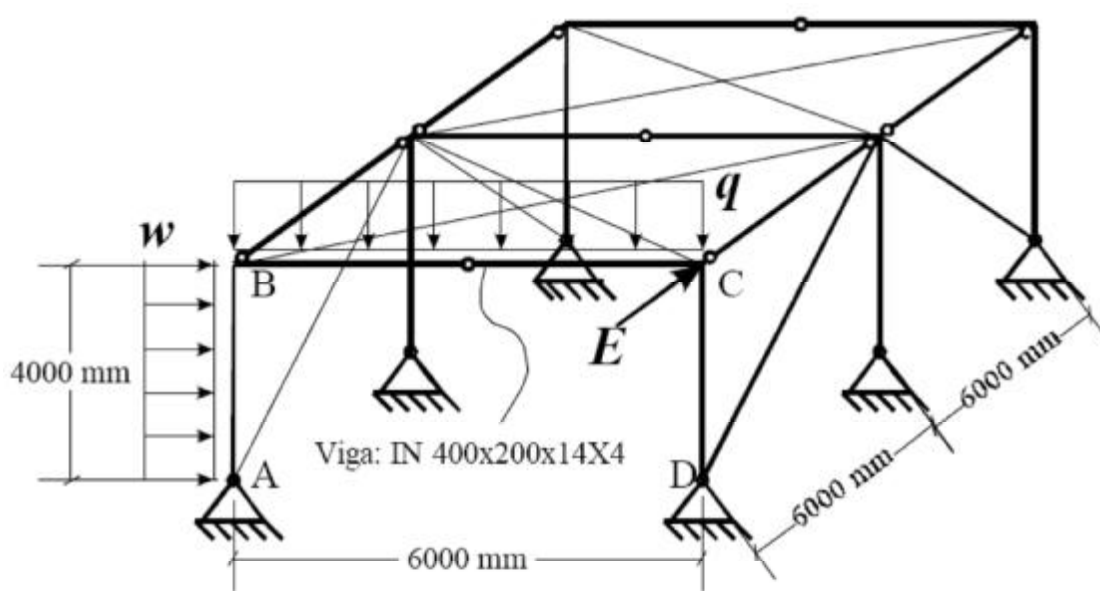


# Examen CI52R: Estructuras de Acero

Semestre Otoño 2006

Prof.: R. Herrera, Aux.: P. Correa



Se debe finalizar el diseño de la estructura industrial de la figura. Las bases de diseño son las siguientes:

- a) Acero A42-27ES.
- b) Norma AISC-2005 (LRFD).
- c) Usar combinaciones de carga ASCE-7.
- d) Solicitaciones:

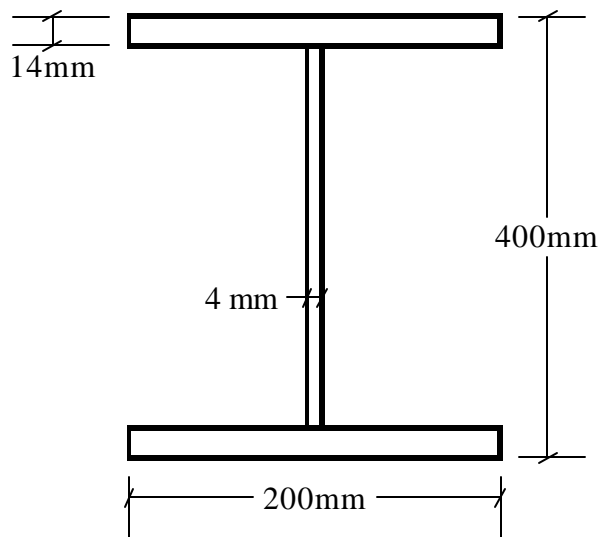
PP:  $q = 1,5$  [Tonf/m]  
SC:  $q = 1,8$  [Tonf/m]  
Viento:  $w = 0,6$  [Tonf/m]  
 $q = -0,2$  [Tonf/m]

**P1.** Diseñar la columna CD considerando todos los esfuerzos que actúan sobre ella. Use perfiles HN.

**P2.** Verifique la viga BC, despreciando el esfuerzo axial. ¿Qué propondría en caso de que la resistencia proporcionada por la viga no sea suficiente? Evalúe el efecto de su propuesta.

