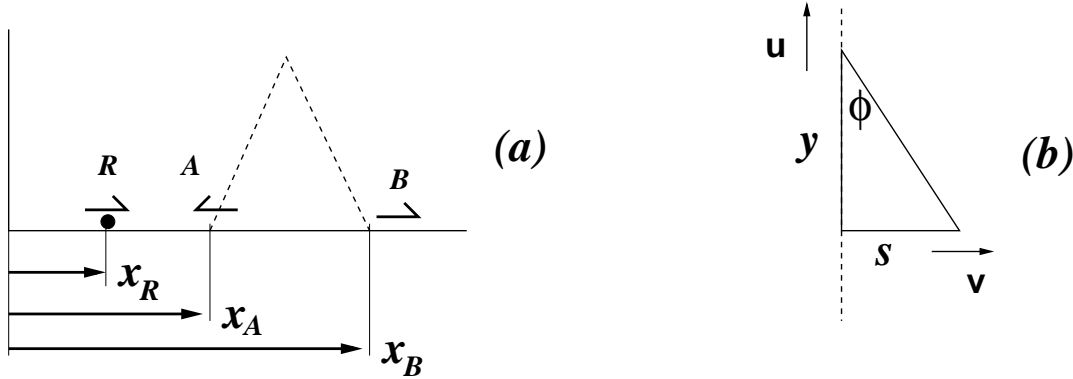


SOLUCION CONTROL No 1
INTRODUCCION A LA FISICA – OTOÑO 2001

Por: H. F. A.

Departamento de Física, FCFM, Universidad de Chile

PROBLEMA 1



- Sea v la rapidez de expansión del área iluminada: $v = \frac{\delta s}{\delta t}$. De figura (b) y considerando $u = \delta y / \delta t$:

$$s = y \tan \phi \Rightarrow \left(\frac{\delta s}{\delta t} \right) = \left(\frac{\delta y}{\delta t} \right) \tan \phi \Rightarrow v = u \tan \phi \quad (1)$$

- La coordenada del ratón (R) con respecto a su casa: $x_R = v_o t$
- Las coordenadas de sus bordes (A y B) con respecto a casa de R...

$$x_A = D - vt \quad (2)$$

$$x_B = D + vt \quad (3)$$

- Ratón se topa con A en $t_A \rightarrow x_R(t) = x_A(t) \Rightarrow v_o t = D - vt \Rightarrow$

$$t \rightarrow t_A = \frac{D}{v_o + v}$$

- Análogamente para el encuentro del ratón con B en t_B :

$$t \rightarrow t_B = \frac{D}{v_o - v}$$

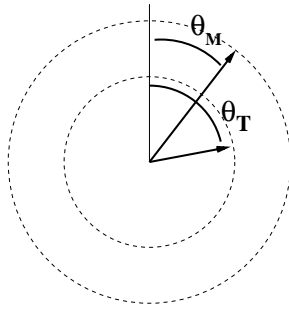
- Se calcula T :

$$T = t_B - t_A = \frac{2Dv}{v_o^2 - v^2} \rightarrow T = \frac{2Du \tan \phi}{v_o^2 - u^2 \tan^2 \phi} \quad (4)$$

- Cuando T es pequeño $\Rightarrow 2Du \tan \phi \sim 0 \Rightarrow$ a) $\phi \sim 0$, o sea iluminación recta hacia abajo; b) $u \sim 0$, ó sea linterna subiendo lentamente; c) $D \sim 0$, ó sea una linterna muy cerca de la casa de R.
- Cuando T es muy grande ello ocurre cuando el denominador es muy cercano a cero: $v_o \sim u \tan \phi$ que indica que el ratón alcanza penosamente el borde B.

PUNTUACION: 1Pto v en función de u + 2Pts ecuaciones de encuentro (t_A y t_B) + 2Pts expresión correcta T + 1Pto discusión aceptable.

PROBLEMA 2



- Sea $t = 0$ el instante de mayor cercanía entre marte y tierra. Sea $\omega_T = 2\pi/T$ la velocidad angular de tierra con respecto al sistema solar \Rightarrow

$$\theta_T = \left(\frac{2\pi}{T}\right)t.$$

- Sea $\omega_M = 2\pi/T_M$ la velocidad angular de marte con respecto al sistema solar \Rightarrow

$$\theta_M = \left(\frac{2\pi}{T_M}\right)t.$$

- El instante de mayor cercanía (τ) ocurrirá cuando nuevamente marte-tierra-sol estén alineados $\Rightarrow \theta_T(t) = \theta_M(t) + 2\pi \Rightarrow$

$$\left(\frac{2\pi}{T}\right)\tau = \left(\frac{2\pi}{T_M}\right)\tau + 2\pi \Rightarrow \frac{\tau}{T} = \frac{\tau}{T_M} + 1 \Rightarrow T_M = \frac{\tau}{\left(\frac{\tau}{T}\right) - 1} \quad (5)$$

