



Ingeniería Civil
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE

Universidad de Chile
Departamento de Ingeniería Civil
Proyecto MECESUP UCH 0303
Modernización e Integración Transversal de la Enseñanza de
Pregrado en Ciencias de la Tierra



Área Temática:	Hidrología
Módulo:	Aforo en un Cauce Natural
Desarrollado por:	Solange Dussaubat / Ximena Vargas
Modificado por:	Mauricio Cartes
E-mail:	mcartes@ing.uchile.cl / xvargas@ing.uchile.cl

Versión Semestre Primavera 2008

Índice

<u>1</u>	<u>ANTECEDENTES</u>	<u>3</u>
1.1	MÉTODO ÁREA – VELOCIDAD	3
1.2	MÉTODO DE LA ALTURA PIEZOMÉTRICA	5
<u>2</u>	<u>EXPERIENCIA PRÁCTICA</u>	<u>6</u>
2.1.1	OBJETIVOS DE LA EXPERIENCIA	6
2.1.2	MATERIALES Y MÉTODOS	6
<u>3</u>	<u>GUÍA DE TRABAJO</u>	<u>11</u>
<u>4</u>	<u>RECOMENDACIONES PARA TRABAJO POST-EXPERIENCIA</u>	<u>13</u>

1 Antecedentes

Desde hace varios siglos el ser humano ha tenido la necesidad de medir el comportamiento físico del agua en movimiento o en reposo. Es por ello que ha inventado muchos aparatos que registran la velocidad, la presión, la temperatura y el caudal.

Una de las variables que más interesan es esta última, el caudal, puesto que a través de él se cuantifican consumos, se evalúa la disponibilidad del recurso hídrico y se planifica la respectiva gestión de la cuenca.

El caudal, Q , se define como el volumen de agua, $\forall$, que pasa por una sección en un determinado tiempo, t , es decir:

$$Q = \frac{\forall}{t} \quad (1.1)$$



Aforar es medir un caudal. Para realizar un aforo en un sistema hidráulico, se puede **medir directamente** el volumen, en un recipiente y el tiempo, con un cronómetro.

Este método volumétrico es el más recomendable, sin embargo a veces es difícil de aplicar, solamente resulta útil para caudales pequeños y donde las características físicas lo permitan.

Debido a lo anterior, han surgido los **métodos indirectos**, que como su nombre lo señala miden otras variables físicas distintas del caudal, como por ejemplo la velocidad o la altura piezométrica, para luego, aplicando los principios hidráulicos, obtener dicho caudal.

Los métodos de medición indirectos de caudales se pueden agrupar en dos tipos: Área-Velocidad y Altura Piezométrica. A continuación se describen ambos métodos:

1.1 Método Área – Velocidad



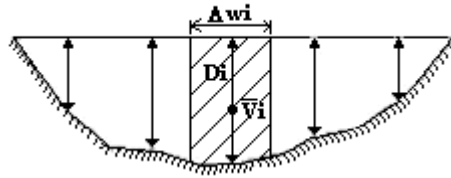
En este método se utiliza la ecuación de continuidad.

El caudal en una sección transversal de área A está dado por:

$$Q = \int_A V \cdot dA \quad (1.2)$$

en donde la integral se aproxima sumando los caudales incrementales calculados para cada medición i , $i = 1, 2, \dots, n$, de velocidad $\bar{V}_i$ y profundidad D_i . Las mediciones representan valores promedio a lo largo de un ancho Δw_i del cauce, luego el caudal se calcula como:

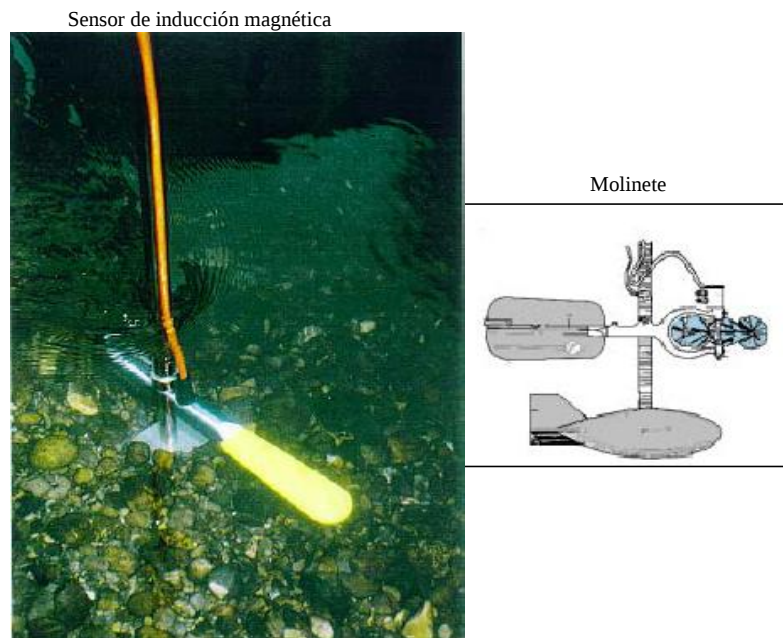
$$Q = \sum_{i=1}^n \bar{V}_i D_i \Delta w_i \quad (1.3)$$



Por su parte, la velocidad V_i , en un punto, se puede medir, por ejemplo, con alguno de los siguientes dispositivos: flotador y reloj, molinetes y sensores de inducción magnética.

