

Prolog (2)

Carlos Hurtado L.

Depto de Ciencias de la
Computación, Universidad de
Chile

Clase Pasada: Prolog

- ***Programation et Logique***
- Desarrollado por Colmerauer y Roussel de la Universidad de Aix-Marseille a principios de los 70s.
- Define el paradigma de programación lógica (versus programación procedural).
- Resolución sobre cláusulas de Horn

Clase Pasada: Compiladores e IDEs para Prolog

- GNU Prolog (GPL)
- **SWI Prolog (LGPL)**
- Kernel Prolog (GPL)
- B-Prolog (comercial)
- Strawberry Prolog (comercial)
- ... etc
- www.prolog.info lista 34 compiladores e IDEs

Clase Pasada: Notación de Listas en Prolog

- `[]` is a constant symbol (empty list)
- `[ | ]` is a binary function symbol: infix notation (cons)
 - $[X|Y] \equiv \text{cons}(X,Y)$
- `[a,b,c]` shorthand for `[a | [b | [c | [] ] ] ]` $\equiv$ `cons(a,cons(b,cons(c,el)))`.
 - $[c | []] \equiv [c]$ the list 'c'—different from 'c' by itself.
 - $[b | [c]] = [b,c]$ the list 'b,c'.
 - $[a | [b,c]] = [a,b,c]$.

Concatenación (Append)

- El predicado $\text{Append}(X, Y, Z)$ se define usando dos reglas:

(A1) $\text{append}([], Z, Z).$

(A2) $\text{append}([E1 \mid R1], Y, [E1 \mid \text{Rest}]) \leftarrow \text{append}(R1, Y, \text{Rest}).$

Ejemplo Concatenación (1)

Query: ? append([a,b], [c,d], [a,b,c,d]).

(A1) append([], Z, Z).

(A2) append([E1 | R1], Y, [E1 | Rest]) <-
append(R1, Y, Rest).

Derivation:

yes <- append([a,b], [c,d], [a,b,c,d]).

yes <- append([b], [c,d], [b,c,d]).

Resolve with (A2) using { E1/a, R1/[b], Y/[c,d], Rest/[b,c,d] }

yes <- append([], [c,d], [c,d]).

Resolve with (A2) using { E1/b, R1/[], Y/[c,d], Rest/[c,d] }

yes <- .

Resolve with (A1) using { Z/[c,d] }

Answer: yes

Clase Pasada: Ejercicio: Concatenación

- Exercise: Give derivations for at least two other answers for the previous query:
- Query: ? append(L, M, [a,b,c,d]).
 - L = [], M = [a,b,c,d]
 - L = [a], M = [b,c,d]
 - L = [a,b], M = [c,d]
 - L = [a,b,c], M = [d]
 - L = [a,b,c,d], M = []
- Note that specifying append “declaratively” (as a set of clauses) means that we can use these clauses in very flexible ways. This would not be possible with a “procedural” representation!

Ejercicios de Prolog

- Werner Hett, Bern U. of Applied Science.
- P-99: Ninety-Nine Prolog Problems
- <https://prof.ti.bfh.ch/hew1/informatik3/prolog/p-99/>

P01

- Entregar el u'ltimo elemento de una lista
- Ejemplo:
?- my_last(X,[a,b,c,d]).
X = d

P01: Resp

- Entregar el u'ltimo elemento de una lista
- Ejemplo:
?- my_last(X,[a,b,c,d]).
X = d
- Resp:
my_last(X,[X]).
my_last(X,[_|L]) :- my_last(X,L).

P03

- Entregar el elemento en la posición K de una lista

- Ejemplo:

?- element_at(X,[a,b,c,d,e],3).

X = c

P03

- Entregar el elemento en la posición K de una lista

- Ejemplo:

?- element_at(X,[a,b,c,d,e],3).

X = c

- Resp:

element_at(X,[X|_],1).

element_at(X,[_|L],K) :- K > 1, K1 is K - 1,
element_at(X,L,K1).

P14

- Duplicar los elementos de una lista
- Ejemplo:

?- dupli([a,b,c,c,d],X).

X = [a,a,b,b,c,c,c,c,d,d]

P14

- Duplicar los elementos de una lista
- Ejemplo:

?- dupli([a,b,c,c,d],X).