**P3.** Considere ahora que una carga sísmica  $E = 23$  actúa en el punto C en la dirección longitudinal de la estructura. Diseñe la diagonal traccionada usando perfiles XL y la conexión de la diagonal a la placa gusset usando la configuración mostrada en la figura de la página siguiente. Determine las dimensiones indicadas.

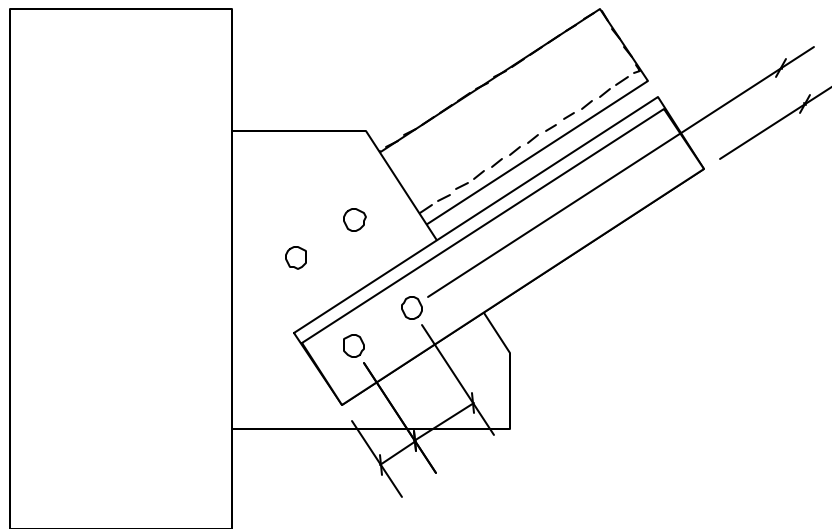
Viga: IN 400x200x14X4



$$C_w := (d - t_f)^2 \frac{b_f^3 t_f}{24}$$

$$J := \frac{[2 \cdot t_f^3 \cdot b_f + t_w^3 \cdot (d - 2 \cdot t_f)]}{3}$$

Detalle conexión diagonal



$$\text{tonf} := 1000\text{kgf} \quad \text{MPa} := 10^6\text{Pa}$$

$$L := 6\text{m} \quad h := 4\text{m}$$

Considerando las tres combinaciones de carga que intervienen:

$$q_{pp} := 2 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \quad q_{sc} := 1.8 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \quad q_w := -0.2 \frac{\text{tonf}}{\text{m}}$$

$$w_w := 0.6 \frac{\text{tonf}}{\text{m}}$$

$$\begin{aligned} \text{Combinación 1:} \quad q_{u1} &:= 1.2q_{pp} + 1.6q_{sc} & q_{u1} &= 5.28 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \\ w_{u1} &:= 0 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Combinación 2:} \quad q_{u2} &:= 1.2q_{pp} + 1q_{sc} + 1.6q_w & q_{u2} &= 3.88 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \\ w_{u2} &:= 1.6w_w & w_{u2} &= 0.96 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Combinación 3:} \quad q_{u3} &:= 0.9q_{pp} + 1.6q_w & q_{u3} &= 1.48 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \\ w_{u3} &:= 1.6w_w & w_{u3} &= 0.96 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \end{aligned}$$

Claramente la combinación 3 no controla.

