3 Tecnología de Ciclo Binario .....	408
12.4 Situación Internacional.....	410
13. Anexo: Problemas Resueltos.....	418

## **INDICE DE FIGURAS**

Figura 1.1. Clasificación máquinas eléctricas.....	12
Figura 1.2. Sistema eléctrico de potencia.....	13
Figura 2.1. Campo magnético de imán permanente.....	16
Figura 2.2. Campos magnéticos creado por corriente eléctrica .....	17
Figura 2.3. Ley de Biot-Savarat. ....	18
Figura 2.4. Motor elemental.....	19
Figura 2.5. F.e.m. inducida en una espira .....	20
Figura 2.6. Característica B - H.....	22
Figura 2.7. Circuito magnético simple .....	23
Figura 2.8. Circuito magnético y su equivalente eléctrico .....	26
Figura 2.9. Corrientes de Foucault.....	27
Figura 2.10 Característica $\lambda$ -i.....	28
Figura 2.11. Flujos propios y mutuos.....	29
Figura 2.12. Energía en campo magnético.....	31
Figura 2.13. Energía por unidad de volumen.....	31
Figura 2.14. Energía perdida en el núcleo.....	32
Figura 2.15. Ciclo de histéresis .....	33
Figura 2.16. Circuito magnético con entrehierro .....	34
Figura 3.1. Principio de funcionamiento del transformador. ....	41
Figura 3.2. Núcleos de transformadores monofásicos. ....	43
Figura 3.3. Núcleos de transformadores trifásicos.....	43
Figura 3.4. Traslado de chapas y transformador monofásico armado. ....	44
Figura 3.5. Enrollados concéntricos con núcleo tipo ventana.....	44
Figura 3.6. Partes esenciales de transformador sumergido en aceite.....	45
Figura 3.7: Transformador ideal.....	46
Figura 3.8. Circuito magnético equivalente .....	48
Figura 3.9. Marcas de polaridad.....	49
Figura 3.10. Diagrama fasor del transformador ideal. ....	50
Figura 3.11. Circuito referido al primario. ....	50
Figura 3.12. Circuito equivalente de transformador en vacío.....	52
Figura 3.13 Característica magnética no lineal.....	53
Figura 3.14. Diagrama fasor con carga secundaria. ....	54
Figura 3.15. Circuito equivalente con carga en el secundario. ....	54
Figura 3.16. Flujos de fuga. ....	55
Figura 3.17. Circuito equivalente incluyendo el efecto de flujos de fuga.....	56
Figura 3.18. Circuito equivalente incluyendo resistencia de enrollados.....	57
Figura 3.19. Corriente en vacío para núcleo con pérdidas. ....	58
Figura 3.20. Representación fasorial de corriente en vacío para núcleo con pérdidas. ....	58
Figura 3.21. Forma de onda de la corriente en vacío .....	59
Figura 3.22. Circuito equivalente exacto. ....	59
Figura 3.23. Circuito equivalente aproximado.....	60
Figura 3.24. Prueba de circuito abierto .....	61
Figura 3.25. Prueba de corto circuito .....	62

Figura 3.26. Conexión en instante $v_1 = v_m$ .....	66
Figura 3.27. Conexión en instante $v_1 = 0$ .....	67
Figura 3.28. Corriente de inrush.....	67
Figura 3.29. Banco de transformadores en paralelo sin carga. ....	68
Figura 5.1. Generador elemental .....	146
Figura 5.2. Sistema de commutación .....	147
Figura 5.3 . Voltaje rectificado.....	148
Figura 5.4. Generador con 4 delgas.....	148
Figura 5.5. Voltaje rectificado con 4 delgas.....	149
Figura 5.6. Curva de excitación .....	152
Figura 5.7. Generador de excitación separada operando en vacío .....	153
Figura 5.8. Característica de excitación o curva de saturación en vacío.....	153
Figura 5.9. Curvas de excitación a distintas velocidades.....	154
Figura 5.10. Cambio en la distribución del flujo magnético en el entrehierro.....	156
Figura 5.11. Cambio de línea neutra. ....	157
Figura 5.12. Interpolos. ....	158
Figura 5.13. Estator de máquina de C.C. de 2 polos .....	161
Figura 5.14. Rotor de máquina de C.C.....	162
Figura 5.15. Enrollado imbricado .....	163
Figura 5.16. Diagrama extendido del enrollado imbricado.....	164
Figura 5.17. Circuito equivalente de un generador de excitación separada.....	165
Figura 5.18. Característica $V_L$ v/s $I_L$ en generador de excitación separada.....	167
Figura 5.19. Circuito equivalente de un generador shunt. ....	167
Figura 5.20. Fenómeno de auto-excitación de un generador shunt.....	168
Figura 5.21. Resistencia de campo para generación. ....	169
Figura 5.22. Característica $V_L$ v/s $I_L$ en generador shunt.....	170
Figura 5.23. Circuito equivalente de un generador serie.....	171
Figura 5.24. Característica $V_L$ v/s $I_L$ en generador serie.....	172
Figura 5.25. Circuito equivalente de un generador compound aditivo. ....	173
Figura 5.26. Característica $V_L$ v/s $I_L$ en generador compound aditivo <sup>0</sup> .....	175
Figura 5.27. Circuito equivalente de un generador compound diferencial. ....	176
Figura 5.28. Característica $V_L$ v/s $I_L$ en generador compound diferencial.....	177
Figura 5.29. Circuito equivalente de un motor de excitación separada. ....	178
Figura 5.30. Circuito equivalente de un motor shunt. ....	178
Figura 5.31. Curva Torque-velocidad de un motor de excitación separada.....	180
Figura 5.32. Curva Torque-velocidad de un motor shunt. ....	180
Figura 5.33. Circuito equivalente de un motor serie. ....	182
Figura 5.34. Curva Torque-velocidad de un motor de serie.....	183
Figura 5.35. Circuito equivalente de un motor compound aditivo.....	184
Figura 5.36. Curva Torque-velocidad de un motor compound aditivo. ....	185
Figura 6.1. Motor de inducción de un par de polos.....	195
Figura 6.2. Motor de inducción con dos pares de polos.....	196
Figura 6.3. Grados eléctricos y geométricos según los pares de polos. ....	197
Figura 6.4. Campos magnéticos rotatorios del estator y rotor. ....	199
Figura 6.5. Estator con enrollado tipo imbricado.....	202
Figura 6.6. Rotor tipo jaula de ardilla. ....	202
Figura 6.7. Rotor bobinado. ....	203
Figura 6.8. Relación de transformación. ....	204