X = [a,a,b,b,c,c,c,c,d,d]

- Resp:

dupli([],[]).

dupli([X|Xs],[X,X|Ys]) :- dupli(Xs,Ys).

P04

- Num. de elementos de una lista
- Ejemplo:

?-my_length([a,b,c],X).

X=3

P04

- Num. de elementos de una lista
- Ejemplo:

?-my_length([a,b,c],X).

X=3

- Resp:

my_length([],0).

my_length([_|L],N) :- my_length(L,N1), N is N1 +
1.

P05

- Invertir una lista:

- Ejemplo:

?-my_reverse([a,b,c],X).

X=[c,b,a].

Ojo: en [Y|L] Y es un elemento y L es una lista.

P05

- Invertir una lista:

- Ejemplo:

?-my_reverse([a,b,c],X).

X=[c,b,a].

- Resp:

my_reverse(L1,L2) :- my_rev(L1,L2,[]).

my_rev([],L2,L2).

my_rev([X|Xs],L2,Acc):-my_rev(Xs,L2,[X|Acc]).

P05

- Solución alternativa:

`my_reverse([],[]).`

`my_reverse([X|L1],[Y|L2]):- my_reverse([X|
L3],L2), my_reverse([Y|
L4],L1),my_reverse(L3,L4).`

`?-my_reverse([a,b,c],L).`

- Produce recursión infinita.

“Warning: Out of local stack -- abort”.

Ejemplo: Recursión Infinita

$a :- b, c, d.$

$b.$

$c :- b, e.$

$c :- b, a.$

$d.$

$f.$

$?-a.$

Ejemplo: Recursión Infinita

owes(andy,bill).

owes(bill,carl).

owes(carl,bill).

avoids(X,Y) :- owes(X,Y).

avoids(X,Y) :- owes(X,Z), avoids(Z,Y).

?-avoids(andy,x).

X=bill;

X=andy;

X=bill;

.... etc.

Ejemplo: Recursión infinita

isa(garfield,cat).

isa(tom,cat).

isa(sylvester,cat).

isa(tweety,canary).

isa(heckle,magpie).

isa(jeckle,magpie).

isa(woody,woodpecker).

isa(canary,bird).

isa(magpie,bird).

isa(woodpecker,bird).

isa(cat,mammal).

isa(cat,pest).

isa(bird,vertebrate).

isa(mammal,vertebrate).

isa(X,Y) :- isa(X,Z),isa(Z,Y).

Ejemplo: Recursión Infinita

```
isa(garfield,cat).
isa(tom,cat).
isa(sylvester,cat).
isa(tweety,canary).
isa(heckle,magpie).
isa(jeckle,magpie).
isa(woody,woodpecker).
isa(canary,bird).
isa(magpie,bird).
isa(woodpecker,bird).
isa(cat,mammal).
isa(cat,pest).
isa(bird,vertebrate).
isa(mammal,vertebrate).
isa(X,Y) :- isa(X,Z),isa(Z,Y).
```

```
?- isa(tom,What).
```

```
What = cat ;
```

```
What = mammal ;
```

```
What = pest ;
```

```
What = vertebrate ;
```

```
[WARNING: Out of local stack]
```

```
Exception: (42321)
```

```
isa(vertebrate, _L507898) ?
abort
```

Solución

isa(garfield,cat).

isa(tom,cat).

isa(sylvester,cat).

isa(tweety,canary).

isa(heckle,magpie).

isa(jeckle,magpie).

isa(woody,woodpecker).

isa(canary,bird).

isa(magpie,bird).

isa(woodpecker,bird).

isa(cat,mammal).

isa(cat,pest).

isa(bird,vertebrate).

isa(mammal,vertebrate).

isin(X,Y) :- isa(X,Y).

isin(X,Y) :- isa(X,Z),isin(Z,Y).

?- isin(tom,What).

What=cat;

What=mammal;

What=pest;

What=vertebrate;

no

P06

- Decir si una lista es palíndrome
- Resp:

```
is_palindrome(X):-reverse(X,X).
```

P08

- Eliminar duplicados consecutivos
- Ejemplo:

?-compress([a,a,a,b,c,c]).

X=[a,b,c]

P08

- Eliminar duplicados consecutivos
- Ejemplo:

?-compress([a,a,a,b,c,c],X).

