CC40A: Diseño y Análisis de Algoritmos Auxiliar Nº 8

Prof. Jérémy Barbay Aux. Carlos Bedregal

Octubre 23 de 2009

- 1. Considere un algoritmo Monte Carlo A para un problema P cuyo tiempo esperado de ejecución es O(T(n)) en una instancia de tamaño n, y produce una solución correcta con probabilidad p(n). Suponga que dada una solución para P, es posible verificar si es correcta en tiempo t(n). Muestre cómo obtener un algoritmo Las Vegas que siempre dé respuestas correctas para P y su tiempo esperado de ejecución sea O((T(n) + t(n))/p(n)).
- 2. Un conjunto independiente de un grafo G = (V, E) con |V| = n y |E| = m es un subconjunto V' de V sin aristas de E entre elementos de V' (el problema es NP-completo). Considere que V', de tamaño r se escoge al azar de V. Sea X la cantidad de aristas de E que conectan nodos de V' (X es una variable aleatoria).
 - Considere una arista de E en particular. Calcule la probabilidad de que esa arista conecte dos nodos de V'. Calcule la esperanza de X, E(X).
 - Diseñe un algoritmo Monte Carlo que encuentre un conjunto independiente de tamaño $\epsilon n/\sqrt{m}$ con probabilidad $1 \epsilon^2$, para cualquier $0 < \epsilon < 1$. Use $(P(X \ge 1) \le E(X))$.
 - Diseñe un algoritmo Las Vegas que encuentre un conjunto independiente de tamaño $\epsilon n/\sqrt{m}$.
- 3. Sea $0 < \epsilon_2 < \epsilon_1 < 1$. Considere un algoritmo Monte Carlo que de la solución correcta a un problema con probabilidad mayor a $1 \epsilon_1$, independientemente de la entrada. ¿Cómo se podría elevar la probabilidad de obtener una solución correcta a por lo menos $1 \epsilon_2$?
- 4. Determine las cotas inferiores de complejidad para un algoritmo en el modelo de comparaciones que decide si un elemento x pertenece a una lista desordenada de tamaño k.
 - \blacksquare Si existe una sola instancia de x.
 - Si existen r instancias de x.