

# Prolog

Carlos Hurtado L.

Depto de Ciencias de la  
Computación, Universidad de  
Chile

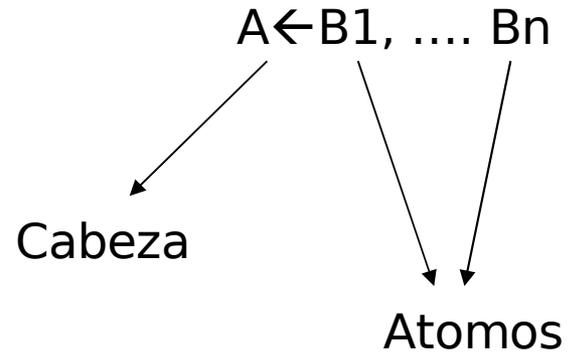
# Prolog

- ***Programation et Logique***
- Desarrollado por Colmerauer y Roussel de la Universidad de Aix-Marseille a principios de los 70s.
- Define el paradigma de programación lógica (versus programación procedural).

# Programa en Prolog

- Base de Conocimiento (KB):
  - Hechos:
    - Cláusulas con un único literal positivo
    - Ejemplo: “ $P \leftarrow$ ” o “ $P$ ” representa la cláusula ( $P$ )
  - Reglas
    - Cláusulas con un literal positivo y más de un literal negativo
    - Ejemplo: “ $Q \leftarrow P$ ” representa la cláusula ( $\neg P, Q$ ).
- Objetivo o consulta ( $\alpha$ ):
  - Conjunción de literales positivos
  - Al negar el objetivo queda un cláusula con literales negativos
  - Ejemplo: “ $\leftarrow P, Q$ ” o “ $?P, Q$ ” representa: ( $P \wedge Q$ ) y al negarlo queda como la cláusula ( $\neg P, \neg Q$ ).
- Luego en Prolog ( $KB \wedge \neg \alpha$ ) es un conjunto de cláusulas de Horn.

# Reglas en Prolog



# Resolución SDL

SDLRes (O: Objetivo)

- Para todo átomo  $A_i$  de  $O$ 
  - Para toda cláusula  $C_j \leftarrow B_1, \dots, B_n$  y UMG  $\sigma$  para  $A_i$  y  $C_i\sigma$  de KB
    - Sea  $O'$  el resultado de reemplazar  $A_i$  por  $B_1\sigma, \dots, B_n\sigma$  en  $O$
    - Si  $O'$  es “ $\leftarrow$ ” retornar (true)
    - SDLRes( $O'$ )
- retornar(falso)

# SLD con Variables en KB pero no en la Consulta

KB:

- (1) rich(joan).
- (2) mother(linda,joan).
- (3) mother(mary,linda).
- (4) rich(X) <- mother(X,Y) & rich(Y).

Query:

? rich(linda).

Derivation:

<- rich(linda).

<- mother(linda,Y) & rich(Y).

How: Select rich(linda); resolve with (4) using {X/linda}

<- rich(joan).

How: Select mother(linda,Y) ; resolve with (2) using {Y/joan}

<- .

How: Select rich(joan); resolve with (1) using { }

# SLD con Variables en consulta y en KB

KB:

- (1) rich(joan).
- (2) mother(linda,joan).
- (3) mother(mary,linda).
- (4) rich(X) <- mother(X,Y) & rich(Y).

Query:

? rich(Z).

Derivation:

yes(Z) <- rich(Z).

yes(Z) <- mother(Z,Y) & rich(Y).

Select rich(Z); resolve with (4) using {X/Z}

yes(Z) <- mother(Z,joan).

Select rich(Y); resolve with (1) using {Y/joan}

yes(linda) <- .

Select mother(Z,joan); resolve with (2) using {Z/linda}

# SLD con Variables en consulta y en KB

KB:

- (1) rich(joan).
- (2) mother(linda,joan).
- (3) mother(mary,linda).
- (4) rich(X) <- mother(X,Y) & rich(Y).

Query:

? rich(Z).

A Different Derivation:

yes(Z) <- rich(Z).

yes(joan) <- .

Select rich(Z); resolve with (1) using {Z/joan}

Different derivations can give different answers;  
Exercise: construct derivation that gives the  
answer "mary".