Del análisis estructural, los esfuerzos máximos ocurren en la esquina C, tanto para la columna como para la viga y están dados por

$$M_u(q, w) := \frac{q \cdot L^2}{8} + \frac{w \cdot h^2}{4} \quad V_{u\_col}(q, w) := \frac{q \cdot L^2}{8 \cdot h} + \frac{w \cdot h}{4} \quad P_u(q, w) := \frac{q \cdot L}{2} + \frac{w \cdot h^2}{2L}$$

$$V_{u\_viga}(q, w) := P_u(q, w)$$

$$\begin{aligned} \text{Combinación 1:} \quad M_u(q_{u1}, w_{u1}) &= 23.76 \text{ tonf} \cdot \text{m} \\ V_{u\_col}(q_{u1}, w_{u1}) &= 5.94 \text{ tonf} \\ P_u(q_{u1}, w_{u1}) &= 15.84 \text{ tonf} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Combinación 2:} \quad M_u(q_{u2}, w_{u2}) &= 21.3 \text{ tonf} \cdot \text{m} \\ V_{u\_col}(q_{u2}, w_{u2}) &= 5.325 \text{ tonf} \\ P_u(q_{u2}, w_{u2}) &= 12.92 \text{ tonf} \end{aligned}$$

$$L := 4\text{m} \quad K_1 := 1$$

$$P_r := P_u(q_{u1}, w_{u1}) \quad P_r = 15.84 \text{ tonf}$$

$$M_{nt} := M_u(q_{u1}, w_{u1}) \quad M_{nt} = 23.76 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$\text{Acero A42-27ES} \quad E := 200000 \text{ MPa} \quad F_y := 2.7 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2}$$

HN 25x76,5:

$$b_f := 25\text{cm} \quad d := 25\text{cm} \quad t_w := 8\text{mm} \quad t_f := 16\text{mm}$$

$$A_g := 97.4\text{cm}^2 \quad I_x := 11700\text{cm}^4 \quad S_x := 933\text{cm}^3 \quad Z_x := 1030\text{cm}^3 \quad r_x := 10.9\text{cm}$$

$$I_y := 4170\text{cm}^4 \quad S_y := 333\text{cm}^3 \quad Z_y := 503\text{cm}^3 \quad r_y := 6.54\text{cm}$$

$$J := 72.3\text{cm}^4 \quad C_w := 0.57 \cdot 10^6 \text{ cm}^6$$

### Compresion:

(i) Relaciones de esbeltez

$$\text{Global} \quad \frac{K_1 \cdot L}{r_y} = 61.162 < 200 \quad \text{OK}$$

$$h := d - 2t_f$$

$$\text{Alas} \quad k_c := \frac{4}{\sqrt{\frac{h}{t_w}}} \quad k_c = 0.766 \quad 0.64 \sqrt{\frac{k_c \cdot E}{F_y}} = 15.397 > \frac{b_f}{2t_f} = 7.813 \Rightarrow \text{alas no esbeltas}$$

$$\text{Alma} \quad 1.49 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 40.95 > \frac{h}{t_w} = 27.25 \Rightarrow \text{alma no esbelta}$$

## (ii) Resistencia nominal

La base de la columna esta simplemente apoyada, por lo tanto  $G_A := 10$

Para el extremo superior  $I_b := 22585 \text{ cm}^4$

$$G_B := \frac{\frac{E \cdot I_x}{h}}{\frac{E \cdot I_b}{L}} \quad G_B = 9.505$$

$$f(K) := \frac{G_A \cdot G_B \left( \frac{\pi}{K} \right)^2 - 36}{6(G_A + G_B)} - \frac{\left( \frac{\pi}{K} \right)}{\tan\left( \frac{\pi}{K} \right)}$$

$$K_x := \text{root}(f(K), K, 1, 20) \quad K_x = 2.976$$

$$\lambda_x := \frac{K_x \cdot h}{r_x} \quad \lambda_x = 5.952 \quad \lambda_y := \frac{1.0 \cdot h}{r_y} \quad \lambda_y = 3.333 < 4.71 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 129.448$$

$$F_e := \frac{\pi^2 E}{(\lambda_y)^2} \quad F_e = 1.812 \times 10^3 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2}$$

$$F_{cr} := \left( \frac{F_y}{0.658 F_e} \right) F_y \quad F_{cr} = 2.698 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2}$$

