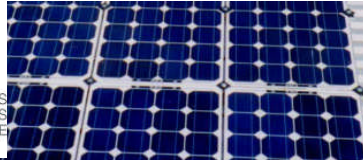




fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



FI33A ELECTROMAGNETISMO

Clase 11

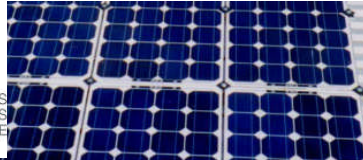
Corriente Eléctrica-I

LUIS S. VARGAS
Area de Energía
Departamento de Ingeniería Eléctrica
Universidad de Chile



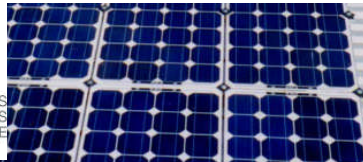
fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



INDICE

- Medios materiales en equilibrio electrostático
- El equilibrio dinámico de las corrientes
- Definición de corrientes
- Vector densidad de corriente
- Ley de Ohm

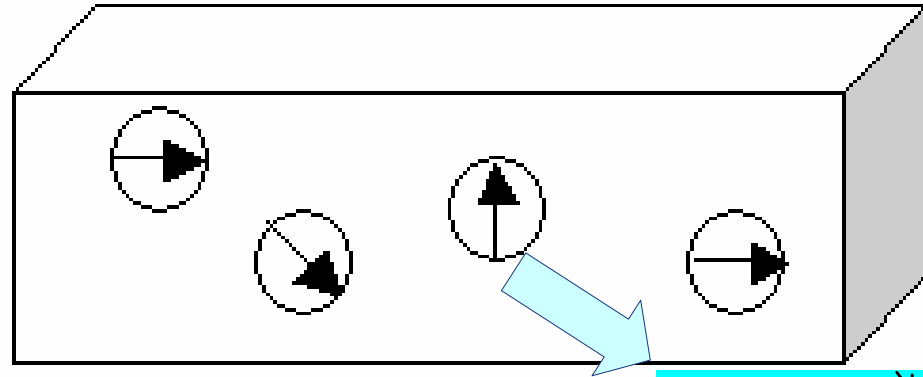


Medios materiales en electrostática

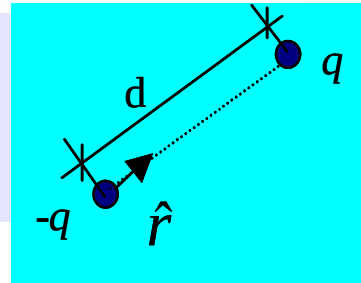
Dieléctricos

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P}$$

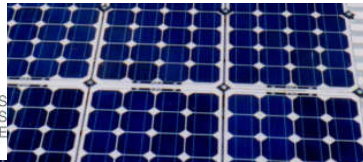
$$\vec{D} = \epsilon \vec{E}$$



$$\vec{p} = q d \hat{r}$$



Los medios dieléctricos se componen de dipolos que pueden girar en torno a su posición de equilibrio, pero no se desplazan.



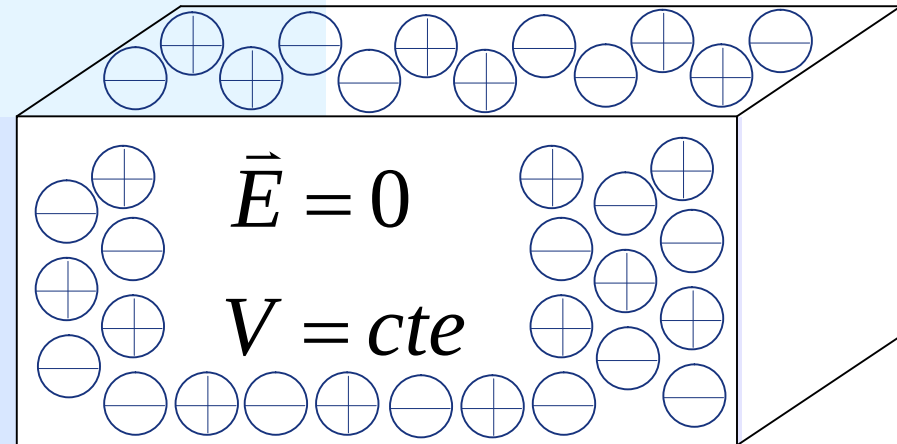
Medios materiales en electrostática

Conductores

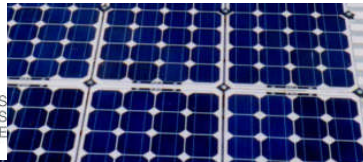
- Sólo tiene distribución superficial
- no hay polarización.

$$\vec{E} = 0$$

$$V = cte$$



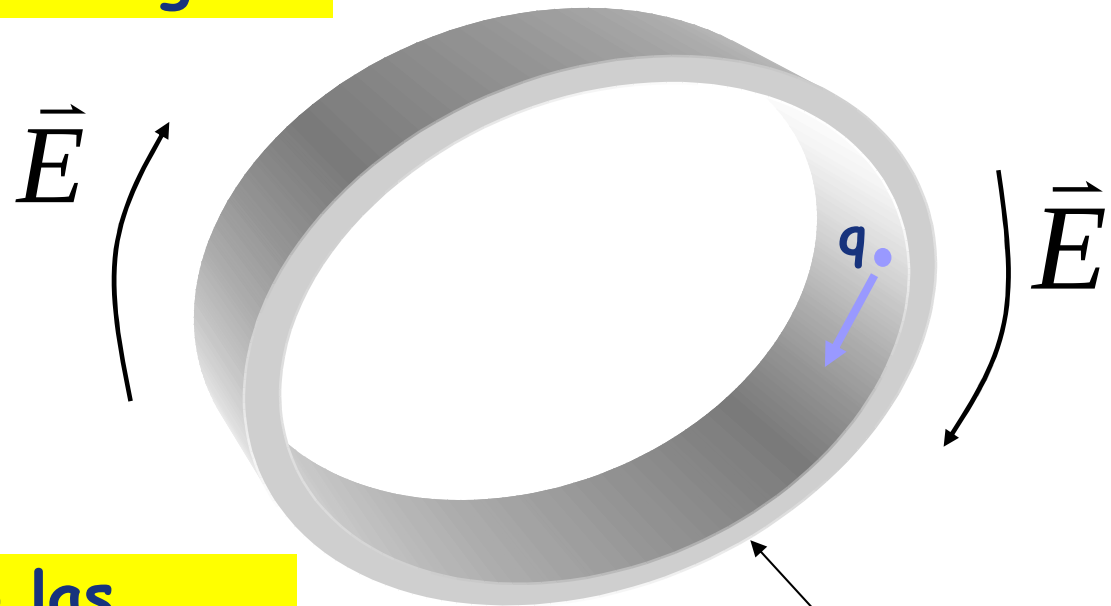
Los conductores poseen abundantes cargas (positivas y negativas) que pueden moverse libremente en presencia de un campo eléctrico



Equilibrio Dinámico

Qué ocurre si $\vec{E}$ no se extingue?

Si se mantiene campo las
cargas se acelerarían
indefinidamente



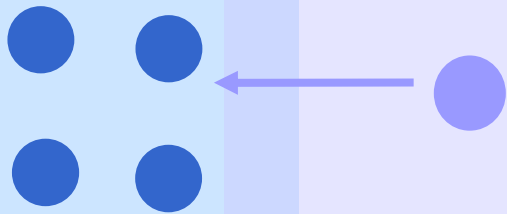
$$\vec{F} = q \bullet \vec{E}$$

$$m\vec{a} = q \bullet \vec{E}$$

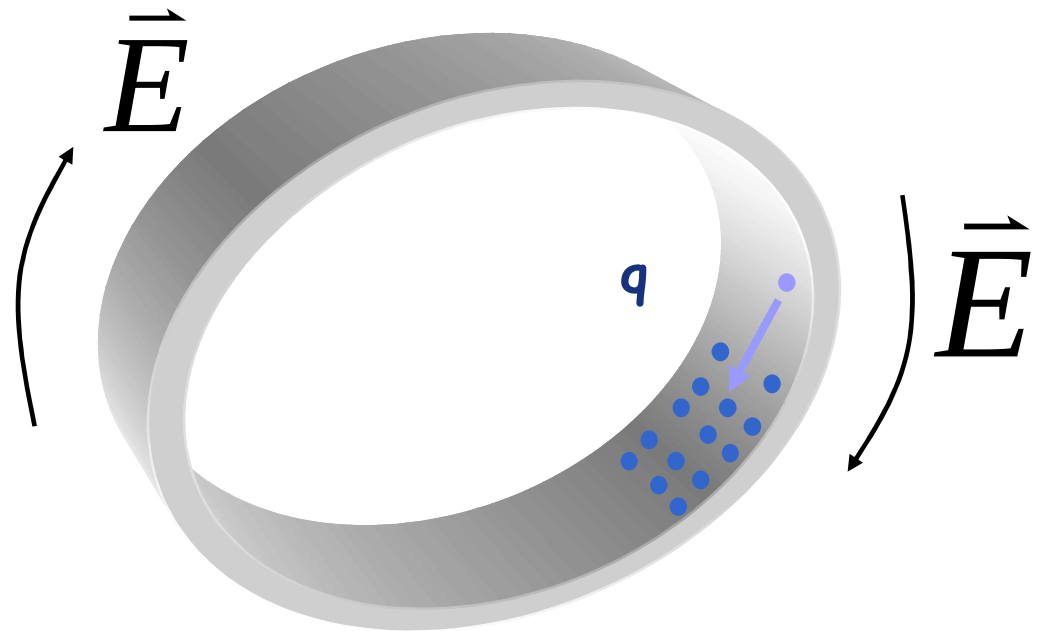


Equilibrio Dinámico

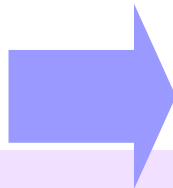
PERO: Existen colisiones entre las cargas y la estructura del medio material