# Resolución SDL con Extracción de Respuestas

SDLRes (O: Objetivo)

// O contiene un átomo answer(T)

- Para todo átomo  $A_i$  de O
  - Para toda cláusula  $C_j \leftarrow B_1, \dots, B_n$  y UMG  $\sigma$  para  $A_i$  y  $C_i \sigma$  de KB
    - Sea  $O'$  el resultado de reemplazar  $A_i$  por  $B_1\sigma, \dots, B_n\sigma$  en O
    - Si  $O'$  es " $\leftarrow$  answer(T)" agregar T a la respuesta.
    - SDLRes( $O'$ )
- retornar(falso)

# Prolog

- Selecciona átomos a resolver del cuerpo de una regla en orden izquierda-derecha
- Selecciona reglas a usar en orden arriba-abajo
- Registra elecciones e intenta alternativas ante falla (busqueda primero en profundidad + backtracking)
- Entrega una respuesta única para consultas con variables, pero se puede forzar la busqueda de otras respuestas (usando la opción “;”).

# Listas en Prolog

- Prolog provee funciones y predicados para manejar listas:
  - Consider the function *cons*, constant *el*:
    - *cons* accepts two args, returns pair containing them
    - e.g, *cons(a,b)*, *cons(a,cons(b,c))*
    - *el* is a constant denoting the empty list
  - A proper list is either *el* or a pair whose second element is a proper list
    - *cons(a, cons(b, cons(c, el)))* = [a,b,c]

# Notación de Listas en Prolog

- `[]` is a constant symbol (empty list)
- `[ | ]` is a binary function symbol: infix notation (cons)
  - $[X|Y] \equiv \text{cons}(X,Y)$
- `[a,b,c]` shorthand for `[a | [b | [c | [] ] ] ]`  $\equiv$  `cons(a,cons(b,cons(c,el)))`.
  - $[c | []] \equiv [c]$  the list 'c'—different from 'c' by itself.
  - $[b | [c]] = [b,c]$  the list 'b,c'.
  - $[a | [b,c]] = [a,b,c]$ .

# Definición de Concatenación (Append)

- El predicado  $\text{Append}(X, Y, Z)$  se define usando dos reglas:

(A1)  $\text{append}([], Z, Z)$ .

(A2)  $\text{append}([E1 | R1], Y, [E1 | Rest]) \leftarrow \text{append}(R1, Y, Rest)$ .

# Ejemplo Concatenación (1)

Query: ? append([a,b], [c,d], [a,b,c,d]).

(A1) append([], Z, Z).

(A2) append([E1 | R1], Y, [E1 | Rest]) <-  
append(R1, Y, Rest).

Derivation:

yes <- append([a,b], [c,d], [a,b,c,d]).

yes <- append([b], [c,d], [b,c,d]).

Resolve with (A2) using { E1/a, R1/[b], Y/[c,d], Rest/[b,c,d] }

yes <- append([], [c,d], [c,d]).

Resolve with (A2) using { E1/b, R1/[], Y/[c,d], Rest/[c,d] }

yes <- .

Resolve with (A1) using { Z/[c,d] }

Answer: yes

# Ejemplo Concatenación (2)

Query: ? append([a,b], [c,d], [g,b,c,d]).

(A1) append([], Z, Z).

(A2) append([E1 | R1], Y, [E1 | Rest]) <-  
append(R1, Y, Rest).

Derivation:

yes <- append([a,b], [c,d], [g,b,c,d]).

No append rule can unify with this atom  
(convince yourself: look at E1)

Answer: no

# Ejemplo Concatenación (3)

Query: ? append(L, M, [a,b,c,d]).

(A1) append([], Z, Z).

(A2) append([E1 | R1], Y, [E1 | Rest]) <-  
append(R1, Y, Rest).

Derivation:

yes(L,M) <- append(L, M, [a,b,c,d]).

yes([a|R1], M) <- append(R1, M, [b,c,d]).

Resolve with (A2) using { L/[a|R1], Y/M, E1/a, Rest/[b,c,d] }

yes([a], [b,c,d]) <- .

Resolve with (A1) using { R1/[], M/[b,c,d], Z/[b, c,d] }

Answer: L = [a], M = [b,c,d]

# Ejercicio: Concatenación

- Exercise: Give derivations for at least two other answers for the previous query:
- Query: ? append(L, M, [a,b,c,d]).
  - L = [], M = [a,b,c,d]
  - L = [a], M = [b,c,d]
  - L = [a,b], M = [c,d]
  - L = [a,b,c], M = [d]
  - L = [a,b,c,d], M = []
- Note that specifying append “declaratively” (as a set of clauses) means that we can use these clauses in very flexible ways. This would not be possible with a “procedural” representation!