Con el flotador y el reloj se toman lecturas del tiempo que recorre un cuerpo que avanza flotando sobre el agua. El molinete registra el número de vueltas que impone el efecto dinámico del agua y se relaciona esta frecuencia de giro con la velocidad. El sensor de inducción magnética basa su funcionamiento en la ley de Faraday que dice que si un medio electroconductor se desplaza en un campo magnético, una tensión inducirá dicho conductor; por lo tanto la tensión es proporcionalmente lineal a la velocidad del conductor eléctrico (corriente de agua).

Figura 1.1: Dispositivos para medición del Caudal



Al usar uno u otro aparato de medición es necesario tener siempre presente la posibilidad de generar errores en las mediciones, debido a que un pequeño error inicial se puede propagar y repercutir en el dato final.

1.2 Método de la altura piezométrica

El otro método indirecto para medir el caudal que tiene una corriente de agua, es el que expresa este caudal como una función de la altura piezométrica. La relación es muy sencilla, siendo del tipo potencial:

$$Q = C h_p^z \quad (1.4)$$

En donde,

Q : caudal

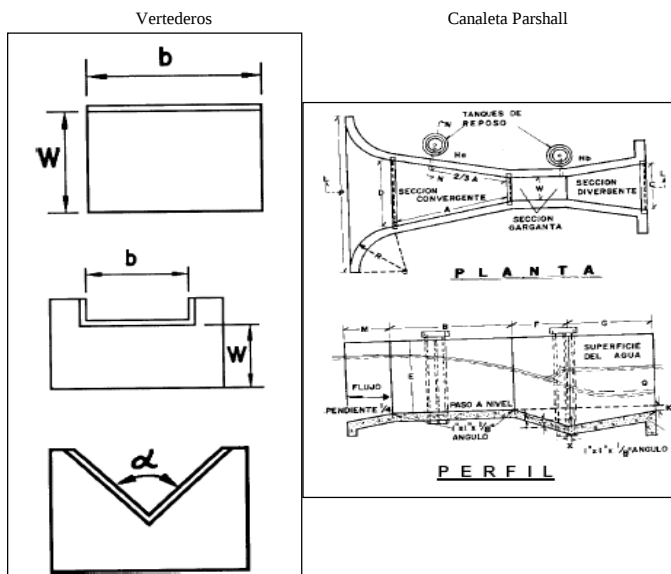
C : coeficiente de descarga

h_p : altura piezométrica

z : exponente

Tanto el coeficiente C como el exponente z , dependen de las características geométricas del dispositivo de medición que se trate.

Figura 1.2: Dispositivos para medición del Caudal



Son varios los dispositivos que utilizan esta relación, como por ejemplo: vertederos, Canaletas Parshall y sensores de nivel, entre otros.

Existen en el mercado equipos que son más sofisticados, en donde las lecturas de las alturas o cargas piezométricas se realizan por medio de celdas de presión (transductores) y equipos ultrasónicos, que por un lado

mejoran las mediciones notablemente, pero por otro resultan muchísimo más costosos.

Hay varios requerimientos para la instalación física de estos equipos de medición, que dependen de cada dispositivo en particular. En canales de superficie libre, la altura piezométrica debe medirse en lugares donde la altura de velocidad sea despreciable, lo cual se logra donde el agua escurre con flujo subcrítico o donde el agua se encuentra estancada.

2 Experiencia Práctica

2.1.1 Objetivos de la Experiencia

- Aprender a utilizar en terreno distintos equipos para realizar aforos: molinetes, canaletas Parshall y sensor de nivel de agua, verificando el funcionamiento correcto de los medidores existentes, según el procedimiento de aforo.
- Estimar el caudal circundante en el cauce.
- Evaluar e interpretar adecuadamente los datos de medición proporcionados por cada uno de los diferentes dispositivos y poder correlacionar las lecturas obtenidas a través de las diferentes metodologías.