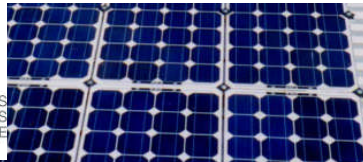
Colisiones



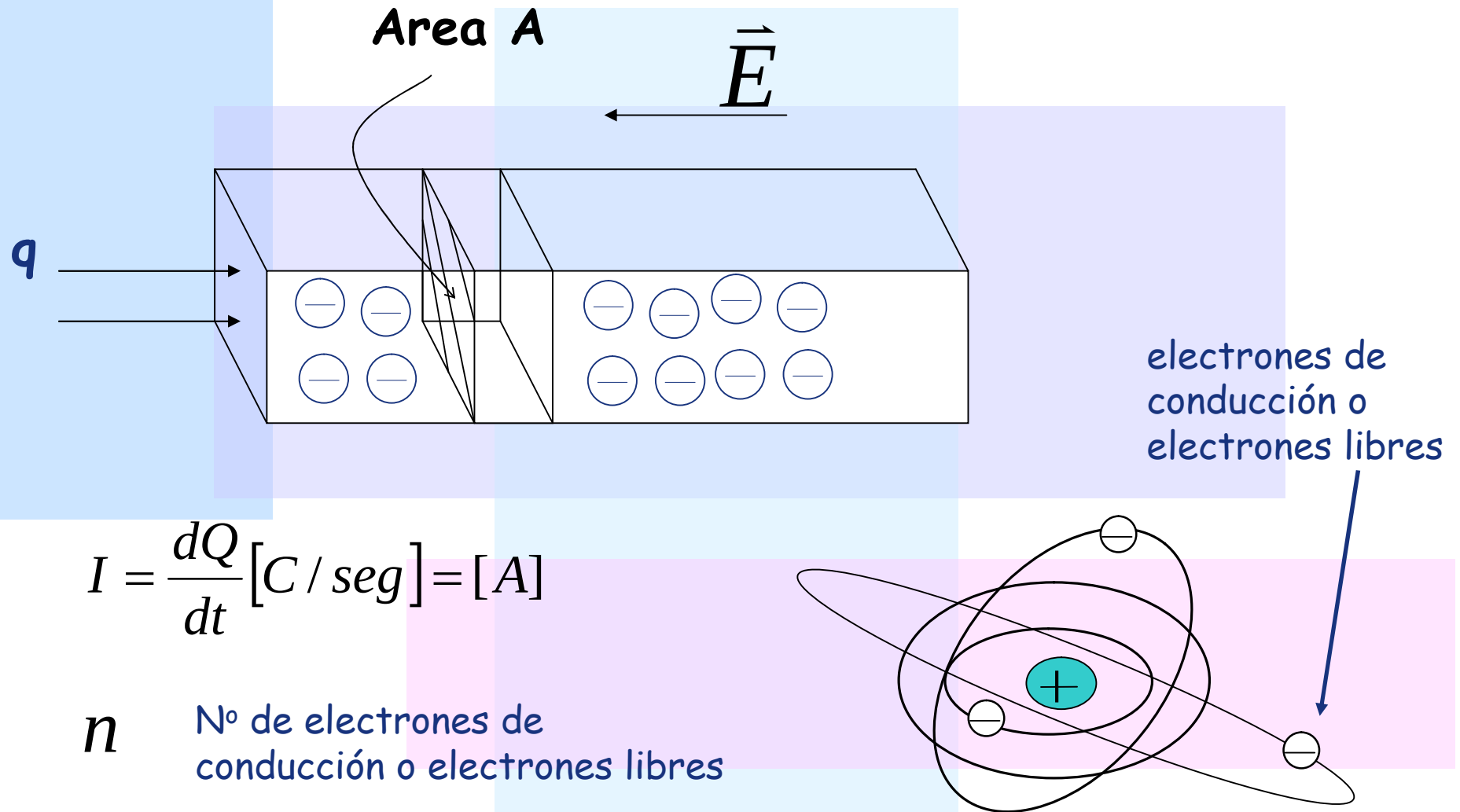
Equilibrio dinámico

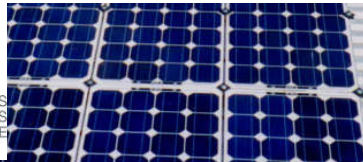


Velocidad constante



Definición de Corriente



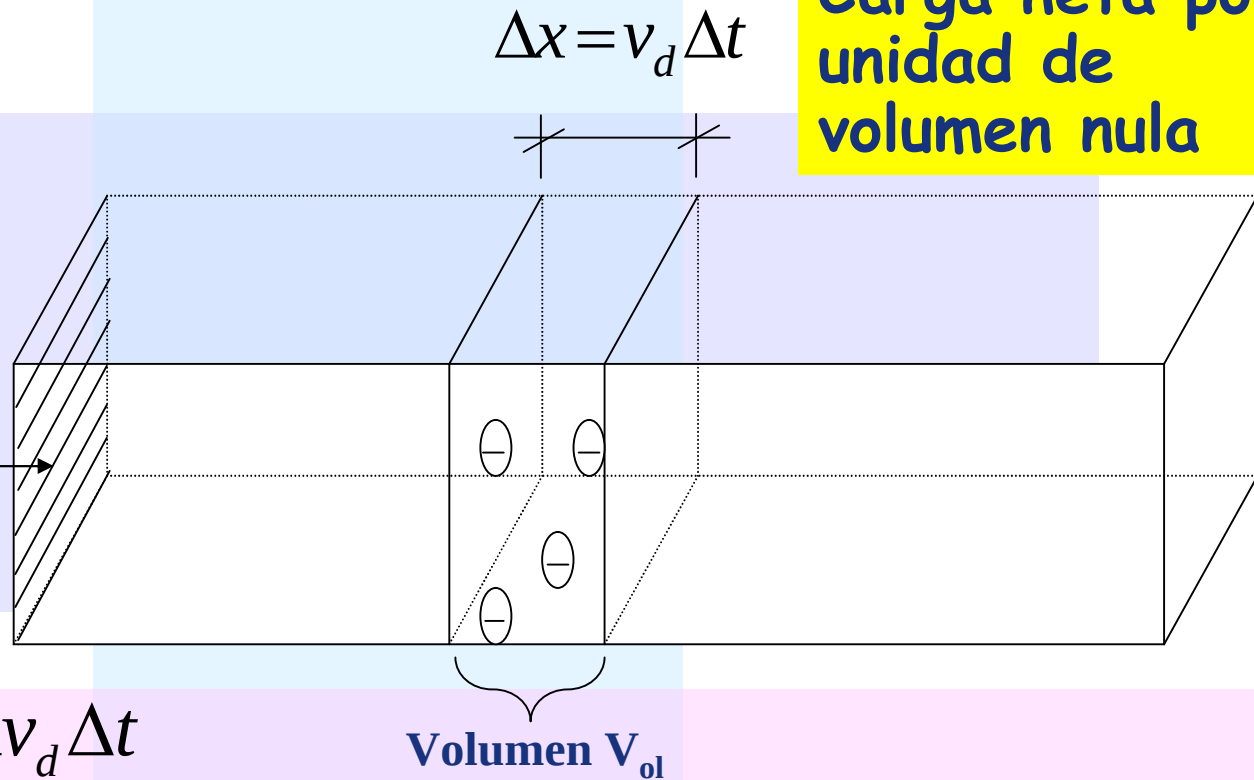


Definición de Corriente

$$\Delta Q = qnV_{ol}$$

$$\Delta Q = qnAv_d\Delta t$$

Area A

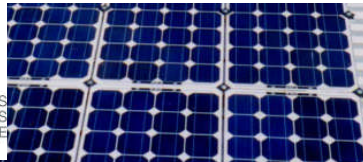


Carga neta por
unidad de
volumen nula

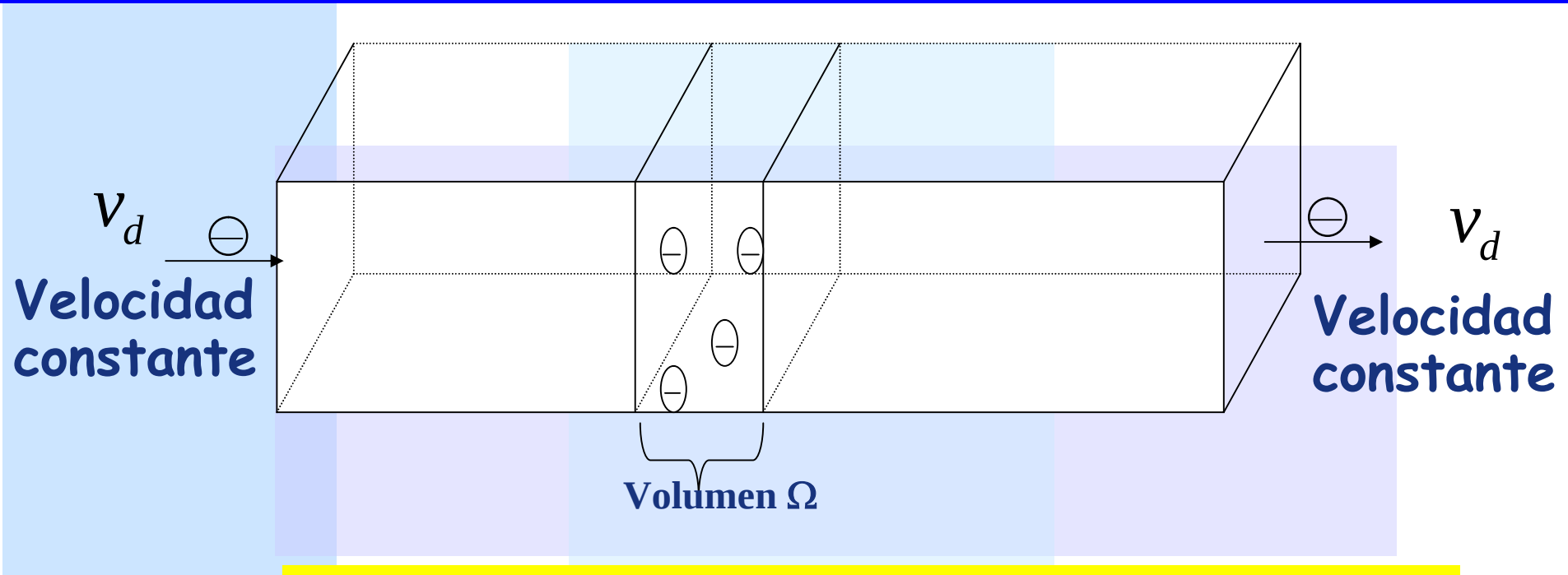
$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{qnAv_d\Delta t}{\Delta t}$$

