

IN 780, Microeconomía Avanzada
Profesor: Jorge Rivera. **Prof. Auxiliar:** Reinaldo Guerra
CONTROL 3. Primavera 2006

1. Preguntas Cortas (30 %)

Comente **en forma concisa** la veracidad de las siguientes afirmaciones.

- (a) ¿Es posible que en una economía existan óptimos de Pareto pero que no haya equilibrio de Walras?
- (b) En un contexto donde hay una externalidad, si los costos de transacción son cero, la negociación entre las partes conduce a un óptimo de Pareto, que es independiente de sobre quién recaigan los derechos de propiedad.
- (c) En estricto rigor, financiar una plaza sería un problema netamente privado si efectivamente cada persona usa la plaza según el dinero que pone para financiarla.
- (d) Si las dotaciones iniciales de los individuos se modifican, entonces tanto el núcleo como la curva de contrato de la economía también se modifican.

2. Equilibrio, Pareto y equidad (70 %)

Suponga una economía de 2×2 caracterizada por

- $U_1(x, y) = U_2(x, y) = x^\alpha \cdot y^{1-\alpha}$, con $\alpha \in]0, 1[$.
- $\omega_1 = (1, a - 1) \in \mathbb{R}_{++}^2$, $\omega_2 = (b - 1, 1) \in \mathbb{R}_{++}^2$, con $a, b > 1$.

- (a) Determine la curva de contrato de esta economía.
- (b) Determine el precio de equilibrio de Walras esta economía, y las consiguientes asignaciones de equilibrio.

En lo que sigue, **suponga que** $a = b$ (digamos, a).

- (c) Determine el nuevo precio de equilibrio de la economía. Determine además las **utilidades indirectas** de los agentes en el equilibrio (es decir, evalúe la utilidad en la demanda).

Dado el contexto particular anterior, consideremos un problema de *asignación social*. Para comenzar, note que la cantidad total de recursos 1 y 2 es $a > 1$ para cada uno. Dado esto, supongamos que un planificador recolecta todos los bienes y posteriormente los reasigna, de forma tal que el **individuo uno** recibe \bar{x}_1 y \bar{x}_2 de los bienes uno y dos respectivamente. Esto modifica el equilibrio en la economía, y por ende induce una nueva función de utilidad indirecta para ambos, que notaremos, respectivamente, por

$$v_1(\bar{x}_1, \bar{x}_2) \quad v_2(\bar{x}_1, \bar{x}_2).$$

Una función de utilidad social es simplemente una expresión que depende en forma creciente de las utilidades indirectas anteriores. Consideremos entonces dos alternativas de utilidad social, digamos

$$S_1(v_1, v_2) = v_1 + \gamma v_2, \quad S_2(v_1, v_2) = v_1^\beta \cdot v_2^{1-\beta},$$

donde $\gamma > 0$, $\beta \in]0, 1[$.

El problema del planificador será determinar la asignación óptima de recursos de modo que se maximice la utilidad social que se considere.

- (c) Muestre que si la utilidad social a considerar es S_1 , ocurre entonces que si $\gamma > 1$ el planificador decide entregar todos los recursos al individuo dos. ¿Cómo explica Ud. el resultado anterior?

En lo que sigue, suponga que se opta por la utilidad social S_2 .

- (d) Determine las condiciones que debe satisfacer la asignación óptima del planificador. **Ind.:** maximice el logaritmo.
- (e) Suponiendo que $\beta = \frac{1}{2}$, muestre que **una** solución óptima para el planificador es la **asignación equitativa** (es decir, *mismos bienes para todos*). ¿Es la única solución?
- (f) ¿Es la *solución equitativa* un óptimo de Pareto? De haber más de una, ¿son todas ellas óptimos de Pareto? (siga asumiendo $\beta = \frac{1}{2}$).
- (g) Dada la solución equitativa anterior, y dadas las dotaciones iniciales

$$\omega_1 = (1, a - 1), \quad \omega_2 = (a - 1, 1),$$

¿qué transferencia de **bien uno** habría que hacer para *descentralizarla* en la eventualidad que fuese óptimo de Pareto?

TIEMPO: 2 HORAS