Probabilidades y Procesos Estocásticos

Profesor Cátedra : Fernando Lema
Profesores Auxiliares : Constanza Paredes
: Eduardo Zamora

CLASE AUXILIAR
20 DE AGOSTO 2007

1. Una prueba de alternativas consta de n preguntas, cada una con m alternativas. Un estudiante tiene una probabilidad p de saber la materia de una pregunta dada y en tal caso el estudiante escoge la alternativa correcta con probabilidad 1. En caso de no saber la materia de la pregunta responderá al azar, escogiendo cualquiera de las alternativas posibles, con igual probabilidad.
 - a) Calcule la probabilidad de que el estudiante sepa la respuesta a la primera pregunta, dado que la respondió correctamente.
 - b) Suponiendo que las preguntas son independientes, calcule la probabilidad que el estudiante sepa la materia de la mitad de las preguntas dado que obtuvo la nota máxima.
2. Sean $A, B, C \subset \Omega$
 - a) Pruebe que si $0 < \mathbb{P}(B \cap C) < \mathbb{P}(B)$ entonces $0 < \mathbb{P}(B \cap C^c) < \mathbb{P}(B)$
 - b) Pruebe que si A y B son independientes, entonces A^c y B^c son independientes.
 - c) Pruebe que si A y B son independientes, y $B \subset A$, entonces $\mathbb{P}(A) = 1$ o $\mathbb{P}(B) = 0$
3. Un mechón, recién llegado del popular paseo a Cartagua, se encuentra ubicado en la entrada de la escuela. Dado su estado, el mentado mechón se mueve de manera aleatoria, dando saltos hacia adelante, con una probabilidad p , o hacia atrás con una probabilidad $1 - p$ (suponga que "hacia adelante" es hacia la calle Blanco y "hacia atrás" es hacia la calle Tupper, además suponga saltos unitarios). Considere la variable aleatoria x : Posición del mechón después de n saltos. Encuentre la función de distribución de la variable x .
4. Usted posee dos barras, una de largo L y la otra de largo $\frac{L}{2}$. Con ambas barras desea construir un triángulo, para lo cual realiza un corte a la barra más larga en cualquier parte, con igual probabilidad. Calcule la probabilidad de que los trozos resultantes, después de realizar el corte, le permitan construir un triángulo.