$$\therefore I = qnAv_d [A] \quad (5.5)$$

$$\Rightarrow I = -enAv_d [A]$$



Definición de Corriente



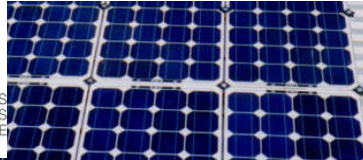
Carga neta por unidad de volumen nula

$$\iiint_{\Omega} \rho_e dv + \iiint_{\Omega} \rho_R dv = 0$$

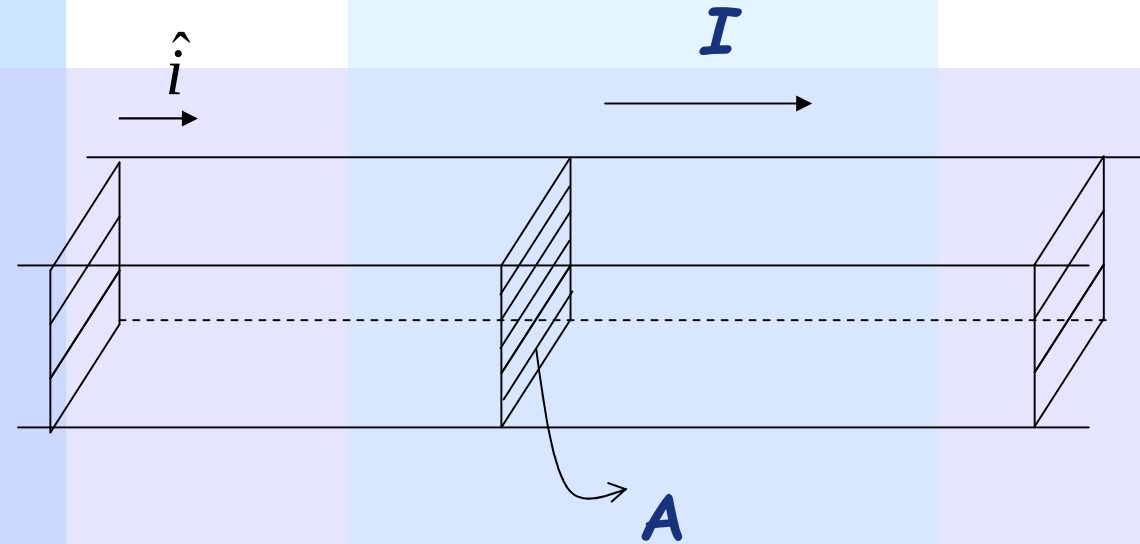


fcfm

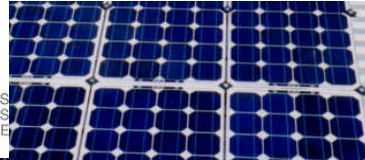
Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



Densidad de Corriente



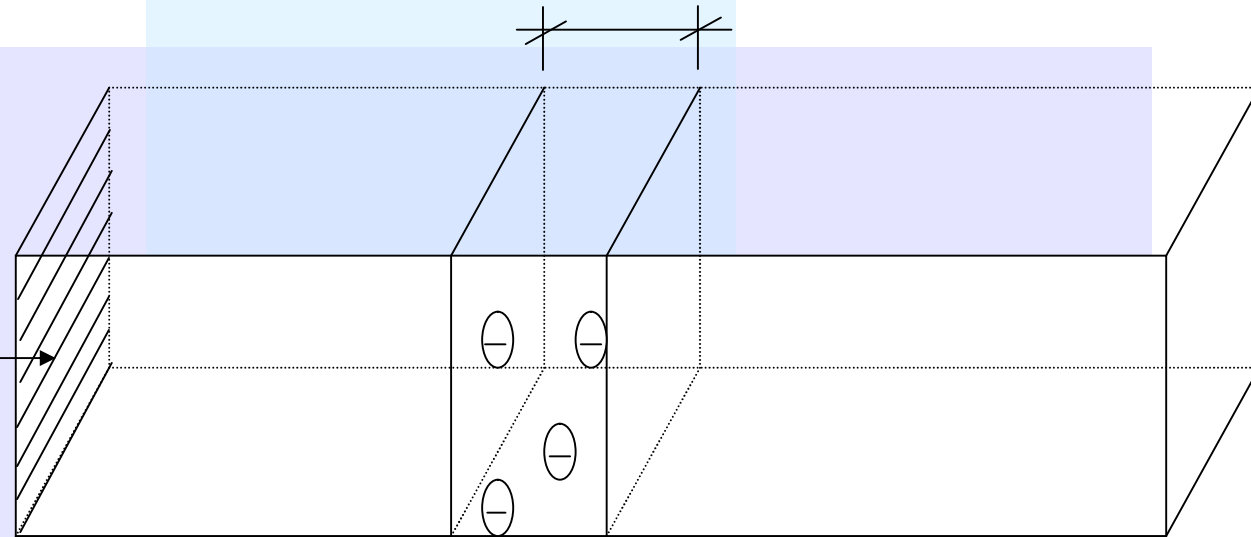
Vector densidad de corriente $\vec{J} = \frac{I}{A} \hat{i} [A/m^2]$



Densidad de Corriente

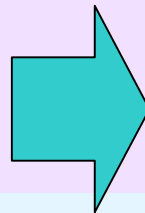
Area A

$$\Delta x = v_d \Delta t$$



$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{qnAv_d \Delta t}{\Delta t}$$