X=[a,b,c]

- Resp:

compress([],[]).

compress([X],[X]).

compress([X,X|Xs],Zs) :- compress([X|Xs],Zs).

compress([X,Y|Ys],[X|Zs]) :- X \= Y,
compress([Y|Ys],Zs).

P18

- Extraer una sublista de una lista
- Ejemplo:

?- slice([a,b,c,d,e,f,g,h,i,k],3,7,L).

L= [c,d,e,f,g]

Nota: usar predicados “>” y asignación
“is”.

P18

- Extraer una sublista de una lista
- Ejemplo:

?- slice([a,b,c,d,e,f,g,h,i,k],3,7,L).

L= [c,d,e,f,g]

- Resp.

slice([X|_],1,1,[X]).

slice([X|Xs],1,K,[X|Ys]) :- K > 1, K1 is K - 1,
slice(Xs,1,K1,Ys).

slice([_|Xs],I,K,Ys) :- I > 1, I1 is I - 1, K1 is K - 1,
slice(Xs,I1,K1,Ys).

P22

- Crear una lista que contenga todos los enteros en un rango dado
- Ejemplo:
?- range(4,9,L).
L = [4,5,6,7,8,9]

P22

- Crear una lista que contenga todos los enteros en un rango dado

- Ejemplo:

?- range(4,9,L).

L = [4,5,6,7,8,9]

- Resp:

range(I,I,[I]).

range(I,K,[I|L]) :- I < K, I1 is I + 1,
range(I1,K,L).

P31

- Determinar si un número es primo
- Ejemplo:

?- is_prime(7).

Yes

Hint: Usar negación \+

P31

- Determinar si un número es primo

- Ejemplo:

?- is_prime(7).

Yes

- Resp:

is_prime(2).

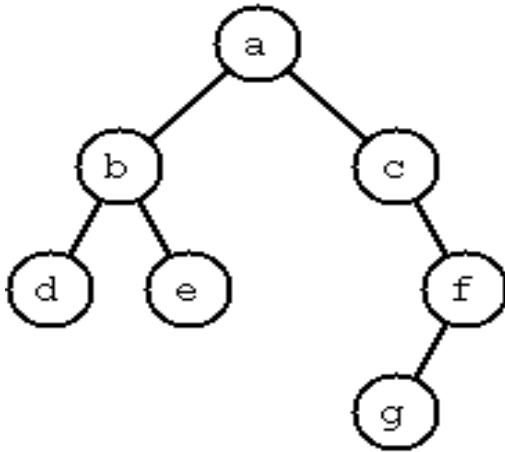
is_prime(3).

is_prime(P) :- integer(P), P > 3, P mod 2 $\neq$ 0, $\neg$ has_factor(P,3).

has_factor(N,L) :- N mod L $==$ 0.

has_factor(N,L) :- L < N, L2 is L + 2, has_factor(N,L2).

Arboles



$t(a, t(b, t(d, \text{nil}, \text{nil}), t(e, \text{nil}, \text{nil})), t(c, \text{nil}, t(f, t(g, \text{nil}, \text{nil}), \text{nil})))$

P54

- Verificar si un término es un árbol
- Ejemplo:

?- istree(t(a,t(b,nil,nil),nil)).

Yes

?- istree(t(a,t(b,nil,nil))).

No

P54

- Verificar si un t'ermino es un árbol
- Ejemplo:

?- istree(t(a,t(b,nil,nil),nil)).

Yes

?- istree(t(a,t(b,nil,nil))).

No

- Resp:

istree(nil).

istree(t(_,L,R)) :- istree(L), istree(R).

P61

- Contar los nodos internos de un árbol binario

P61

- Contar los nodos internos de un árbol binario
- Resp:

`internal_node(t(_,L,R)) :- \+ (L = nil, R = nil).`

`count_internal_nodes(t(_,L,R),N) :-`

`internal_node(t(_,L,R)),`

`count_internal_nodes(L,NL),`

`count_internal_nodes(R,NR),`

`N is NL + NR + 1.`

`count_internal_nodes(_,0).`

P61A

- Recolectar las hojas de un árbol binario en una lista

- Ejemplo:

?-leaves(t(a,t(b,nil,nil),t(c,nil,nil)),S)

S=[b,c]

Se puede usar el predicado append.

