

Clase Auxiliar MA12A-06

Mauricio Duarte E

23 de junio de 2006

Problema 1. Dada la sucesión convergente (s_n) , se define la sucesión (u_n) por $u_n = (-1)^n s_n$. Probar que (u_n) converge si y sólo si (s_n) converge a cero.

Problema 2. Estudiar la convergencia de las siguientes sucesiones y calcular sus límites, cuando éstos existan.

$$\begin{array}{lll} \text{a) } \frac{\sin(\sqrt{n})}{\sqrt{n}} & \text{b) } n \sin\left(\frac{1}{n^2}\right) & \text{c) } \sqrt{n^6 + n^3} - \sqrt{n^6 - n^2} \\ \text{d) } \left(\frac{n+1}{n-1}\right)^n & \text{e) } \frac{(n!)^2}{(2n)!} & \text{f) } \frac{1 - (-1)^n n}{4n+1} \\ \text{g) } \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{(-1)^n n} & \text{h) } \cos\left(\frac{n\pi}{2}\right) & \text{i) } \left(\frac{n^3}{2n^2+1} - \frac{n^2}{2n+1}\right)^{\frac{1}{n}} \end{array}$$

Problema 3. Sea $k \in \mathbb{N}$. Calcular $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n+k}\right)^n$.

Problema 4. Dado $a \in \mathbb{R}$, calcular $\lim_{n \rightarrow \infty} n \ln \left(1 + \frac{1}{n+a}\right)$. Concluya el valor de $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n+a}\right)^n$.

Problema 5. Suponga que (x_n) es una sucesión convergente a cero. Determine:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4x_n^3(e^{x_n} - 1)}{(1 - \cos 2x_n)^2}$$