$$I = qnAv_d [A]$$

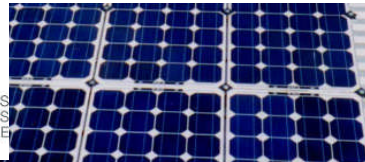


$$\vec{J} = \frac{I}{A} \hat{i} = qnv_d \hat{i}$$

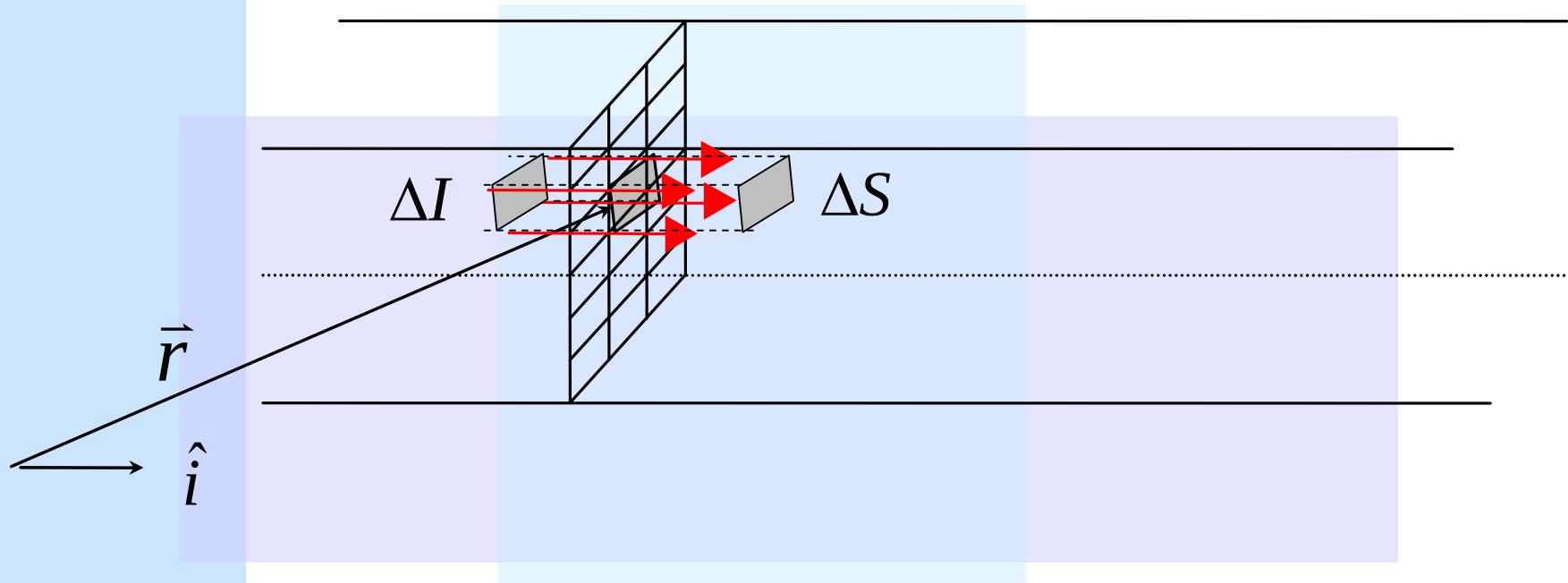


fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



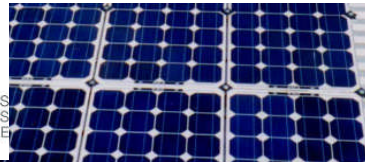
Densidad de Corriente



Vector densidad de corriente

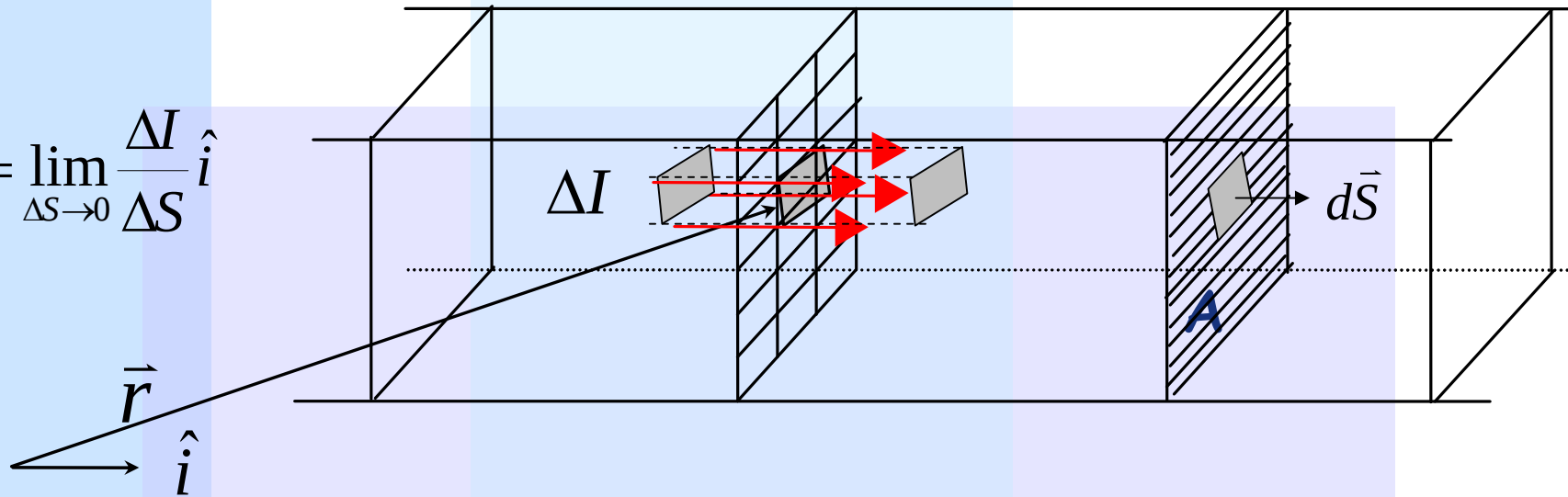
$$[\vec{J}(\vec{r})] = \frac{A}{m^2}$$

$$\vec{J}(\vec{r}) = \lim_{\Delta S \rightarrow 0} \frac{\Delta I}{\Delta S} \hat{i}$$



Densidad de Corriente

$$\vec{J}(\vec{r}) = \lim_{\Delta S \rightarrow 0} \frac{\Delta I}{\Delta S} \hat{i}$$



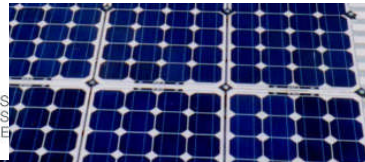
Corriente a través de A

$$I = \iint_A \vec{J} \cdot d\vec{S}$$



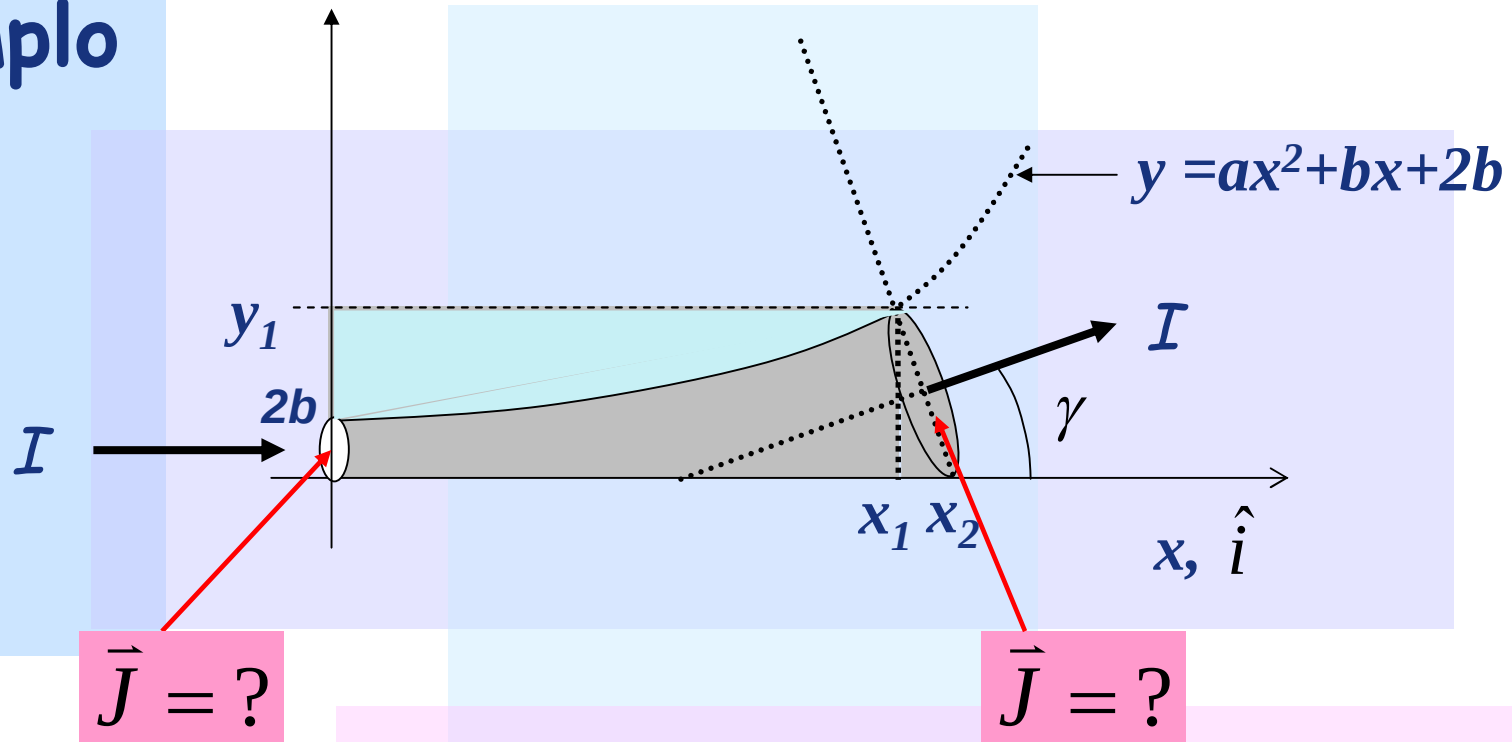
fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