P61A: Resp

leaves(nil, []).

leaves(t(X,nil,nil),[X]).

leaves(t(_,L,nil),S) :- L = t(_,_,_), leaves(L,S).

leaves(t(_,nil,R),S) :- R = t(_,_,_), leaves(R,S).

leaves(t(_,L,R),S) :- L = t(_,_,_), R = t(_,_,_),
leaves(L,SL), leaves(R,SR), append(SL,SR,S).

Cut

- La idea del cut en prolog es agregar información explícita sobre control del flujo del programa.
- Podar el árbol de ejecución.

- Caso 1:

$p(X) \text{ :- } q(X), !, r(X).$

Si q tiene éxito con un valor x de X, entonces si r(x) falla, no podemos hacer backtracking.

- Caso 2:

$p(X) \text{ :- } r(X), !.$

$p(X) \text{ :- } s(X).$

Si usamos la primera regla y esta tiene éxito con un valor x de X, no usamos la segunda regla.

Cut: Ejemplo 0

- Sin Cut

$q(a).$

$q(b).$

$r(b).$

$p(X) \text{ :- } q(X), r(X).$

$?-p(X).$

$X=b$

- Con Cut:

$q(a).$

$q(b).$

$r(b).$

$p(X) \text{ :- } q(X), !, r(X).$

$?-p(X).$

No

Cut: Ejemplo 1

q(a).

q(b).

r(1).

r(2).

r(3).

p(X,Y) :- q(X), !, r(Y).

?-p(X,Y).

Cut: Ejemplo 1

q(a).

q(b).

r(1).

r(2).

r(3).

p(X,Y) :- q(X), !, r(Y).

?-p(X,Y).

X=a,Y=1;

X=a,Y=2;

X=a,Y=3;

No

Cut: Ejemplo 2

grade(Mark, first) :- Mark >= 70.

grade(Mark, two_1) :- Mark < 70, Mark >= 63.

grade(Mark, two_2) :- Mark < 63, Mark >= 55.

grade(Mark, third) :- Mark < 55, Mark >= 50.

grade(Mark, pass) :- Mark < 50, Mark >= 40.

grade(Mark, fail) :- Mark < 40.

?-grade(60,X)

X=two_1;

No

Cut: Ejemplo 2

```
grade(N,first) :- N >= 70, ! .  
grade(N,two_1) :- N >= 63, ! .  
grade(N,two_2) :- N >= 55, ! .  
grade(N,third) :- N >= 50, ! .  
grade(N,pass) :- N >= 40, ! .  
grade(N,fail) :- N < 40.  
?-grade(60,X)  
X=two_1;  
No
```

P05

- Invertir una lista:

- Ejemplo:

?-my_rev([a,b,c],X).

X=[c,b,a].

- Resp:

my_reverse(L1,L2) :- my_rev(L1,L2,[]).

my_rev([],L2,L2):- !.

my_rev([X|Xs],L2,Acc):-my_rev(Xs,L2,[X|Acc]).

Negación en Prolog

- La negación se define como:

`not(P) :- call(P), !, fail.`

`not(P).`

- En SWI-Prolog `not(p)` se denota `\+`

Ejemplo

bachelor(P) :- male(P), not(married(P)).

male(henry).

male(tom).

married(tom).

?- bachelor(henry).

Ejemplo

bachelor(P) :- male(P), not(married(P)).

male(henry).

male(tom).

married(tom).

?- bachelor(henry).

yes

?- bachelor(tom).

Ejemplo

bachelor(P) :- male(P), not(married(P)).

male(henry).

male(tom).

married(tom).

?- bachelor(henry).

yes

?- bachelor(tom).

no

?- bachelor(Who).

Ejemplo

bachelor(P) :- male(P), not(married(P)).

male(henry).

male(tom).

married(tom).

?- bachelor(henry).

yes

?- bachelor(tom).

no

?- bachelor(Who).

Who= henry ;

no

?- not(married(Who)).

Ejemplo

bachelor(P) :- male(P), not(married(P)).

male(henry).

male(tom).

married(tom).

?- bachelor(henry).

yes

?- bachelor(tom).

no

?- bachelor(Who).

Who= henry ;

no

?- not(married(Who)).

no.