Figura 6.9. Circuito equivalente por fase (general).....	204
Figura 6.10. Circuito equivalente por fase (referido al estator). .....	207
Figura 6.11. Circuito equivalente por fase (con carga representada).....	207
Figura 6.12. Prueba de en vacío.....	208
Figura 6.13. Prueba de corto circuito .....	209
Figura 6.14. Curva Torque-velocidad .....	212
Figura 6.15. Curva Torque-velocidad en función de $r_f'$ .....	212
Figura 6.16. Curva Corriente rotórica-velocidad en función de $r_f'$ .....	213
Figura 6.17. Curva Torque-velocidad (motor monofásico) .....	216
Figura 7.1. Generador monofásico desacoplado de la red .....	236
Figura 7.2. Característica Torque velocidad del motor síncrono .....	240
Figura 7.3. Operación de la máquina síncrona en el diagrama P-Q.....	241
Figura 7.4. Diagrama de operación de un generador síncrono.....	242
Figura 7.5. Rotores de máquina síncrona .....	244
Figura 7.6. Barras amortiguadoras en motor síncrono .....	245
Figura 7.7. Ejes directo y en cuadratura .....	246
Figura 7.8. Circuitos de estator y rotor.....	247
Figura 7.9. Descomposición de la fuerza magnetomotriz (fase a) .....	250
Figura 7.10. Flujo magnético en el entrehierro (fase a) .....	250
Figura 7.11. Variación de la inductancia propia de los enrollados del estator.....	252
Figura 7.12. Variación de la inductancia mutua de los enrollados de las fases a y b. ....	253
Figura 7.13. Circuito equivalente por fase de la máquina síncrona. ....	259
Figura 7.14. Diagrama fasorial de una máquina síncrona operando como generador .....	260
Figura 7.15. Diagrama fasorial de una máquina síncrona operando como motor. ....	260
Fotografia 9.1.1. Generador de Brush .....	301
Fotografia 9.1.2. Parque eólico de Palm Springs, California.....	302
Figura 9.1.3: Variabilidad de la velocidad del viento en el corto plazo.....	306
Figura 9.1.4: Variabilidad de la velocidad del viento diurna (Beldringe, Dinamarca) .....	306
Figura 9.1.5: Variabilidad de la velocidad del viento estacional .....	307
Figura 9.1.6: Variaciones anuales de la velocidad del viento .....	307
Figura 9.1.7: Distribución de Weibull.....	308
Figura 9.1.8: Potencia de entrada, disponible y de salida de un aerogenerador.....	309
Figura 9.1.9: Curva de potencia de un aerogenerador.....	310
Fotografia 9.1.10: Mecanismo de orientación de un aerogenerador .....	312
Figura 9.1.11: Esquema simplificado de un parque eólico conectado a la red .....	316
Figura 9.1.12: Aerogenerador de velocidad fija conectado a la red.....	318
Figura 9.1.12: Generador de inducción con convertidor en el rotor .....	320
Figura 9.1.13: Generador de inducción jaula de ardilla .....	320
Figura 9.1.14: Generador sincrónico.....	321

## **INDICE DE TABLAS**

Tabla 2.1. Unidades de $\phi$ y B.....	16
Tabla 2.2. Analogía de variables magnéticas y eléctricas.....	25
Tabla 5.1.: Designación de terminales de conexión de acuerdo a la norma .....	161