- Sustituimos $T=1$ año y $\tau=2.14$ año \Rightarrow

$$T_M = \frac{2.14}{2.14 - 1} = \frac{2.14}{1.14} = \frac{2.14 + 0.14 - 0.14}{1.14} = 1 - \frac{0.14}{1.14} \sim 1.9 \text{ años}$$

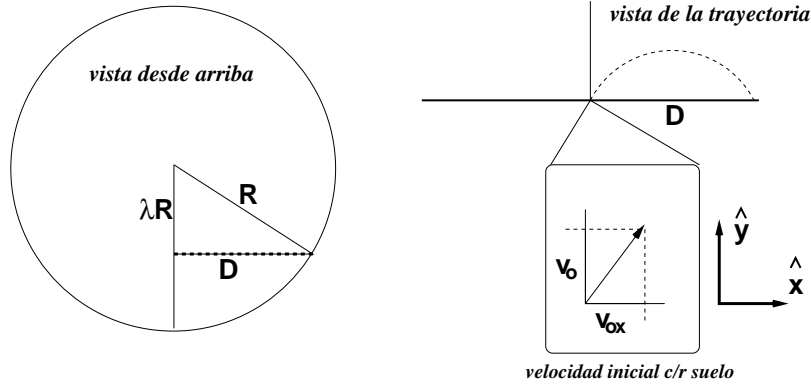
- En caso de que $\tau \gg T \Rightarrow \tau/T \gg 1$ y la relación para T_M (Ec. 5)...

$$T_M = \frac{\tau}{\left(\frac{\tau}{T}\right) - 1} \sim \frac{\tau}{\left(\frac{\tau}{T}\right)} = T$$

por lo tanto $T_M \sim T$, indicando que la velocidad de órbita de marte es muy similar a la de tierra (tiene sentido!).

PUNTUACION: 4Pts determinación algebraica de T_M + 1Pto evaluación numérica + 1Pto discusión aceptable.

PROBLEMA 3



- Al brincar la pulga (desde λR del centro) su trayectoria vista desde arriba es recta; la condición ‘llegar al borde’ implica para el alcance horizontal D :

$$R^2 = (\lambda R)^2 + D^2 \quad \rightarrow \quad D = R\sqrt{1 - \lambda^2} \quad (6)$$

- La velocidad de salida de la pulga con respecto al suelo:

$$\vec{v}_{pulga/suelo} = \vec{v}_{pulga/lugardesalto} + \vec{v}_{lugardesalto/suelo} \quad (7)$$

$$v_{ox}\hat{x} + v_{oy}\hat{y} = v_o\hat{y} + \omega(\lambda R)\hat{x} \quad (8)$$

- Separando por componentes:

$$v_{ox} = \omega\lambda R \quad v_{oy} = v_o$$

- Las coordenadas de la pulga una vez en vuelo:

$$x = 0 + v_{ox}t \quad \rightarrow \quad x = \omega\lambda R t \quad (9)$$

$$y = 0 + v_{oy}t - \frac{1}{2}gt^2 \quad \rightarrow \quad y = v_o t - \frac{1}{2}gt^2 \quad (10)$$

- Instante de llegada de pulga al suelo... $y(t) = 0 \rightarrow$

$$0 = v_o t - \frac{1}{2}gt^2 \quad \Rightarrow \quad t \rightarrow t_s = \frac{2v_o}{g} \quad (11)$$

- Puesto que en t_s la distancia recorrida según x es $D \rightarrow$

$$D = x(t_s)$$

- Sustituyendo expresión para D (Ec. 6) y $x(t = t_s)$ con t_s dado por Ec. 11,

$$R\sqrt{1 - \lambda^2} = \omega\lambda R \left(\frac{2v_o}{g} \right) \quad \Rightarrow \quad \lambda^2 = \frac{1}{1 + 4(\omega v_o/g)^2}$$

- Cuando $\omega v_o \gg g$ se encuentra que $\lambda \sim 0$. Vale decir, el brinco de la pulga debe ocurrir muy cerca del eje del disco. La condición $\omega v_o \gg g$ se da cuando: i.- rapidez de salto muy grande ($v_o \gg g/\omega$); ii.- velocidad de rotación del disco muy grande ($\omega \gg g/v_o$).

PUNTUACION: 1Pto determinación D en función de λ + 2Pts velocidad inicial de lanzamiento al salto + 2Pts relación λ en fn de datos + 1Pto discusión aceptable