- Resistencia nominal

$$P_n := F_{cr} \cdot A_g \quad P_n = 262.816 \text{ tonf} \quad \phi_c := 0.9 \quad \frac{P_r}{\phi_c \cdot P_n} = 0.067$$

**Flexion:**

## (i) Demanda

$$M_1 := 0 \text{ tonf} \cdot \text{m} \quad M_2 := M_{nt}$$

$$C_m := 0.6 - \frac{M_1}{M_2} \quad C_m = 0.6$$

$$\alpha := 1$$

$$P_{el} := \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I_x}{(K_x \cdot h)^2} \quad P_{el} = 5.596 \times 10^4 \text{ tonf} \quad \text{Ojo!: Pandeo en el plano de flexión}$$

$$B_1 := \frac{C_m}{1 - \alpha \cdot \frac{P_r}{P_{el}}} \quad B_1 = 0.6 < 1.0 \quad \text{entonces} \quad B_1 := 1$$

(ii) Limites de esbeltez

$$h := d - 2t_f \quad h = 21.8 \text{ cm}$$

$$k_c := \frac{4}{\sqrt{\frac{h}{t_w}}} \quad k_c = 0.766 \quad F_L := 0.7F_y$$

$$0.38 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 10.444 > \frac{b_f}{2t_f} = 7.813 \quad \text{ala compacta}$$

$$3.76 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 103.338 > \frac{h}{t_w} = 27.25 \quad \text{alma compacta}$$

(iii)  $L_p$  y  $L_r$

$L_p$ :

$$L_p := 1.76r_y \sqrt{\frac{E}{F_y}} \quad L_p = 3.163 \text{ m} < L = 4 \text{ m}$$

$L_r$ :

$$r_{ts} := \sqrt{\frac{\sqrt{I_y} \cdot C_w}{S_x}} \quad r_{ts} = 7.229 \text{ cm} \quad c := 1$$

$$h_o := d - t_f \quad h_o = 23.4 \text{ cm}$$

$$L_r := 1.95r_{ts} \cdot \frac{E}{0.7F_y} \cdot \sqrt{\frac{J \cdot c}{S_x \cdot h_o}} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + 6.76 \cdot \left( \frac{0.7F_y}{E} \cdot \frac{S_x \cdot h_o}{J \cdot c} \right)^2}}$$

$$L_r = 13.091 \text{ m} > L = 4 \text{ m}$$

(iv) Resistencia nominal

Volcamiento

$$R_m := 1 \quad \text{seccion doble-T con doble simetria}$$

$$C_b := 1.67R_m$$

$$M_p := F_y \cdot Z_x \quad M_p = 27.81 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$M_{n\_volc} := C_b \cdot \left[ M_p - (M_p - 0.7F_y \cdot S_x) \cdot \frac{L - L_p}{L_r - L_p} \right] \quad M_{n\_volc} = 45.011 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

Entonces

$$M_n := \min(M_p, M_{n\_volc}) \quad M_n = 27.81 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$\phi_b := 0.9 \quad \phi_b \cdot M_n = 25.029 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$M_r := M_{nt} \quad M_r = 23.76 \text{ tonf} \cdot \text{m} \quad < \quad \phi_b \cdot M_n = 25.029 \text{ tonf} \cdot \text{m} \quad \text{OK}$$

$$\frac{M_r}{\phi_b \cdot M_n} = 0.949$$

**Flexocompresion:**

Usando las disposiciones de la seccion H1.1

$$\frac{P_r}{\phi_c \cdot P_n} = 0.067 \quad < \quad 0.2 \quad \frac{P_r}{2\phi_c \cdot P_n} + \frac{M_r}{\phi_b \cdot M_n} = 0.983 \quad \text{OK}$$

Alternativamente, usando las disposiciones de la seccion H1.3

$$\text{Pandeo fuera del plano} \quad \frac{P_r}{\phi_c \cdot P_n} + \left( \frac{M_r}{\phi_b \cdot M_n} \right)^2 = 0.968 \quad \text{OK}$$

Inestabilidad en el plano:

Pandeo en el plano de flexion

(i) Resistencia nominal

$$\lambda_x = 5.952 < 4.71 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 129.448$$

$$F_e := \frac{\pi^2 E}{(\lambda_x)^2} \quad F_e = 5.573 \times 10^4 \text{ MPa}$$

$$F_{cr} := \left( \frac{F_y}{F_e} \right) F_y \quad F_{cr} = 2.695 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2}$$

- Resistencia nominal

$$P_n := F_{cr} \cdot A_g \quad P_n = 262.458 \text{ tonf} \quad \phi_c := 0.9$$

$$\frac{P_r}{\phi_c \cdot P_n} = 0.067 \quad \frac{P_r}{2\phi_c \cdot P_n} + \frac{M_r}{\phi_b \cdot M_p} = 0.983 < 1.0 \quad \text{OK}$$

**Corte:**

(ii) Resistencia sin atiesadores

$$h := d - 2t_f \quad h = 218 \text{ mm} \quad \frac{h}{t_w} = 27.25 < 2.24 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 61.563 \Rightarrow C_v := 1$$

$$V_n := (0.6F_y \cdot d \cdot t_w \cdot C_v) \quad V_n = 32.4 \text{ tonf} \quad \phi_v := 0.9 \quad \phi_v \cdot V_n = 29.16 \text{ tonf}$$

$$\frac{V_{u\_col}(q_{u1}, w_{u1})}{(\phi_v \cdot V_n)} = 0.204 \quad \text{OK}$$

$$\text{tonf} := 1000\text{kgf}$$

$$h := 4\text{m} \quad L := 6\text{m} \quad L_b := L$$

$$q_{pp} := 1.5 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \quad q_{sc} := 1.8 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \quad q_w := -0.2 \frac{\text{tonf}}{\text{m}} \quad w_w := 0.6 \frac{\text{tonf}}{\text{m}}$$

$$\text{Combinación 1:} \quad q_u := 1.2q_{pp} + 1.6q_{sc} \quad q_u = 4.68 \frac{\text{tonf}}{\text{m}}$$

$$w_u := 0 \frac{\text{tonf}}{\text{m}}$$

$$M_u := \frac{q_u \cdot L^2}{8} + \frac{w_u \cdot h^2}{4} \quad V_{u\_col} := \frac{q_u \cdot L^2}{8 \cdot h} + \frac{w_u \cdot h}{4} \quad P_u := \frac{q_u \cdot L}{2} + \frac{w_u \cdot h^2}{2L}$$

$$V_{u\_viga} := P_u$$

IN 100X40X20X10

$$d := 40\text{cm} \quad b_f := 20\text{cm} \quad t_f := 14\text{mm} \quad t_w := 4\text{mm}$$

$$A_g := 2b_f t_f + (d - 2t_f)t_w \quad A_g = 70.88\text{cm}^2$$

$$I_x := 2 \cdot \left[ b_f t_f \left( \frac{d - t_f}{2} \right)^2 + b_f \frac{t_f^3}{12} \right] + (d - 2 \cdot t_f)^3 \cdot \frac{t_w}{12} \quad I_x = 22585\text{cm}^4$$

$$S_x := \frac{2I_x}{d} \quad S_x = 1129\text{cm}^3$$

$$r_x := \sqrt{\frac{I_x}{A_g}} \quad r_x = 17.85\text{cm}$$

$$Z_x := b_f t_f (d - t_f) + \frac{(d - 2t_f)^2}{4} t_w \quad Z_x = 1219\text{cm}^3$$

$$I_y := 2 \cdot \left( t_f \frac{b_f^3}{12} \right) + (d - 2 \cdot t_f)^3 \cdot \frac{t_w}{12} \quad I_y = 1867\text{cm}^4$$

$$S_y := \frac{2I_y}{b_f} \quad S_y = 187\text{cm}^3$$

$$r_y := \sqrt{\frac{I_y}{A_g}} \quad r_y = 5.132\text{cm}$$

$$C_w := (d - t_f)^2 \frac{b_f^3 t_f}{24} \quad C_w = 695315 \text{ cm}^6$$

$$J := \frac{2 \cdot t_f^3 \cdot b_f + t_w^3 \cdot (d - 2 \cdot t_f)}{3} \quad J = 37.38 \text{ cm}^4$$