2.1.2 Materiales y Métodos

Los materiales que se usarán en esta experiencia son los siguientes:

- Molinete
- Canaleta Parshall de 3"
- Canaleta Parshall de 6"
- Sensor de nivel de agua

2.1.2.1 Método del molinete:

El molinete es un instrumento que tiene una hélice o rueda de cazoletas, que gira al introducirla en una corriente de agua. El de tipo de taza cónica gira sobre un eje vertical y el de tipo hélice gira sobre un eje horizontal. En ambos casos la velocidad de rotación es proporcional a la velocidad de la corriente; se cuenta el número de revoluciones en un tiempo dado.

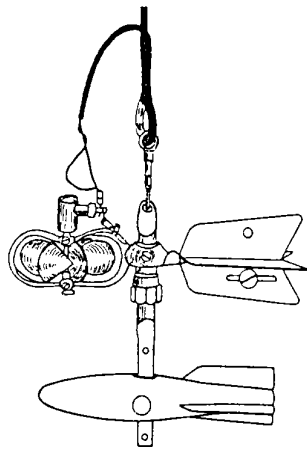


Los molinetes pueden ir montados en soportes o suspendidos de cables. Antes de ser usados en el campo, deben ser calibrados por el fabricante para determinar la relación entre la velocidad de rotación de la hélice y la velocidad del agua.

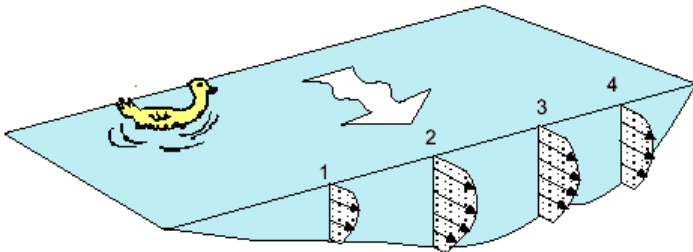
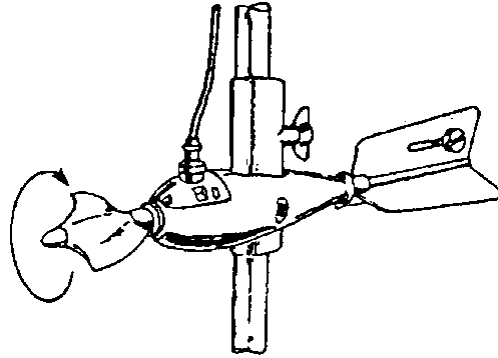
La sección elegida para la medida con el molinete debe estar situada en un tramo recto y de una sección lo más homogénea posible a lo largo de dicho tramo.

Figura N° 2.1: Dos Tipos de Molinetes

a) Tipo taza cónica



b) Tipo hélice



Un molinete mide la velocidad en un único punto, es por esto que, para calcular el caudal total se deben realizar varias mediciones.

Según sea el grado de precisión que se quiera obtener en el aforo, se tomarán mayor o menor número

de puntos de medida en la sección. El U.S. Department of the Interior (Bureau of Reclamation) recomienda dividir la sección transversal en 20 tramos o más segmentos. Cuando se pretende obtener una alta precisión, se elegirán mayor número de verticales en la sección y se calculará la velocidad media en cada vertical. Para cada sección entre dos verticales de medida, el área se calcula como el producto del promedio del alto por el ancho, y la velocidad media como el promedio de las velocidades medias en las verticales. El caudal de cada sección resulta directamente como el producto del área y la velocidad media, mientras que el caudal total se calcula como la suma de los caudales entre verticales.

Determinación de la velocidad media en la vertical:

La velocidad media del agua en cada vertical puede determinarse mediante los siguientes métodos, dependiendo del tiempo disponible y teniendo en consideración el ancho, la profundidad del agua, las condiciones del lecho, los cambios de nivel, así como la precisión con que se desea operar:

a) Método de los puntos: Se deben realizar distintas observaciones de velocidad en cada vertical dependiendo de la profundidad del curso del agua. Para secciones de poca profundidad (menores a 60 cm) se realizan observaciones en cada vertical colocando el molinete a 0,6 de la profundidad total por debajo de la superficie libre. Para profundidades superiores, generalmente, se mide la velocidad a 0,2 y luego a 0,8 de la profundidad de la superficie libre y se usa el promedio de las dos medidas como la velocidad media en la

vertical. En la Tabla 2.1 se resumen los antecedentes necesarios para el cálculo de la velocidad media de acuerdo a la profundidad del cauce:

Tabla 2.1: Método de los puntos

Número de mediciones	Profundidad del curso de agua (cm)	Puntos de observación (medidos desde la superficie libre)	Velocidad media
1	30 - 60	0.6 D	$V_{media} = V_{0.6}$
2	60 - 300	0.2 y 0.8 D	$V_{media} = 0.5(V_{0.2} + V_{0.8})$
3	300 - 600	0.2, 0.6 y 0.8 D	$V_{media} = 0.25(V_{0.2} + 2V_{0.6} + V_{0.8})$
5	+ 600	30 cm, 0.2, 0.6, 0.8 y 30 cm sobre el fondo	$V_{media} = 0.1(V_{super} + 3V_{0.2} + 2V_{0.6} + 3V_{0.8} + V_{fondo})$
Donde D = profundidad del agua			