Densidad de Corriente

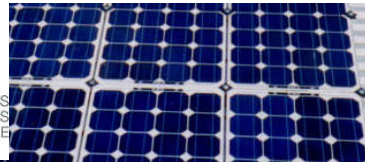
Ejemplo



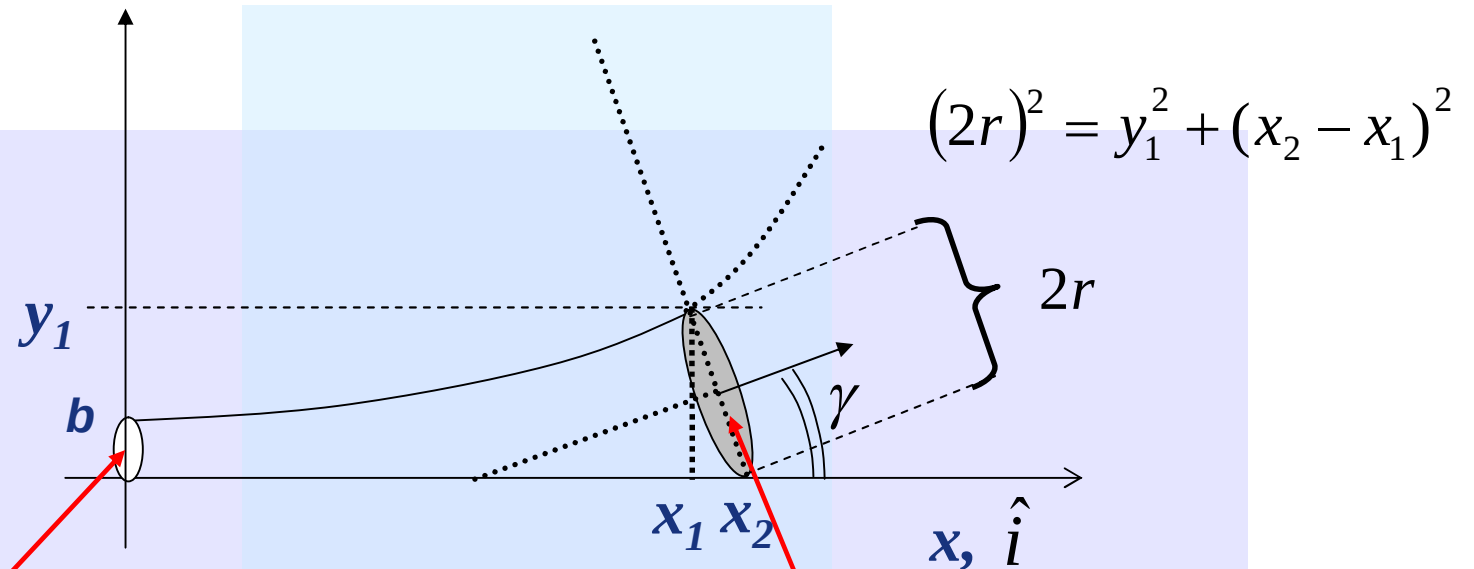


fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



Densidad de Corriente



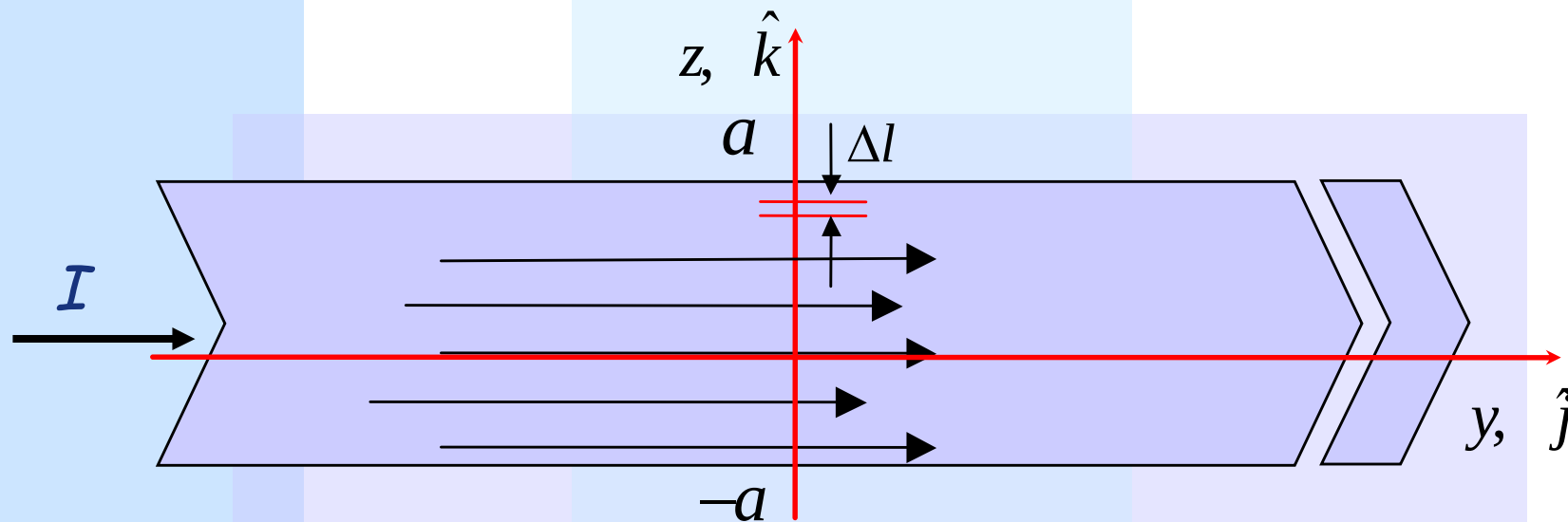
$$(2r)^2 = y_1^2 + (x_2 - x_1)^2$$

$$\vec{J} = \frac{I}{\pi b^2} \hat{i}$$

$$\vec{J} = \frac{I}{\pi r^2} (\cos \gamma \hat{i} + \sin \gamma \hat{j})$$



Densidad de Corriente Superficial

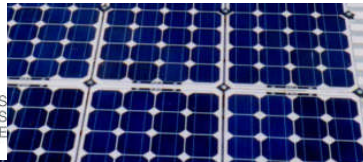


Sólo hay corriente en el plano y - z

Vector densidad de corriente superficial

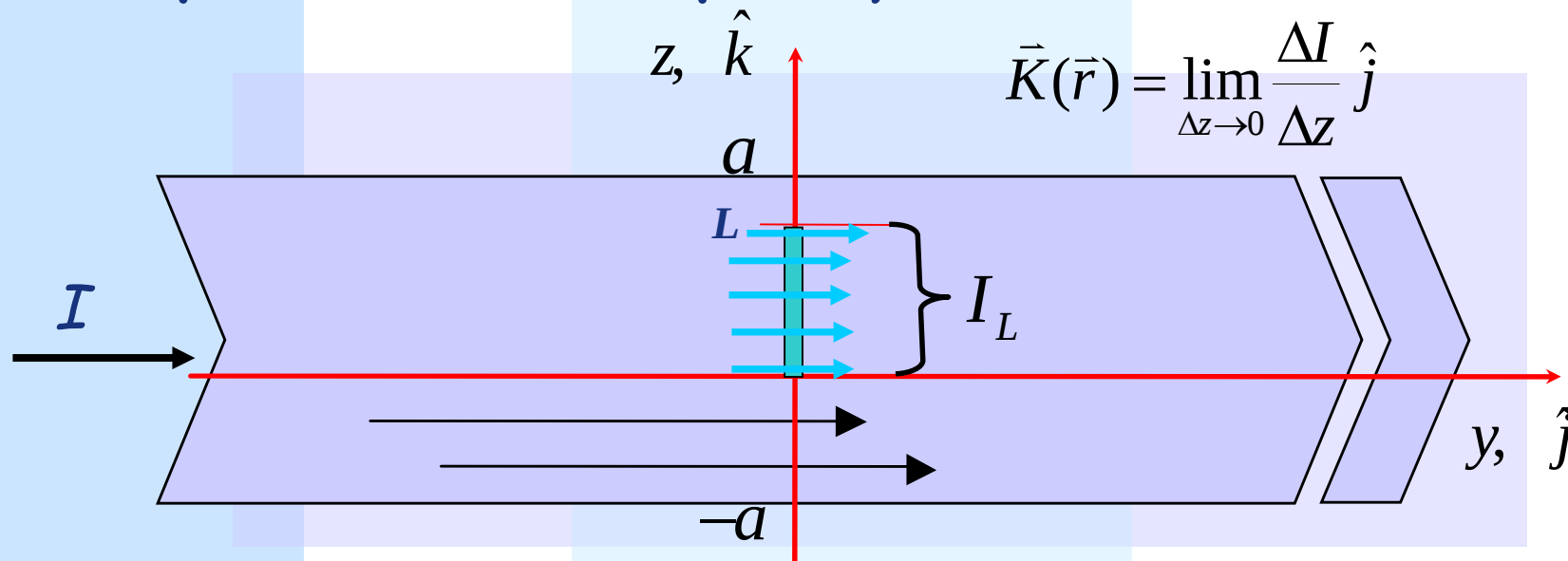
$$\vec{K}(\vec{r}) = \lim_{\Delta z \rightarrow 0} \frac{\Delta I}{\Delta z} \hat{j}$$

$$[\vec{K}(\vec{r})] = \frac{A}{m}$$



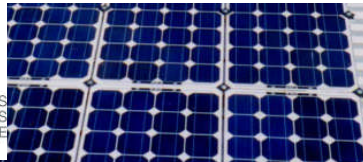
Densidad de Corriente Superficial

Sólo hay corriente en el plano y - z



Corriente atravesando
longitud L del plano

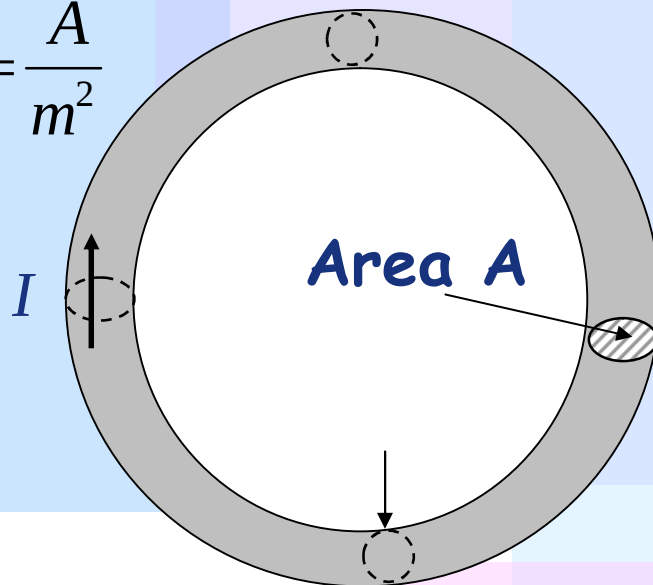
$$I_L = \int_0^L \vec{K} \cdot \hat{j} dl$$