Acero A42-27ES  $E := 2100 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2}$   $F_y := 2.7 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2}$

a) FLEXION:

(i) Limites de esbeltez

$$\frac{b_f}{2t_f} = 7.143 < 0.38 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 10.598 \quad \text{ala compacta}$$

$$h := d - 2t_f \quad h = 37.2 \text{ cm}$$

$$\frac{h}{t_w} = 93 < 3.76 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 104.861 \quad \text{alma compacta}$$

(ii) Lp y Lr

$$L_p := 1.76 r_y \sqrt{\frac{E}{F_y}} \quad L_p = 2.519 \text{ m} < L_b = 6 \text{ m}$$

Lr:

$$r_{ts} := \sqrt{\frac{\sqrt{I_y \cdot C_w}}{S_x}} \quad r_{ts} = 5.648 \text{ cm}$$

$$c := 1$$

$$h_o := d - t_f \quad h_o = 38.6 \text{ cm}$$

$$L_r := 1.95 r_{ts} \cdot \frac{E}{0.7 F_y} \cdot \sqrt{\frac{J \cdot c}{S_x \cdot h_o}} \cdot \sqrt{1 + \sqrt{1 + 6.76 \cdot \left( \frac{0.7 F_y}{E} \cdot \frac{S_x \cdot h_o}{J \cdot c} \right)^2}}$$

$$L_r = 7.083 \text{ m} > L_b = 6 \text{ m}$$

(ii) Resistencia nominal

$$M_p := F_y \cdot Z_x$$

$$M_p = 32.918 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

(b) Volcamiento

$$M(x) := \frac{-q_u \cdot L^2}{8} + \frac{q_u \cdot L}{2}x - \frac{q_u}{2}x^2$$

$$M_{\max} := |M(L)| \quad M_{\max} = 21.06 \text{ tonf} \cdot \text{m} \quad M_A := \left| M\left(\frac{L}{4}\right) \right| \quad M_A = 5.265 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$M_B := \left| M\left(\frac{L}{2}\right) \right| \quad M_B = 0 \text{ tonf} \cdot \text{m} \quad M_C := \left| M\left(\frac{3L}{4}\right) \right| \quad M_C = 5.265 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$R_m := 1$  seccion doble-T con doble simetria

$$C_b := \frac{12.5M_{\max}}{2.5M_{\max} + 3M_A + 4M_B + 3M_C} R_m \quad C_b = 3.125 \Rightarrow C_b := 3$$

$$M_{n\_Volc} := C_b \cdot \left[ M_p - (M_p - 0.7F_y \cdot S_x) \cdot \frac{L_b - L_p}{L_r - L_p} \right] \quad M_{n\_Volc} = 72.269 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

Entonces

$$M_n := \min(M_p, M_{n\_Volc}) \quad M_n = 32.918 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$\phi_b := 0.9 \quad \phi_b \cdot M_n = 29.626 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$M_u := M_{\max} \quad M_u = 21.06 \text{ tonf} \cdot \text{m} < \phi_b \cdot M_n = 29.626 \text{ tonf} \cdot \text{m}$$

$$\frac{M_u}{\phi_b \cdot M_n} = 0.711 \quad \text{OK}$$

b) CORTE:

(i) Diagrama de corte:

$$V_u(x) := \frac{q_u \cdot L}{2} - q_u \cdot x$$

(ii) Resistencia sin atiesadores

$$\frac{h}{t_w} := \frac{d - 2t_f}{t_w} = \frac{372 \text{ mm}}{t_w} = 93 > 2.24 \cdot \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 62.471$$

$$\frac{h}{t_w} = 93 < 260 \text{ entonces } k_v := 5$$

$$1.37 \cdot \sqrt{\frac{k_v \cdot E}{F_y}} = 85.435 < \frac{h}{t_w} = 93$$

$$C_v := \frac{1.51 k_v \cdot E}{\left(\frac{h}{t_w}\right)^2 \cdot F_y} \quad C_v = 0.679$$

$$V_n := (0.6 F_y \cdot d \cdot t_w \cdot C_v) \quad V_n = 17.598 \text{ tonf} \quad \phi_v := 0.9 \quad \phi_v \cdot V_n = 15.839 \text{ tonf}$$