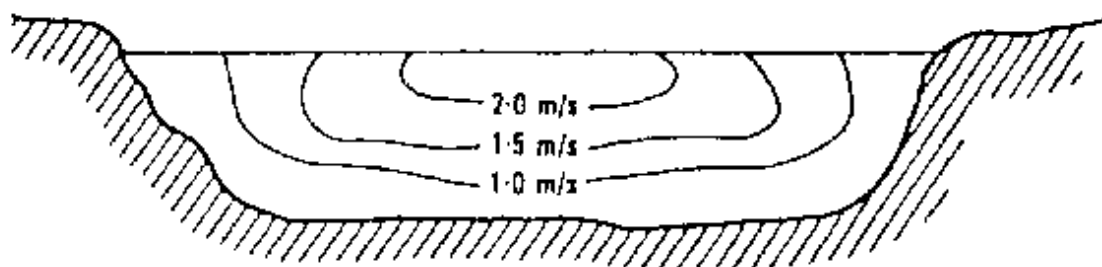
b) Método de múltiples puntos: consiste en medir velocidades en muchas posiciones de la vertical para definir el perfil de velocidad bastante bien y así calcular una velocidad media lo suficientemente exacta. El método es muy preciso, dependiendo del número de puntos de referencia medidos para el perfil, pero requiere de mucho tiempo.

c) Método superficial: implica medir la velocidad cerca de la superficie libre y después multiplicarla por un coeficiente que va desde 0,85 a 0,95, dependiendo de la profundidad del agua, de la velocidad, y de la naturaleza del río o canal. La dificultad de determinar el coeficiente exacto limita la utilidad y la exactitud de este método. En general, se utiliza para medir la velocidad en crecidas, en donde no se recomienda efectuar un aforo convencional, para proteger los equipos hidrométricos.

d) Método de integración: En este método el molinete es sumergido y elevado a lo largo de toda la vertical a una velocidad uniforme. La velocidad de ascenso o descenso del molinete no deberá ser superior al 5% de la velocidad media del flujo en toda la sección transversal y en todo caso deberá estar comprendida entre 0.04 y 0.10 m/s. Se determina el número de revoluciones por segundo. En cada vertical se realizan dos ciclos completos y, si los resultados difieren de más de 10%, se repite la medición.

e) Curvas Isotáquicas: Consiste en trazar líneas de igual velocidad en el perfil del cauce y obtener la velocidad media de la sección por integración directa.

Figura N° 2.2: Ejemplo de curvas isotáquicas en un cauce



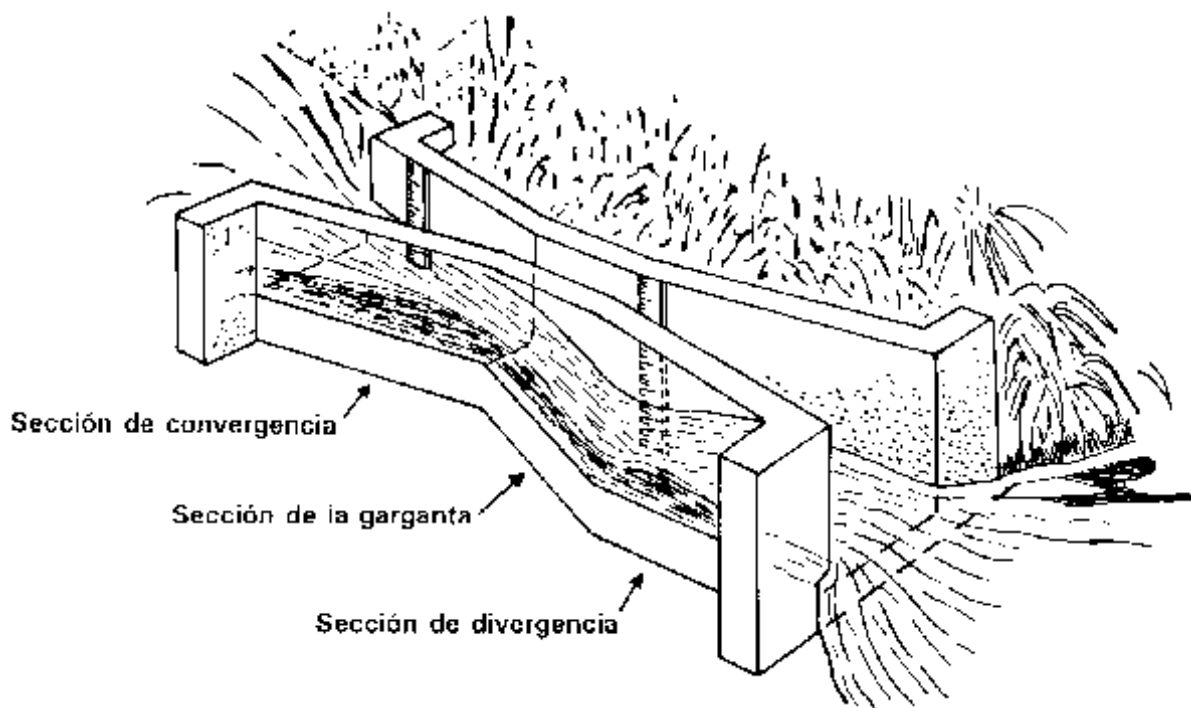
2.1.2.2 Método de la Canaleta Parshall

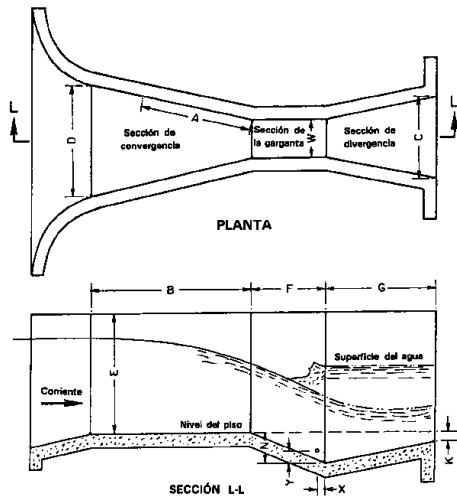
Los aforadores Parshall son instrumentos calibrados para la medida del caudal en cauces abiertos. Se describe técnicamente como un aforador de profundidad crítica.

Sus principales ventajas son que sólo existe una pequeña pérdida de carga a través del aforador, que deja pasar fácilmente sedimentos o desechos, que no necesita condiciones especiales de acceso o una poza de amortiguación y que tampoco necesita correcciones para una sumergencia de hasta un 60%. En consecuencia, es adecuado para la medición del caudal en canales de riego o en corrientes naturales con una pendiente suave.

El medidor consiste en una sección convergente con el fondo a nivel, una sección de garganta con el fondo con pendiente descendente y una sección divergente con el fondo con pendiente ascendente. Gracias a ello el agua escurre a velocidad crítica a través de la garganta.

Figura 2.1: Canaleta de Aforo Parshall





La sección control del medidor está situada cerca del final de la sección convergente.

Los aforadores Parshall están calibrados para una altura piezométrica (h_a), medida en un lugar definido de la sección convergente. La altura piezométrica de aguas abajo (h_b) se mide en la sección de la garganta.

Los aforadores Parshall se construyen de muy diversos tamaños y se clasifican según sea la anchura en la sección de garganta. El Parshall más pequeño tiene una anchura de garganta de 1 pulgada (25,4 mm) y el más grande de 50 pies (15.250 mm.).

La ecuación de descarga es de la forma:

$$Q = K h_a^u \quad (2.1)$$

Donde:

K = coeficiente que depende del ancho de la garganta

u = coeficiente que varía entre 1,522 y 1,60.

h_a = altura piezométrica en la sección de control A

Cuando la relación de sumergencia (h_b/h_a) excede el valor de 0,60 en medidores de 3, 6 y 9 pulgadas, entonces la descarga del medidor se reduce debido a la sumergencia. Bajo estas condiciones, las ecuaciones de descarga de los aforadores no son válidas y deben ser reducidas en la variación de la descarga debido a la sumergencia (Q_E). El caudal corregido (Q_S) será: $Q_S = Q - Q_E$; Q_E = reducción de descarga debido a sumergencia.

3 Guía de Trabajo

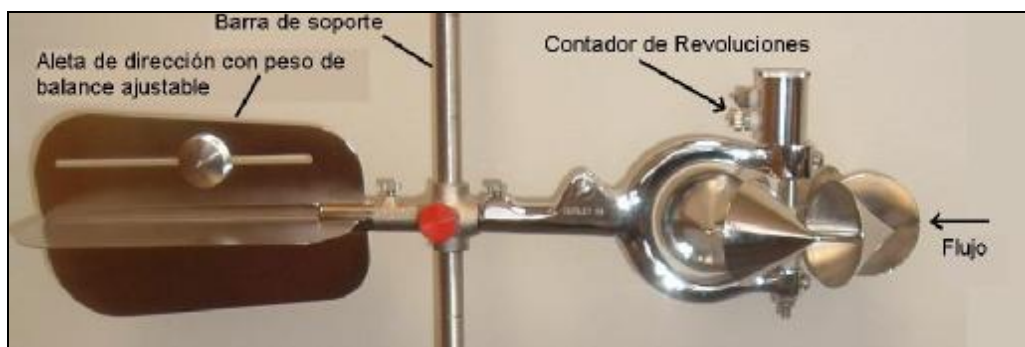
La experiencia será realizada en el Santuario de la Naturaleza Yerba Loca, la cual está ubicada en la precordillera de la zona central al noreste de Santiago, comuna de Lo Barnechea.

