

# Algoritmos (y Estructuras de Datos) Aleatorios

Note Title

10/15/2009

## ① Introducción

- Ejemplos

- Quicksort, Quickselect
- SkipList

① Decidir si un elemento está dentro de una lista desordenada de k elementos

- Determinística

\* k en el peor caso

\*  $n/2$  en promedio si la instancia es al azar

- Probabilística

\* Dirección aleatorio:  $\max_I \mathbb{E}(C(A_R, I))$

\* Permutación aleatoria

$n/2$

$(A_R)_R$

| Se puede ver como  
- instrucciones aleatorias  
o  
- un input aleatorio

⑥

Decidir si un elemento está dentro de una lista desordenada que contiene  $r$  instancias de este elemento, dentro de  $k$ .

\* Complejidad Determinística : Peor Caso:  $k-r$   
Promedio:  $\Pr[C=1] = \frac{r}{k}$ ,  $\Pr[C=2] = \frac{(k-r)}{k} \frac{r}{k-1}$  (---)  
 $E(C) \leq \frac{kr}{n}$

\* Complejidad Probabilística  
+ Eligiendo una permutación al azar  
 $\Rightarrow \leq \frac{kr}{n}$   
+ Eligiendo una dirección al azar  
 $\left\lfloor \frac{k-r}{2} \right\rfloor$

② Decidir si un elemento pertenece en una lista ordenada de  $n$  elementos con comparaciones

Complejidad determinística:  $\log n$  comparaciones  
- Promedio (sobre el rango de inserción)  $\log n$

Complejidad probabilística:

- Reducción a árbol aleatorio  
 $\Rightarrow \log n$

① Decidir si un elemento pertenece en todos los listas ordenadas, de tamaño  $n$  cada una  
si  $R$  listas contienen este elemento

Complejidad Determinística

- en el peor caso:  $\begin{cases} (R+1) \lg n & (\text{si } R \leq k-1) \\ k \lg n & (\text{si } R \geq k-1) \end{cases}$

- en promedio  $\frac{k}{R-1} \lg n$

Complejidad Probabilística

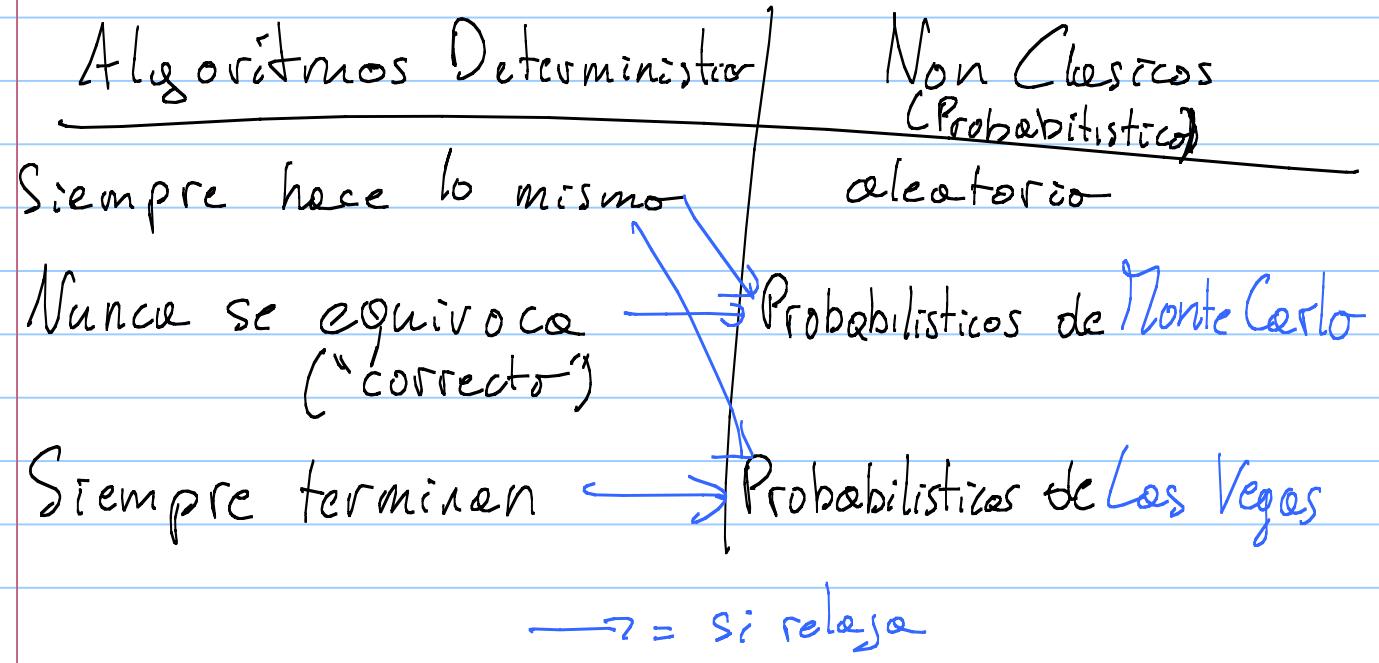
$$\Theta\left(\frac{\lg}{k-R+1} \lg n\right)$$

c) Intersección de "Posting Lists"  
("Google queries")

de claves en una consulta ("keywords")

Cada clave tiene un arreglo ordenado de los objetos (páginas) relacionados

## II Formalización



## Clasificación para algoritmos de decisión

① Monte Carlo

$$P(\text{[ ]}) \leq \epsilon \left( < \frac{1}{\epsilon} \right)$$

"Two-sided" error

"One Sided" error

$$\begin{array}{l} P(\text{[ ]}) \\ \frac{P(\text{reject | negativo})}{P(\text{accept | positivo})} \end{array}$$

$$< \epsilon/2$$

$$< \epsilon$$

$$> 1 - \epsilon/2$$

$$> 1 - \epsilon$$

$$< \epsilon/2$$

$$= 0$$

$$> 1 - \epsilon/2$$

$$= 1$$

Ejemplo : Clique