Si se considera una columna de altura  $d_c := 30\text{cm}$  el corte máximo en la viga será

$$V_{u\max} := V_u \left( \frac{d_c}{2} \right) \quad V_{u\max} = 13.338 \text{ tonf}$$

La resistencia provista por la viga sin atiesadores es suficiente para el corte máximo.

$$\text{tonf} := 1000\text{kgf} \quad \text{MPa} := 10^6\text{Pa}$$

$$\text{Acero A42-27ES} \quad E := 2100 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2} \quad F_y := 2.7 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2} \quad F_u := 4.2 \frac{\text{tonf}}{\text{cm}^2}$$

$$\text{La tracción en la diagonal es igual a} \quad T := \frac{\sqrt{13}}{3} \cdot 23\text{tonf} \quad T = 27.643 \text{ tonf}$$

Considerando fluencia del área bruta, el área bruta requerida es

$$\phi_t := 0.9 \quad A_{\text{req}} := \frac{T}{\phi_t \cdot F_y} \quad A_{\text{req}} = 11.376 \text{ cm}^2$$

$$\text{Intentar con un XL 13x9,56} \quad A_g := 12.2 \text{ cm}^2 \quad b := 6.5 \text{ cm} \quad t := 5 \text{ mm}$$

Ahora necesitamos determinar el tamaño de los pernos requerido. La fuerza por perno es

$$T_b := \frac{T}{4} \quad T_b = 6.911 \text{ tonf}$$

$$\text{Usando pernos A325-N: } F_{nv} := 330 \text{ MPa} \quad \phi_v := 0.75$$

$$\text{El área de cada perno requerida es} \quad A_{b\_req} := \frac{T_b}{\phi_v \cdot F_{nv}}$$

$$\text{y el diámetro mínimo es entonces} \quad d_{b\_req} := \sqrt{\frac{4A_{b\_req}}{\pi}} \quad d_{b\_req} = 1.867 \text{ cm}$$

$$d_{b\_req} = 0.735 \text{ in}$$

$$\text{Usar pernos de } 3/4" \text{ ó } 19 \text{ mm de diámetro. Usamos} \quad d_b := 19 \text{ mm}$$

Falta verificar la fractura en la sección neta del XL. Considerando perforaciones estándar, el área neta de cada L será

$$A_n := \frac{A_g}{2} - (d_b + 5\text{mm}) \cdot t \quad A_n = 4.9 \text{ cm}^2$$

$$\text{Para el área neta efectiva} \quad l := 75 \text{ mm} \quad x_{\text{bar}} := 1.86 \text{ cm}$$

$$U := 1 - \frac{x_{\text{bar}}}{l} \quad U = 0.752 \quad (\text{alternativamente puede usarse } U = 0.6 \text{ del caso 8})$$

$$A_e := U \cdot A_n \quad A_e = 3.685 \text{ cm}^2$$

Entonces la resistencia a la fractura en tracción del área neta efectiva es

$$\phi_t := 0.75 \quad T_n := F_u \cdot A_e \quad T_n = 15.476 \text{ tonf}$$

$$\phi_t \cdot T_n = 11.607 \text{ tonf} < \frac{T}{2} = 13.821 \text{ tonf} \quad \text{No cumple}$$

Intentar con un XL 16x11,9  $A_g := 15.2 \text{ cm}^2$   $b := 8 \text{ cm}$   $t := 5 \text{ mm}$

Verificando la fractura en la sección neta del XL

$$A_n := \frac{A_g}{2} - (d_b + 5 \text{ mm}) \cdot t \quad A_n = 6.4 \text{ cm}^2$$