Ejemplo

Corriente por un
toroide de radio b

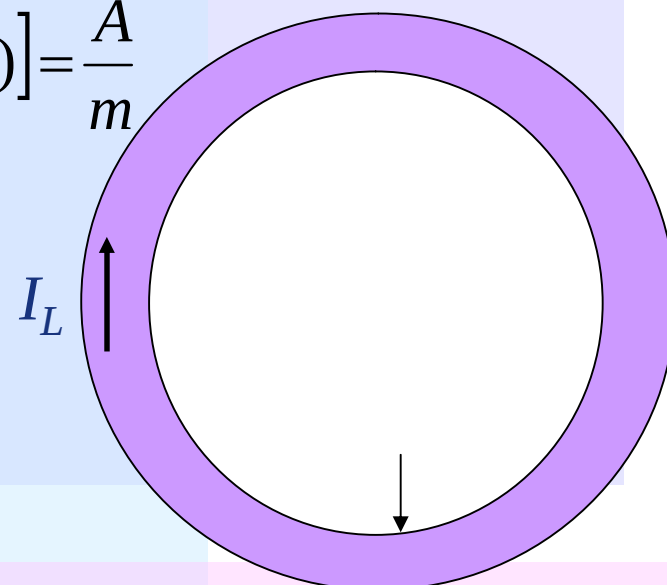
$$[\vec{J}(\vec{r})] = \frac{A}{m^2}$$



Diámetro $2a$

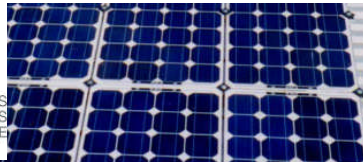
Corriente por una
cinta de radio b

$$[\vec{K}(\vec{r})] = \frac{A}{m}$$



Ancho $2a$

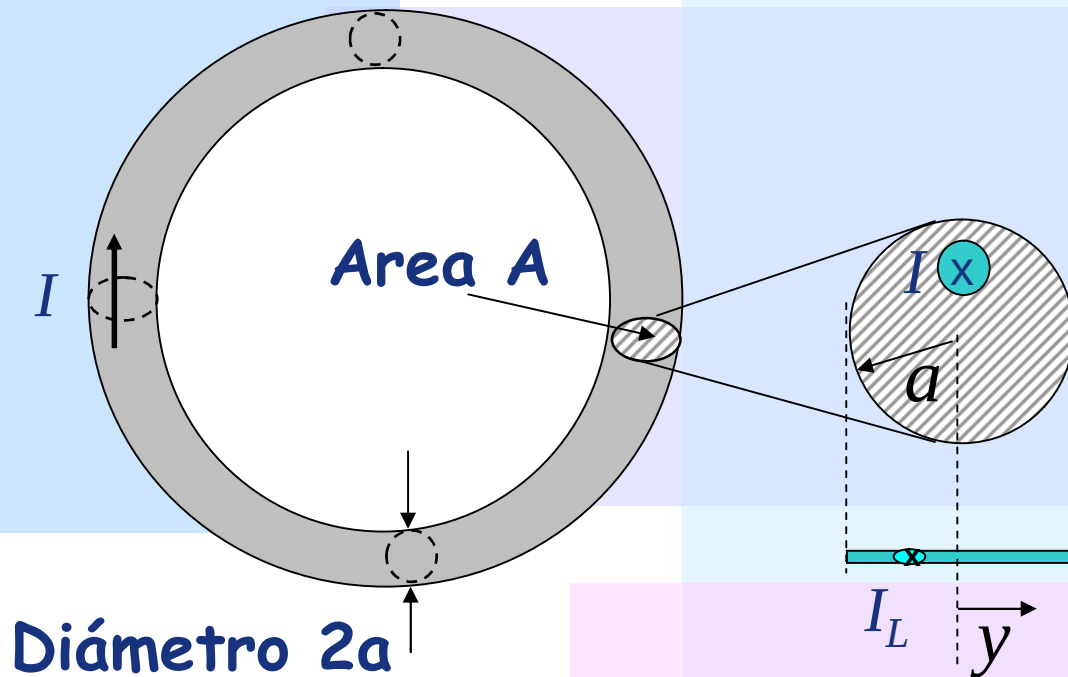
Encontrar K tal que cumple $I = I_L$



Ejemplo

Corriente atravesando plano A

$$I = \iint_A \vec{J} \cdot d\vec{S}$$

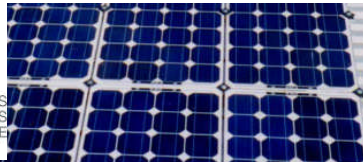


Encontrar K tal
que cumple

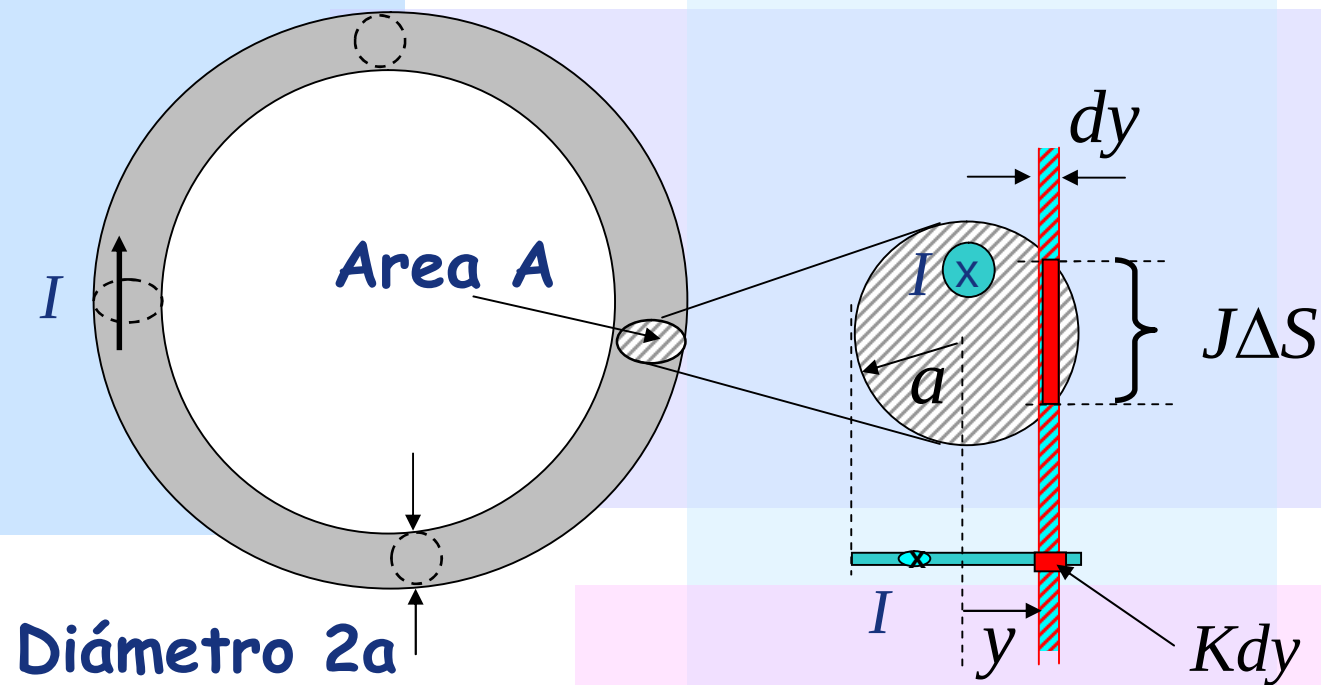
$$I = I_L$$

Corriente atravesando línea $2a$

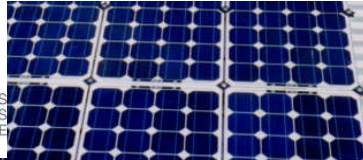
$$I_L = 2 \int_0^a \vec{K} \cdot \hat{j} dy$$



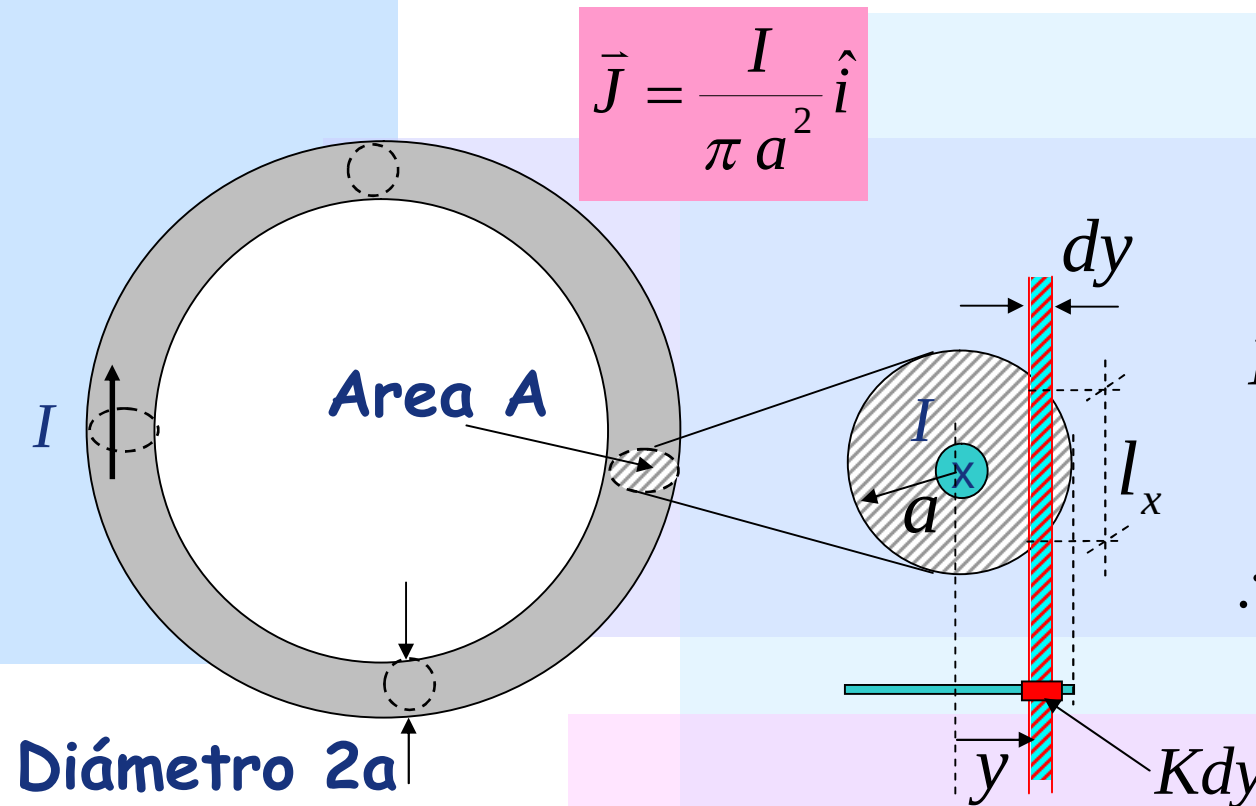
Ejemplo



Condición de equivalencia $Kdy = J\Delta S$



Ejemplo

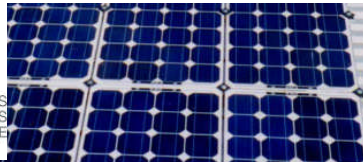


$$Kdy = J l_x dy$$

$$l_x = 2\sqrt{a^2 - y^2}$$

$$Kdy = \frac{I}{\pi a^2} 2\sqrt{a^2 - y^2} dy$$

$$\therefore K = \frac{2I\sqrt{a^2 - y^2}}{\pi a^2}$$



Ejemplo

$\vec{J} = \frac{I}{\pi a^2} \hat{i}$

$\vec{K} = \frac{2I \sqrt{a^2 - y^2}}{\pi a^2} \hat{j}$

$I_L = 2 \int_0^a \vec{K} \bullet \hat{j} dy$

$I_L = \frac{4I}{\pi a^2} \int_0^a \sqrt{a^2 - y^2} dy$

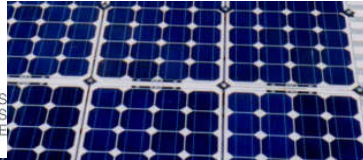
Diámetro $2a$

➡
$$I_L = \frac{4I}{\pi a^2} \left[\frac{1}{2} y(a^2 - y^2)^{1/2} + \frac{a^2}{2} \arcsin(y/a) \right]_{y=0}^{y=a} \Rightarrow I_L = I$$

