

1) Se aplica el teorema de equipartición: si hay r grados de libertad, la energía media por molécula es $rkT/2$, y por mol es $E=r(N_0k)T/2=rRT/2$. La capacidad térmica es entonces $C_v=rR/2$ y se despeja el número de grados de libertad como $r=2C_v/R=2 \times 20,7 \text{ JK}^{-1}\text{mol}^{-1} / 8,3 \text{ JK}^{-1}\text{mol}^{-1} = 5$. Tres son grados de libertad traslacionales, por lo que quedan dos rotacionales. Si los tres átomos son colineales, uno de los momentos de inercia es nulo y hay dos grados rotacionales. Si la molécula estuviera doblada los tres momentos de inercia principales serían no nulos y habría 3 grados rotacionales. Ergo, los tres átomos son colineales.

2)

i) Sean $T_1=273+80 = 353 \text{ K}$ la T inicial de la jarra,

$T_2=273+10=283 \text{ K}$ la T inicial del agua, $T_3= T$ final del conjunto

$Q_{\text{agua}}=C_p(\text{agua})(T_3-T_2)$ con $C_p(\text{agua})=4190 \times 0,250 \text{ 4190 JK}^{-1}=1048 \text{ JK}^{-1}$

$Q_{\text{jarra}}=C_p(\text{jarra})(T_3-T_1)$ con $C_p(\text{jarra})= 888 \times 0,2 \text{ JK}^{-1}=178 \text{ JK}^{-1}$

Por conservación de la energía $Q_{\text{agua}}+Q_{\text{jarra}}=0$, de donde

$T_3=[C_p(\text{agua})T_2+C_p(\text{jarra})T_1]/[C_p(\text{agua})+C_p(\text{jarra})]=293 \text{ K}= 20^\circ \text{ C}$

ii) El calentamiento es irreversible, pero se reemplaza por un proceso reversible que lleve al agua al mismo estado final: calentamiento isobárico. De este modo $q_{\text{agua}}=C_p dT$ y se aplica

$dS_{\text{agua}}=q_{\text{agua}}/T= C_p(\text{agua}) dT/T$, luego $\Delta S_{\text{agua}}=C_p(\text{agua}) \ln(T_3/T_2)=1048 \text{ JK}^{-1} \ln(293/283)=37 \text{ JK}^{-1} >0$. El signo positivo significa que ingresó entropía al agua.

iii) Como en el caso anterior $dS_{\text{jarra}}=q_{\text{jarra}}/T= C_p(\text{jarra}) dT/T$,

luego $\Delta S_{\text{jarra}}=C_p(\text{jarra}) \ln(T_3/T_1)=178 \text{ JK}^{-1} \ln(293/353)= -33 \text{ JK}^{-1}$. El signo menos significa que salió entropía de la jarra.

iv) $\Delta S_{\text{universo}}=\Delta S_{\text{agua}}+\Delta S_{\text{jarra}}=4 \text{ JK}^{-1}$. El signo positivo indica que se trató de un proceso irreversible.

3) Si la operación es reversible, no se genera entropía y se cumple para un ciclo el balance $Q_c/T_c+Q_i/T_i=0$, donde Q_i y Q_c son las energías ingresadas térmicamente a la máquina en un ciclo desde el interior y el ambiente exterior, respectivamente.

El balance de energía dice que para el ciclo $Q_i+Q_c+W=0$

Si la máquina opera como refrigerador, entonces $W>0$, $Q_i>0$ y $Q_c<0$.

Se despeja $Q_i=W/(T_c/T_i-1)$

Al alcanzarse el estado estacionario, la energía extraída por la máquina es igual a la que entra al recinto por las fluctuaciones, es decir, por unidad de tiempo:

$A(T_c-T_i)=dQ_i/dt=(dW/dt)/(T_c/T_i-1)=Y/(T_c/T_i-1)$

De ahí se despeja

$T_i^2-(2T_c+Y/A)T_i+T_c^2=0$

de donde $T_i = (2T_c+Y/A)/2 \pm [(2T_c+Y/A)^2 - 4T_c^2]^{1/2}/2$

$= (T_c+Y/2A) \pm [4T_c^2 + 4T_cY/A + Y^2/A^2 - 4T_c^2]^{1/2}/2$

$= (T_c+Y/2A) \pm [T_cY/A + Y^2/4A^2]^{1/2}$

=

La temperatura interior debe ser *menor* que la exterior, por lo que solamente es correcto el signo menos y

$T_i = (T_c+Y/2A) - [T_cY/A + Y^2/4A^2]^{1/2}$