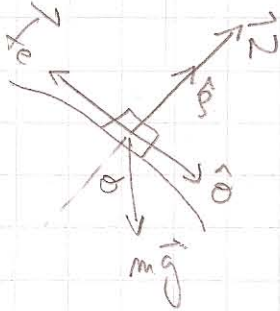


DCL



$$\hat{r}) N - mg \cos \theta = -mR\ddot{\theta}^2$$

$$\hat{\theta}) f_e - mg \sin \theta = mR\ddot{\theta}$$

$$f_e = -k(-d + R\theta)$$

Donde d es la distancia comprimida ($-d$ debido a que es compresión y no elongación) y $R\theta$ corresponde a la distancia elongada respecto a θ .

$$\Rightarrow -k(-d + R\theta) - mg \sin \theta = mR\ddot{\theta}$$

$$\Rightarrow \ddot{\theta} \frac{d\ddot{\theta}}{d\theta} = \frac{k d}{mR} - \frac{k}{m} \theta - \frac{g}{R} \sin \theta$$

$$\int_0^{\ddot{\theta}} \ddot{\theta} d\ddot{\theta} = \int_0^{\theta} \left(\frac{k d}{mR} - \frac{k}{m} \theta - \frac{g}{R} \sin \theta \right) d\theta$$

$$\ddot{\theta}^2 = 2 \left(\frac{k d}{mR} \theta - \frac{k}{m} \frac{\theta^2}{2} - \frac{g}{R} (1 - \cos \theta) \right)$$

$$\Rightarrow N = mg \cos \theta - 2k d \theta + k R \theta^2 + 2mg(1 - \cos \theta)$$

$$N = k\theta(R\theta - 2d) + mg(2 - \cos \theta)$$

De aquí debemos imponer que el valor mínimo de N debe ser mayor a cero:

$$\Rightarrow \frac{dN}{d\theta} = k(R\theta - 2d) + k\theta R + mg \sin \theta$$

$$k(R\theta^* - 2d) + k\theta^* R + mg \sin \theta^* = 0$$

De esta última ecuación se puede obtener el valor que necesitamos,