Figura 3.1: Santuario de la Naturaleza Yerba Loca, Estero de la Yerba Loca.



En diferentes sectores por definir, en grupos de 3 alumnos se deben realizar al menos un aforo en el “Estero de la Yerba Loca” con el Molinete Gurley 622 A.

Figura 3.2: Molinete Gurley 622 A



Para esto los alumnos **deben escoger las secciones a aforar**, teniendo presente que:

- La sección elegida debe estar situada en un tramo recto y ser lo más homogénea posible a lo largo de dicho tramo.
- Verificar que la sección sea adecuada para el tamaño del molinete.
- Examinar las obstrucciones presentes en la sección y en caso de ser necesario remover las piedras pesadas que puedan dificultar una correcta medición. Todo esto debe ser realizado antes de comenzar el aforo, para así no alterar las condiciones del flujo.

Una vez escogido el sitio de medición se debe colocar un lazo de un extremo a otro para marcar bien la perpendicularidad al cauce.

Figura 3.3: Ejemplo de Sección de Aforo



Luego de realizar el aforo anterior, se debe ir a medir el caudal de aporte de alguna quebrada aportante al Estero de la Yerba Loca, utilizando una Canaleta Parshall de tamaño adecuado al sector escogido. Para esto se deberá:

- Adecuar el terreno con palas e instrumentos disponibles para instalar la canaleta propiamente tal.
- Encauzar el flujo de tal forma que toda el agua sea captada por la canaleta
- Cerciorarse de que la canaleta esté horizontal, vale decir, no presente una inclinación que pueda cambiar la altura del flujo.

Figura 3.4: Mejoramiento de la zona a aforar



Una vez cumplidos los puntos anteriores se debe medir la altura de agua en la regla de la canaleta.

Figura 3.5: Canaleta Parshall



4 Recomendaciones para trabajo post-experiencia

Una vez realizadas las mediciones, como trabajo post-experiencia se deben calcular los caudales resultantes en cada sección aforada y comentar los resultados.

Además, se debe elaborar un informe explicativo de la experiencia, dando énfasis a los métodos utilizados para la medición de caudal, las secciones escogidas, los resultados obtenidos y las conclusiones que se desprenden.

Para llevar a cabo lo anterior es necesario tener la relación entre la velocidad de rotación de la hélice del Molinete y la velocidad del agua, la cual está dada por el fabricante y se resume en la Tabla 4.1.

Tabla 4.1: Tabla de conversión de revoluciones a velocidad

TABLA DE CONVERSIÓN PARA MEDIDOR DE CAUDAL N° 622																	
Velocidad en m/s																	
Time in Secs.	1 Rev.	2 Rev.	3 Rev.	5 Rev.	10 Rev.	20 Rev.	30 Rev.	40 Rev.	50 Rev.	60 Rev.	70 Rev.	80 Rev.	90 Rev.	100 Rev.	150 Rev.	200 Rev.	Time in Secs.
40	0.027	0.046	0.064	0.094	0.177	0.344	0.512	0.680	0.847	1.018	1.189	1.356	1.527	1.695	2.542	3.389	40
41	0.027	0.046	0.061	0.091	0.174	0.335	0.500	0.664	0.826	0.994	1.161	1.323	1.490	1.655	2.481	3.307	41
42	0.027	0.043	0.061	0.091	0.171	0.326	0.488	0.649	0.808	0.969	1.134	1.292	1.454	1.615	2.423	3.228	42
43	0.027	0.043	0.061	0.088	0.165	0.320	0.475	0.634	0.789	0.948	1.106	1.262	1.420	1.579	2.368	3.152	43
44	0.027	0.043	0.058	0.085	0.162	0.314	0.466	0.619	0.771	0.927	1.082	1.231	1.387	1.542	2.313	3.078	44
45	0.027	0.043	0.058	0.085	0.158	0.308	0.457	0.607	0.756	0.905	1.058	1.204	1.356	1.509	2.262	3.008	45
46	0.027	0.043	0.058	0.085	0.155	0.302	0.448	0.594	0.741	0.884	1.033	1.180	1.326	1.475	2.213	2.941	46
47	0.024	0.043	0.055	0.082	0.152	0.296	0.439	0.582	0.725	0.866	1.012	1.155	1.298	1.445	2.167	2.880	47
48	0.024	0.043	0.055	0.079	0.149	0.290	0.430	0.570	0.710	0.847	0.991	1.131	1.271	1.414	2.121	2.819	48
49	0.024	0.040	0.055	0.079	0.146	0.283	0.421	0.558	0.695	0.829	0.969	1.106	1.247	1.384	2.076	2.761	49
50	0.024	0.040	0.052	0.079	0.143	0.277	0.411	0.546	0.680	0.814	0.951	1.085	1.222	1.356	2.033	2.710	50
51		0.040	0.052	0.076	0.140	0.274	0.402	0.533	0.668	0.799	0.933	1.064	1.198	1.329	1.993	2.658	51
52		0.040	0.052	0.076	0.140	0.268	0.393	0.524	0.655	0.783	0.914	1.042	1.173	1.305	1.957	2.609	52
53		0.040	0.049	0.073	0.137	0.262	0.387	0.515	0.643	0.768	0.896	1.024	1.152	1.280	1.920	2.560	53
54		0.040	0.048	0.073	0.134	0.259	0.381	0.506	0.631	0.753	0.878	1.006	1.131	1.256	1.884	2.512	54
55		0.040	0.049	0.073	0.131	0.253	0.375	0.497	0.619	0.741	0.863	0.988	1.109	1.234	1.850	2.466	55
56		0.037	0.049	0.070	0.131	0.250	0.369	0.488	0.607	0.728	0.847	0.969	1.091	1.213	1.817	2.423	56
57		0.037	0.049	0.070	0.128	0.244	0.363	0.479	0.597	0.716	0.832	0.951	1.073	1.192	1.786	2.360	57
58		0.037	0.046	0.067	0.125	0.241	0.357	0.469	0.588	0.704	0.817	0.936	1.055	1.170	1.756	2.341	58
59		0.037	0.046	0.067	0.125	0.238	0.351	0.460	0.579	0.692	0.802	0.920	1.036	1.149	1.725	2.301	59
60		0.037	0.046	0.067	0.122	0.235	0.344	0.451	0.570	0.680	0.789	0.905	1.018	1.131	1.693	2.262	60
61		0.037	0.046	0.067	0.119	0.229	0.338	0.445	0.561	0.668	0.777	0.890	1.003	1.113	1.667	2.225	61
62		0.034	0.046	0.064	0.119	0.225	0.332	0.439	0.552	0.658	0.765	0.875	0.988	1.094	1.640	2.188	62
63		0.034	0.043	0.064	0.116	0.223	0.326	0.433	0.543	0.649	0.753	0.860	0.972	1.076	1.615	2.155	63
64		0.034	0.043	0.064	0.116	0.219	0.320	0.427	0.533	0.640	0.741	0.844	0.957	1.061	1.591	2.121	64
65		0.034	0.043	0.061	0.113	0.216	0.314	0.421	0.524	0.631	0.728	0.832	0.942	1.045	1.567	2.088	65
66		0.034	0.043	0.061	0.113	0.213	0.311	0.415	0.515	0.622	0.716	0.820	0.927	1.030	1.542	2.057	66
67		0.034	0.043	0.061	0.110	0.210	0.308	0.408	0.506	0.613	0.707	0.808	0.911	1.015	1.518	2.027	67
68		0.034	0.043	0.061	0.110	0.207	0.305	0.402	0.500	0.604	0.698	0.796	0.899	1.000	1.497	1.996	68
69		0.034	0.040	0.058	0.107	0.204	0.302	0.396	0.494	0.594	0.689	0.783	0.887	0.985	1.475	1.966	69
70		0.034	0.040	0.058	0.107	0.201	0.299	0.390	0.488	0.585	0.680	0.771	0.875	0.969	1.454	1.939	70

Esta tabla se aplica cuando las mediciones son hechas con un medidor suspendido por cable. Cuando las mediciones son hechas con un medidor suspendido por barra, la velocidad tabulada se reduce en un 2%

Las fórmulas del fabricante para obtener el caudal en base al uso de la canaleta Parshall están dadas por:

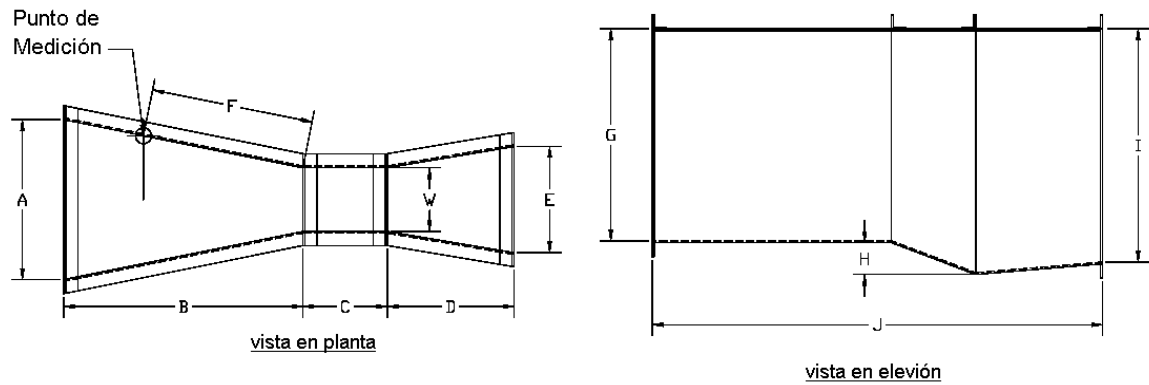
$$\text{Canaleta Parshall de 3"}: \quad Q(l/s) = 176,5 H^{1,547} \quad (4.1)$$

$$\text{Canaleta Parshall de 6"}: \quad Q(l/s) = 381,2 H^{1,580} \quad (4.2)$$

En donde H es la altura medida en metros

Se deberá calcular el caudal por las fórmulas anteriores de acuerdo a la canaleta utilizada y, además, calcular el caudal por la fórmula genérica ($Q = K h_a^u$), deduciendo los coeficientes K y u , por los principios de Hidráulica. Comparar y comentar los resultados.

Figura 4.1: Características y medidas de Canaletas Parshall



W	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	MIN. FLOW GPM	MAX. FLOW GPM
1"	6 ¹⁹ / ₃₂ "	14"	3"	8"	3 ²¹ / ₃₂ "	9 ¹⁷ / ₃₂ "	9"	1 ¹ / ₈ "	9 ³ / ₄ "	25"	2	85
2"	8 ¹³ / ₃₂ "	16"	4 ¹ / ₂ "	10"	5 ⁵ / ₁₆ "	10 ⁷ / ₈ "	9"	1 ¹¹ / ₁₆ "	9 ⁷ / ₈ "	30 ¹ / ₂ "	3	194
3"	10 ³ / ₁₆ "	18"	6"	12"	7"	12 ¹ / ₄ "	24"	2 ¹ / ₄ "	25"	36"	4	508
6"	15 ⁵ / ₈ "	24"	12"	24"	15 ¹ / ₂ "	16 ⁵ / ₁₆ "	24"	4 ¹ / ₂ "	27"	60"	23	1,382
9"	22 ⁵ / ₈ "	34"	12"	18"	15"	23 ¹ / ₈ "	30"	4 ¹ / ₂ "	33"	64"	41	2,801
12"	33 ¹ / ₄ "	52 ⁷ / ₈ "	24"	36"	24"	36"	36"	9"	39"	112 ⁷ / ₈ "	146	7,336
18"	40 ³ / ₈ "	55 ⁷ / ₈ "	24"	36"	30"	38"	36"	9"	39"	115 ⁷ / ₈ "	229	11,040
21"	43 ¹⁵ / ₁₆ "	57 ³ / ₈ "	24"	36"	30"	38"	36"	9"	39"	117 ³ / ₈ "	261	12,929
24"	47 ¹ / ₂ "	58 ⁷ / ₈ "	24"	36"	36"	40"	36"	9"	39"	118 ⁷ / ₈ "	296	14,853
30"	54 ³ / ₄ "	61 ⁷ / ₈ "	24"	36"	42"	42"	36"	9"	39"	121 ⁷ / ₈ "	366	18,721
36"	61 ⁷ / ₈ "	64 ³ / ₄ "	24"	36"	48"	44"	36"	9"	39"	124 ³ / ₈ "	434	22,618
48"	76 ¹ / ₄ "	70 ⁵ / ₈ "	24"	36"	60"	48"	36"	9"	39"	120 ⁵ / ₈ "	567	30,484
60"	90 ⁵ / ₈ "	76 ¹ / ₂ "	24"	36"	72"	52"	36"	9"	39"	126 ¹ / ₂ "	995	38,426
72"	105"	82 ³ / ₈ "	24"	36"	84"	56"	36"	9"	39"	142 ³ / ₈ "	1,181	46,431
84"	119 ³ / ₈ "	88 ¹ / ₂ "	24"	36"	96"	60"	36"	9"	39"	148 ¹ / ₂ "	1,826	54,489
96"	132 ³ / ₄ "	94 ¹ / ₈ "	24"	36"	108"	64"	36"	9"	39"	154 ¹ / ₈ "	2,076	62,591
120"	187 ¹ / ₄ "	168"	36"	72"	144"	72"	48"	13 ¹ / ₂ "	54"	276"	2,575	162,414
144"	216 ³ / ₄ "	192"	36"	96"	176"	80"	60"	13 ¹ / ₂ "	66"	324"	3,057	275,341