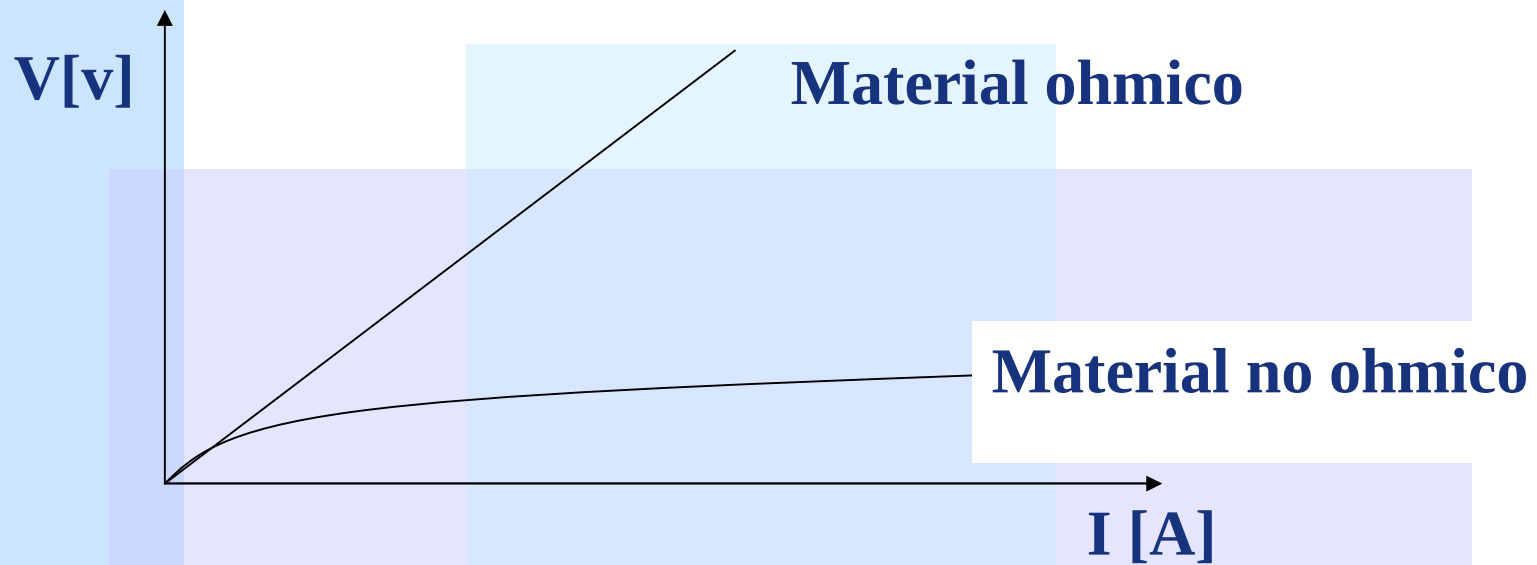


fcfm

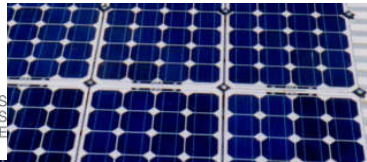
Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



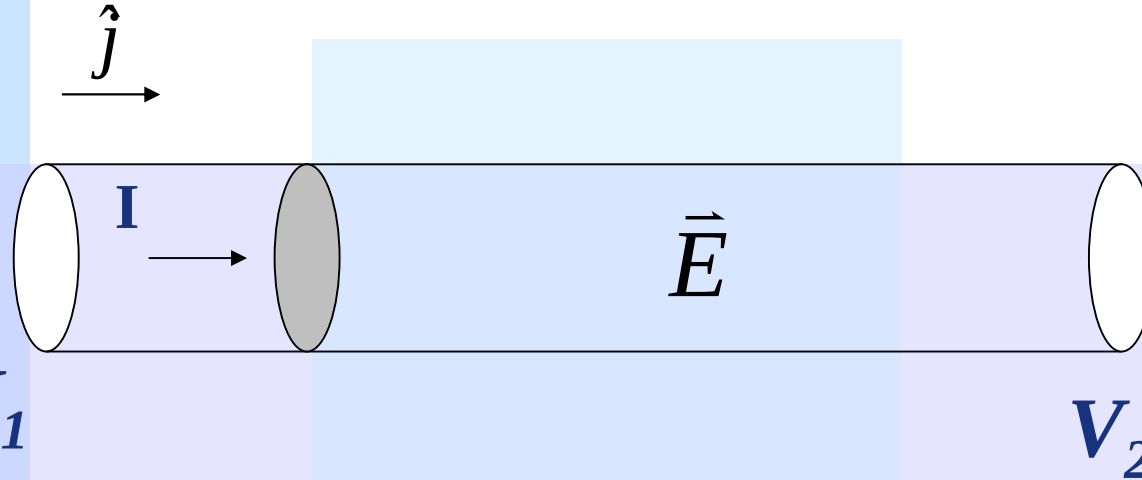
Ley de Ohm



$$\vec{J} = g \vec{E} \Rightarrow \Delta V = RI$$



Ley de Ohm



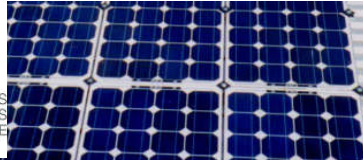
$$\Delta V = V_1 - V_2 = El$$

Ley de OHM

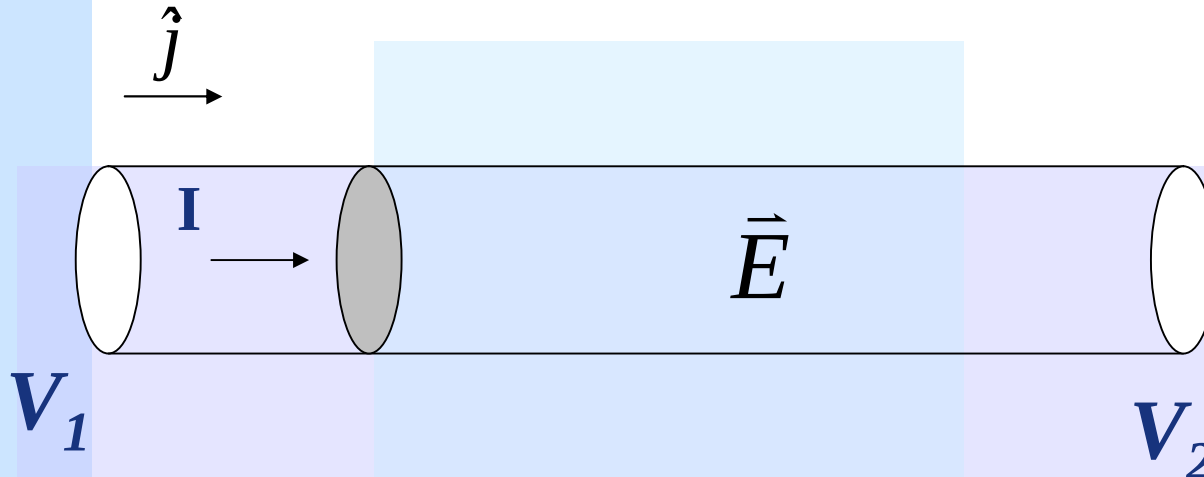
$$\vec{J} = g \vec{E}$$

$$\Rightarrow \Delta V = \frac{J}{g} l = \frac{JA}{gA} l = \frac{l}{gA} I$$

$$R = \rho \times \frac{l}{S}$$



Ley de Ohm



Ley de OHM $\vec{J} = g \vec{E}$ $\Rightarrow \Delta V = \frac{l}{gA} I$

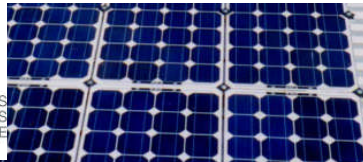
Definiendo resistividad $\rho = \frac{1}{g}$

y resistencia $R = \rho \times \frac{l}{S}$ $\Rightarrow \Delta V = RI$

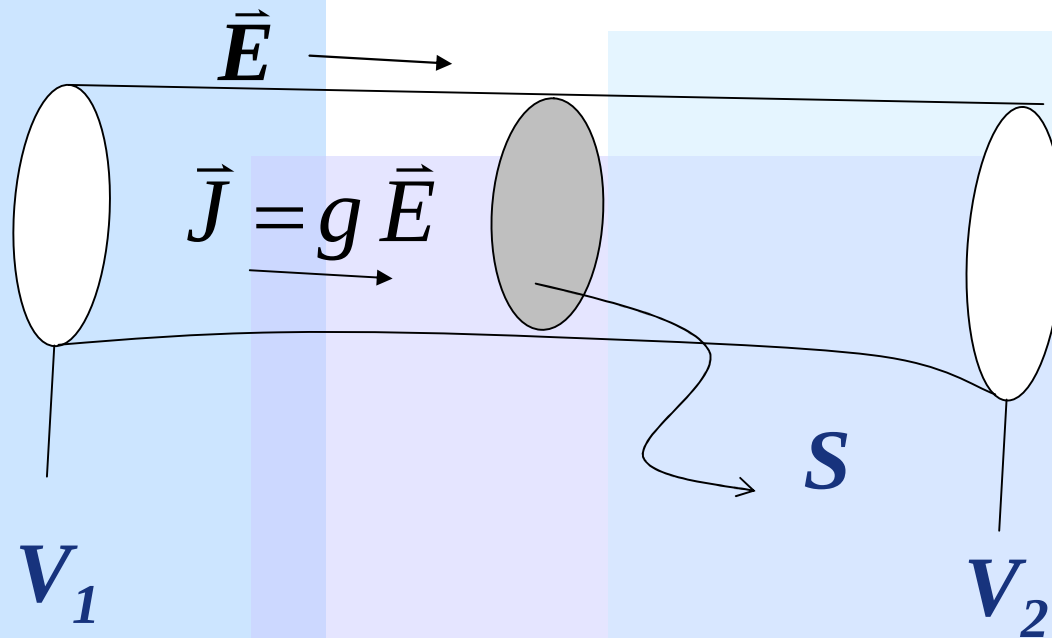


fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



Ley de Ohm



Ley de OHM

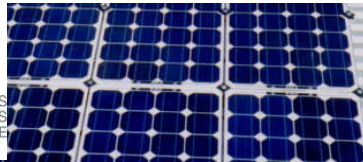
$$\Delta V = RI$$

$$R = \frac{\int_1^2 \vec{E} \cdot d\vec{l}}{\iint_S g \vec{E} \cdot d\vec{S}}$$

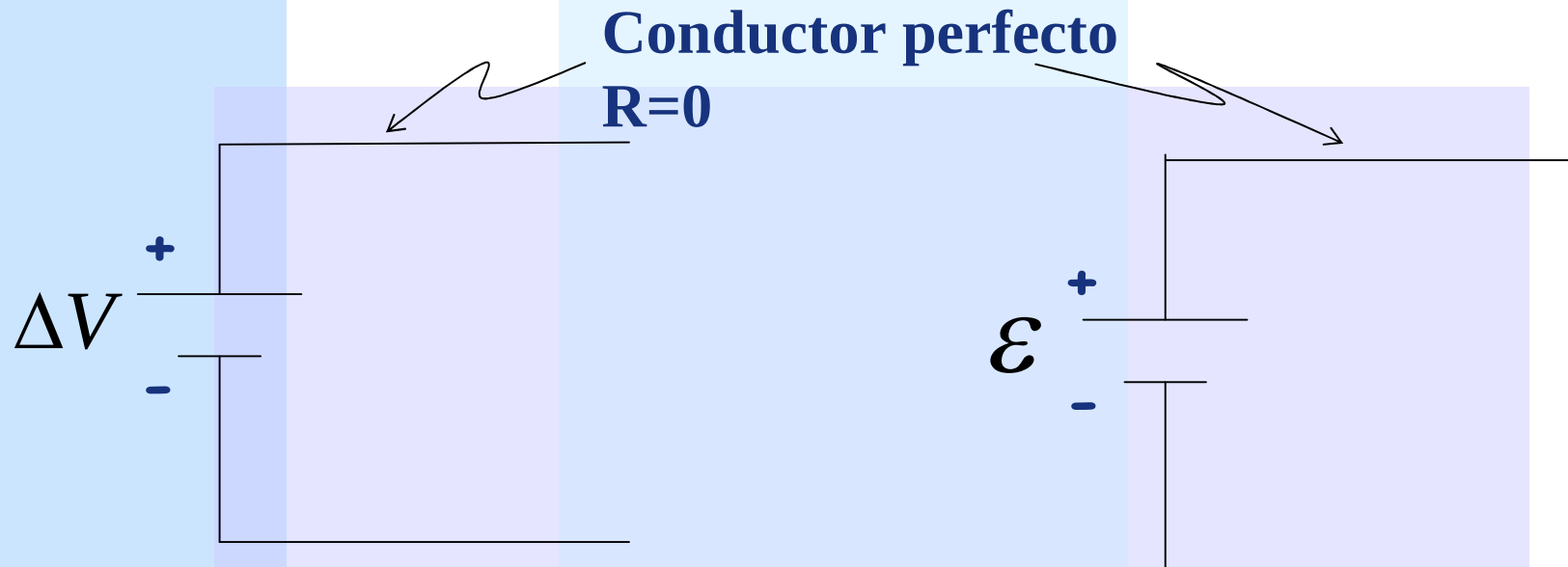


fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



Fuerza electromotriz



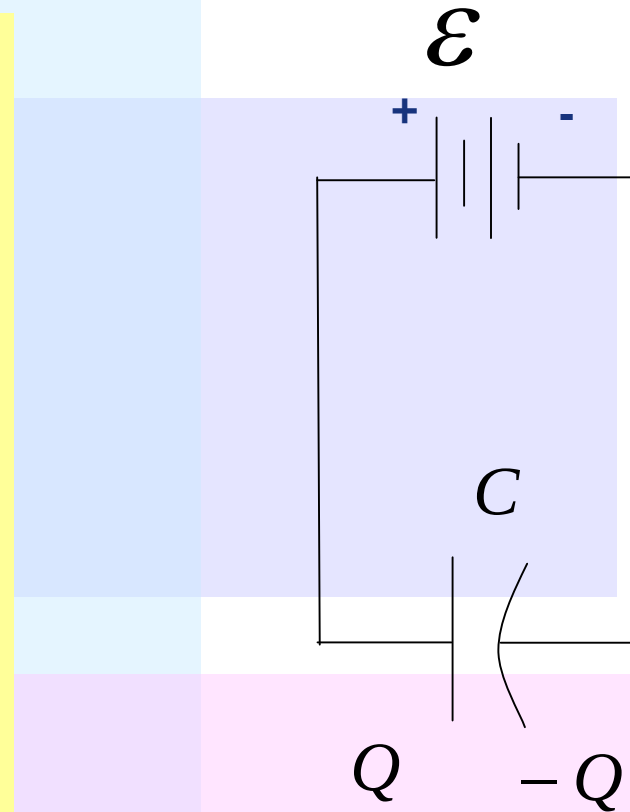
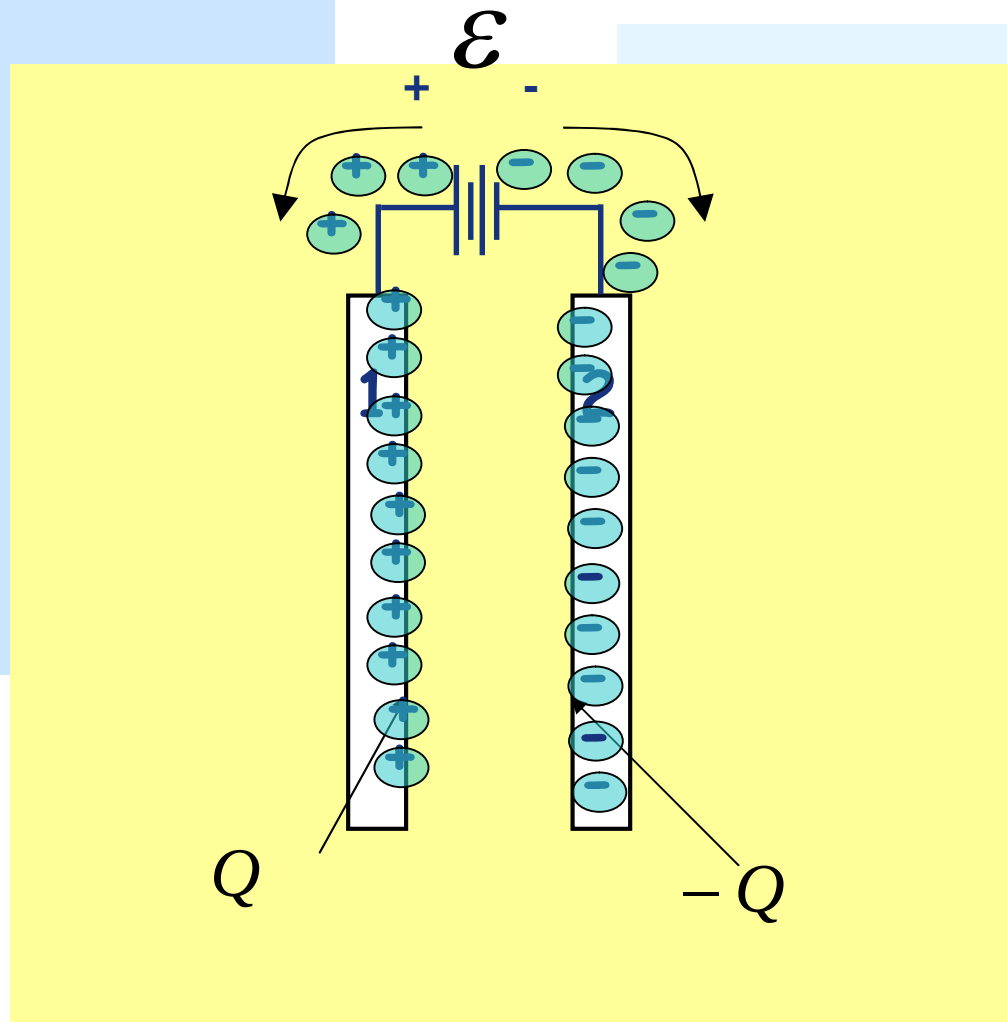


fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



Fuerza electromotriz





fcfm

Ingeniería Eléctrica
FACULTAD DE CIENCIAS
FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
UNIVERSIDAD DE CHILE



Fuerza electromotriz