Para el área neta efectiva  $l := 75 \text{ mm}$   $x_{\text{bar}} := 2.23 \text{ cm}$

$$U := 1 - \frac{x_{\text{bar}}}{l} \quad U = 0.703 \quad (\text{alternativamente puede usarse } U = 0.6 \text{ del caso 8})$$

$$A_e := U \cdot A_n \quad A_e = 4.497 \text{ cm}^2$$

Entonces la resistencia a la fractura en tracción del área neta efectiva es

$$\phi_t := 0.75 \quad T_n := F_u \cdot A_e \quad T_n = 18.888 \text{ tonf}$$

$$\phi_t \cdot T_n = 14.166 \text{ tonf} < \frac{T}{2} = 13.821 \text{ tonf} \quad \text{OK}$$

Aplastamiento: considerando una distancia al borde de 50 mm en la dirección paralela a la de la fuerza

$$L_c := 50 \text{ mm} - \frac{d_b + 5 \text{ mm}}{2}$$

$$R_n := 1.5 L_c \cdot t \cdot F_u \quad R_n = 11.97 \text{ tonf} \leq 3 d_b \cdot t \cdot F_u = 11.97 \text{ tonf}$$

$$\phi := 0.75 \quad \phi R_n = 8.978 \text{ tonf} > T_b = 6.911 \text{ tonf} \quad \text{OK}$$

Bloque de corte:

Si ubicamos los pernos a una distancia de 40 mm desde el borde del perfil L, tenemos que

$$A_{nt} := t \cdot \left( 40 \text{ mm} - \frac{d_b + 5 \text{ mm}}{2} \right) \quad A_{nt} = 1.4 \text{ cm}^2$$

$$A_{gv} := t \cdot (75 \text{ mm} + 50 \text{ mm}) \quad A_{gv} = 6.25 \text{ cm}^2$$

$$A_{nv} := A_{gv} - t \cdot \left( 3 \frac{d_b + 5\text{mm}}{2} \right) \quad A_{nv} = 4.45 \text{ cm}^2$$

$$U_{bs} := 1$$

$$R_{n1} := 0.6F_u \cdot A_{nv} + U_{bs} \cdot F_u \cdot A_{nt} \quad R_{n1} = 17.094 \text{ tonf}$$

$$R_{n2} := 0.6F_y \cdot A_{gv} + U_{bs} \cdot F_u \cdot A_{nt} \quad R_{n2} = 16.005 \text{ tonf}$$

$$R_n := \min(R_{n1}, R_{n2}) \quad \phi R_n = 12.004 \text{ tonf} < \frac{T}{2} = 13.821 \text{ tonf} \quad \text{No cumple}$$

Intentar con un XL 16x14,1  $A_g := 18.0 \text{ cm}^2$   $b := 8 \text{ cm}$   $t := 6 \text{ mm}$

$$A_{nt} := t \cdot \left( 40 \text{ mm} - \frac{d_b + 5\text{mm}}{2} \right) \quad A_{nt} = 1.68 \text{ cm}^2$$

$$A_{gv} := t \cdot (75 \text{ mm} + 50 \text{ mm}) \quad A_{gv} = 7.5 \text{ cm}^2$$

$$A_{nv} := A_{gv} - t \cdot \left( 3 \frac{d_b + 5\text{mm}}{2} \right) \quad A_{nv} = 5.34 \text{ cm}^2$$

$$R_{n1} := 0.6F_u \cdot A_{nv} + U_{bs} \cdot F_u \cdot A_{nt} \quad R_{n1} = 20.513 \text{ tonf}$$

$$R_{n2} := 0.6F_y \cdot A_{gv} + U_{bs} \cdot F_u \cdot A_{nt} \quad R_{n2} = 19.206 \text{ tonf}$$

$$R_n := \min(R_{n1}, R_{n2}) \quad \phi R_n = 14.405 \text{ tonf} > \frac{T}{2} = 13.821 \text{ tonf} \quad \text{OK}$$

Configuración final:

